

This is a digital copy of a book that was preserved for generations on library shelves before it was carefully scanned by Google as part of a project to make the world's books discoverable online.

It has survived long enough for the copyright to expire and the book to enter the public domain. A public domain book is one that was never subject to copyright or whose legal copyright term has expired. Whether a book is in the public domain may vary country to country. Public domain books are our gateways to the past, representing a wealth of history, culture and knowledge that's often difficult to discover.

Marks, notations and other marginalia present in the original volume will appear in this file - a reminder of this book's long journey from the publisher to a library and finally to you.

Usage guidelines

Google is proud to partner with libraries to digitize public domain materials and make them widely accessible. Public domain books belong to the public and we are merely their custodians. Nevertheless, this work is expensive, so in order to keep providing this resource, we have taken steps to prevent abuse by commercial parties, including placing technical restrictions on automated querying.

We also ask that you:

- + *Make non-commercial use of the files* We designed Google Book Search for use by individuals, and we request that you use these files for personal, non-commercial purposes.
- + Refrain from automated querying Do not send automated queries of any sort to Google's system: If you are conducting research on machine translation, optical character recognition or other areas where access to a large amount of text is helpful, please contact us. We encourage the use of public domain materials for these purposes and may be able to help.
- + *Maintain attribution* The Google "watermark" you see on each file is essential for informing people about this project and helping them find additional materials through Google Book Search. Please do not remove it.
- + Keep it legal Whatever your use, remember that you are responsible for ensuring that what you are doing is legal. Do not assume that just because we believe a book is in the public domain for users in the United States, that the work is also in the public domain for users in other countries. Whether a book is still in copyright varies from country to country, and we can't offer guidance on whether any specific use of any specific book is allowed. Please do not assume that a book's appearance in Google Book Search means it can be used in any manner anywhere in the world. Copyright infringement liability can be quite severe.

About Google Book Search

Google's mission is to organize the world's information and to make it universally accessible and useful. Google Book Search helps readers discover the world's books while helping authors and publishers reach new audiences. You can search through the full text of this book on the web at http://books.google.com/



Über dieses Buch

Dies ist ein digitales Exemplar eines Buches, das seit Generationen in den Regalen der Bibliotheken aufbewahrt wurde, bevor es von Google im Rahmen eines Projekts, mit dem die Bücher dieser Welt online verfügbar gemacht werden sollen, sorgfältig gescannt wurde.

Das Buch hat das Urheberrecht überdauert und kann nun öffentlich zugänglich gemacht werden. Ein öffentlich zugängliches Buch ist ein Buch, das niemals Urheberrechten unterlag oder bei dem die Schutzfrist des Urheberrechts abgelaufen ist. Ob ein Buch öffentlich zugänglich ist, kann von Land zu Land unterschiedlich sein. Öffentlich zugängliche Bücher sind unser Tor zur Vergangenheit und stellen ein geschichtliches, kulturelles und wissenschaftliches Vermögen dar, das häufig nur schwierig zu entdecken ist.

Gebrauchsspuren, Anmerkungen und andere Randbemerkungen, die im Originalband enthalten sind, finden sich auch in dieser Datei – eine Erinnerung an die lange Reise, die das Buch vom Verleger zu einer Bibliothek und weiter zu Ihnen hinter sich gebracht hat.

Nutzungsrichtlinien

Google ist stolz, mit Bibliotheken in partnerschaftlicher Zusammenarbeit öffentlich zugängliches Material zu digitalisieren und einer breiten Masse zugänglich zu machen. Öffentlich zugängliche Bücher gehören der Öffentlichkeit, und wir sind nur ihre Hüter. Nichtsdestotrotz ist diese Arbeit kostspielig. Um diese Ressource weiterhin zur Verfügung stellen zu können, haben wir Schritte unternommen, um den Missbrauch durch kommerzielle Parteien zu verhindern. Dazu gehören technische Einschränkungen für automatisierte Abfragen.

Wir bitten Sie um Einhaltung folgender Richtlinien:

- + *Nutzung der Dateien zu nichtkommerziellen Zwecken* Wir haben Google Buchsuche für Endanwender konzipiert und möchten, dass Sie diese Dateien nur für persönliche, nichtkommerzielle Zwecke verwenden.
- + *Keine automatisierten Abfragen* Senden Sie keine automatisierten Abfragen irgendwelcher Art an das Google-System. Wenn Sie Recherchen über maschinelle Übersetzung, optische Zeichenerkennung oder andere Bereiche durchführen, in denen der Zugang zu Text in großen Mengen nützlich ist, wenden Sie sich bitte an uns. Wir fördern die Nutzung des öffentlich zugänglichen Materials für diese Zwecke und können Ihnen unter Umständen helfen.
- + Beibehaltung von Google-Markenelementen Das "Wasserzeichen" von Google, das Sie in jeder Datei finden, ist wichtig zur Information über dieses Projekt und hilft den Anwendern weiteres Material über Google Buchsuche zu finden. Bitte entfernen Sie das Wasserzeichen nicht.
- + Bewegen Sie sich innerhalb der Legalität Unabhängig von Ihrem Verwendungszweck müssen Sie sich Ihrer Verantwortung bewusst sein, sicherzustellen, dass Ihre Nutzung legal ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass ein Buch, das nach unserem Dafürhalten für Nutzer in den USA öffentlich zugänglich ist, auch für Nutzer in anderen Ländern öffentlich zugänglich ist. Ob ein Buch noch dem Urheberrecht unterliegt, ist von Land zu Land verschieden. Wir können keine Beratung leisten, ob eine bestimmte Nutzung eines bestimmten Buches gesetzlich zulässig ist. Gehen Sie nicht davon aus, dass das Erscheinen eines Buchs in Google Buchsuche bedeutet, dass es in jeder Form und überall auf der Welt verwendet werden kann. Eine Urheberrechtsverletzung kann schwerwiegende Folgen haben.

Über Google Buchsuche

Das Ziel von Google besteht darin, die weltweiten Informationen zu organisieren und allgemein nutzbar und zugänglich zu machen. Google Buchsuche hilft Lesern dabei, die Bücher dieser Welt zu entdecken, und unterstützt Autoren und Verleger dabei, neue Zielgruppen zu erreichen. Den gesamten Buchtext können Sie im Internet unter http://books.google.com durchsuchen.



GODFREY LOWELL CABOT SCIENCE LIBRARY of the Harvard College Library

This book is FRAGILE

and circulates only with permission.

Please handle with care
and consult a staff member
before photocopying.

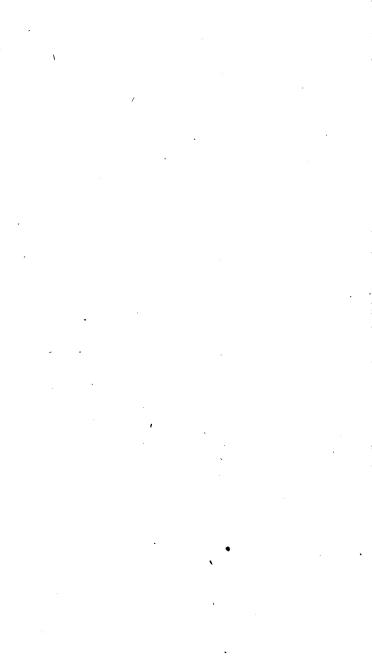
Thanks for your help in preserving Harvard's library collections.











Anmerkungen

über bie

Markscheidekunst.

Debft einer

Abhandlung von Sohenmessungen durch das Barometer.

Won

Abraham Gotthelf Kastner Königl. Groebe. Hofrath, und Prosessor der Mathematik und Phosik

Gottingen,
im Verlag der Wittwe Vandenhoeck

Eng 1307.75

185-1 Des 2

Gener The

Jan Xuy 579

Dem

Hochwohlgebohrnen Herrn

Herrn

Carl Eugen

Pabst von Shain

Churfürstlich · Sachsischen Berghauptmanne



Ew. Hochwohlgebohrnen

haben mir schon auf der Leipziger Universität eine Freundschaft gegönnt, die sich auf gemeinschaftliche Neigung, zu gleich nüplichen, und erhabenen Wissenschaften gründete.

Ich genoß davon ausnehmende Vortheile ben meinem Aufenthalte in Frenberg 1747. den Ew. Hochwohlgeb. durch Unterricht und Anführung, mir so lehrreich als möglich zu machen, eifrigst bemüht waren.

Ich bin immer auf einen solchen Lehrer so stolz gewesen, daß ich mir Gelegenheit gewünscht habe, Ihn des santlich zu bekennen:

Bornahmlich dieser Eitelfeit haben Ew. Hochwohlgeb, es zuzuschreiben, daß ich Sie ersuche, gegenwärtiges Buch, als ein Merkmahl der dankbaren Erinnerung eines alten Schülers, geneigt anzunehmen.

Ich verharre mit vollkommenster Bochachtung

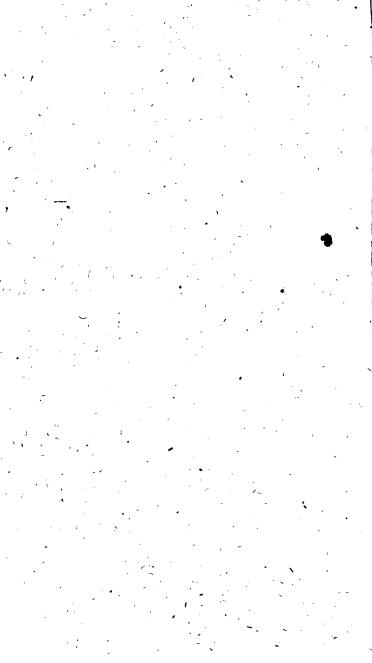
Ew. Hochwohlgeb.

Göttingen.

im August 1775.

gehorfamftergebenfter Dieuer Abraham Sotthelf Kästner. Drudfehler.

5. 5. Zeile250 69 4 nach 10891 setze man:





Vorrede.

uf der Universität eines Landes, das ben viel andern Vorzügen auch so berühmte Bergwerke besitzt, kann man wohl erwarten, auch Gelegenheit zu Erlernung der Markscheidekunst zu haben. Mir ist nicht bekannt, ob dergleichen Unterricht vordem hie ist ertheilt worden. Der seel. Nath Penther würde wenigstens dazu mit Kenntnissen und Werkzeugen senn versehen gewesen.

An den letten ging mir einiges ab, als ich den Entschluß faßte, diese Kunst vorzustragen. Ich war für mich nur mit einigen versorgt, die ich gelegentlich noch in Leipzig bekommen hatte, ich glaube aber, wenn man Ausübungen lehren will, muß man die Werkzeuge dazu, in einer Vollständigkeit, auch nicht ganz unentbehrlichezzeigen können. Kon.

Kon. Regierung verordnete auf die gutige Fürsprache des Hrn. Hofr. Brandes, daß die Markscheiderwerkzeuge dem zahlreichen Vorrathe von andern, der ben hiesiger Universität zum Gebrauche benm Unterrichte vorhanden ist, bengefügt wurden.

Ich habe zu den Vorlesungen Weidlers Institutiones geometriae subterraneae gebraucht, die auch durch des Hrn. P., Fuchsthaler deutsche Uebersetung noch gemeiner geworden sind. Vollständigere Unseitungen, wie des Hr. D. Oppel und Beners, sind nicht für akademische Vorlesungen. Unster denen, die zu dieser Absicht verfaßt sind, ist meines Wissens Weidlers seine die einzige, die man besonders haben kann, die übrigen sind großern Büchern einverleibt, ich will die nennen die mir bekannt sind.

Ben Hrn. Prof. Andr. Bohms zu Gieffen grundlicher Anleitung zur Meßkunst auf dem Felde (Frankf. u. Leipz. 1759.) ist der

Il. Anhang die Marticheidekunft.

In Hrn. Prof. Joh. Pet. Eberhards zu Halle Neuen Bentragen zur Mathesi applicata (Halle 1773) macht die Markscheidekunst den ersten Theil der darinnen vorgetragenen Bergwerkswissenschaften aus.

Des

Des vormahligen Hochf. Badendurlachischen Kirchenraths Jac. Friedr. Malers Geometrie und Markscheidekunst ist zum zwentenmahle zu Carlsruhe 1767 herausgek. wo ich einiges verbessert und vermehrt habe, aber nicht in der Markscheidekunst.

Noch nenne ich hie ein paar Auffage, die ich zu sehen bekam, als die Anmerkungen, ben denen ich sie angeführt hatte, schon ab-

gedruckt waren.

Ueber Grubenprofile, und derselben Verfertigung, hat Hr. Franz Dembscher, Kon. Markscheider zu Cremnis in Ungarn, nüsliche Betrachtungen mitgetheilt, in den: Ubhandlungen einer Privatgesellschaft in Bohmen zur Aufnahme der Mathematik, vaterland. Geschichte und Naturgeschichte; zum Druck besordert von Ignas Edlen v. Born. (Prag 1775) 6. Abhandl.

In eben den Abhandlungen, enthalt die 7. Hrn. Lorenz Siegel, Kais. Kon. Marksicheider und Probierer zu Schladming in Steyermark, Vorschläge zur Verbesserung des Gradbogens. Der Faden mit dem Gewichte spielt wie er bemerkt zu lange, ehe er an seiner gehörigen Stelle zur Nuhe kommt. Hr. S. empsiehlt statt dessen ein Meßingsblech,

blech, das sich um des Halbkreifes Mittel. punkt breht, und die Donlegen vermittelft

eines gespannten Fadens abschneidet.

Gegenwartige Unmerkungen find ben Gelegenheit der Borlesungen entstanden, die ich vor einigen Jahren über Weidlers Buch gehalten habe, daher folgen fie einigermaß sen der Ordnung dieses Buches. Die Paragraphen sind nach dem Grundterte angeführt. Der Ueberfegung 35; ift des Ori-

ginals 34 und so fort in der Folge.

Man wird leicht sehen, daß es nicht blof se Erlauterungen sind, die gehoren meift für den mundlichen Bortrag, fondern, Berich. tigungen, Bufage, und andere Untersuchungen, die auch ohne Absicht auf die Stellen vom Weidler, die mich dazu veranlaßten, brauchbar find. Ginen Commentarius über Weidlers Compendium, aus grof. fern Systemen jufammen ju schreiben, mar auch nicht meine Absicht, da ich vielmehr Die Lernenden allemahl anführe, wie sie ausführlichere Werke ju Erweiterung ihrer Renntniffe ju brauchen haben, sondern eigentlich suchte ich Anwendungen der Arithmetit, Geometrie und Analysis auf Die Markscheidekunst zu machen, die noch nicht gemacht

gemacht waren. Daß sich hieben Borschlage gaben, Markscheiderarbeiten bequemer oder richtiger zu bewerkstelligen, davon wird man Proben selbst beym Lachtermaasse, beym Gradbogen, bey der Berechnung der Sohlen und Seigerteufen, bey der Bestimmung der Winkel ohne Compaß und Eisenscheiben u. s. w. sinden.

Einige andere meiner Anmerkungen bestreffen Aufgaben, die, besonders in v. Oppels und Beners Büchern nicht deutlich genug, ohne Beweis, oder auch gar nicht, aufgelbset sind. Bollständige und gründliche Ausschlungen davon beruhen auf den Lehren von Lagen der Ebenen und sphäris

Scher Trigonometrie.

Die Abhandlung, von Messung der Hokehen mit dem Barometer, sollte aufangs die lette Anmerkung werden. So habe ich sie auch in der 9. Anm. 24; angeführt. Sie ward mir aber so weitläuftig, daß ich ihr eis ne andere Ueberschrift geben mußte. Ohne Zweisel kann es dienlich senn, was in der Theorie dieser Messungen gethan ist, gessammlet, verglichen, und beurtheilt zu seshen. Man erkennt so, daß die bisher gegebene vielsältig scheinende Regeln, nur wend

ge ausgenommen, auf einem gemeinschaftlichen Grunde beruhen. Daß aber eine kurze, bequeme und allgemeine Regel, wegen der Wirkungen der Wärme, und anderer Ursachen, die wir vielleicht noch weniger kennen, nicht möglich ist, sobald man von ihr sodert, die Sohe mit einer ziemlichen Genauigkeit anzugeben. Begnügt man sich, wie ohnedem wohl vor Hrn. de Luc immer geschehen ist, mit einer nur ohngefähr richtigen Bestimmung, so hat der Göttingische Mayer dazu ein sehr kurzes und bequemes Versahren gelehrt. Den Anlaß zu dessen Prof. der Oekon. Beschmann zu danken.

Aus dem Geseke, wie die Dichte der Luft in der Sohe abnimmt, Barometerstand und Sohe zu vergleichen, gehort Rechnung des Unendlichen, Gebrauch logarithmischer Integralen; dadurch erhält man bequem und richtig, was die, welche etwa einzelne Johen vieler Luftschichten, addiren wollen, wie Mariotte, und zum Theil Hr. de Luc, mit unausstehlicher Arbeit, und geringerer

Richtigkeit erhalten.

Wer sich einbildet ein Naturforscher zu fenn, ohne daß er von der Rechnung des Unendli-

Unendlichen mas mehr weiß als biefes: Es fen ein Ding von dem er vor feinen Ochilern als von was ganz Unnugen reden muß, versichert. Manche werden doch tumm genug fenn, es ihm ju glauben; Der ift gan; unfahig einen Begriff davon zu haben, wie Sohe aus Barometerstande bestimmt wird. Er nimmt also die erste beste Tafel, die ihm in die Hande gegeben wird, und schreibt daraus die Hohe ab, die seinem Barometerstande gehört. Oder, es noch besser zu mas chen, schreibt er die Sohen aus ein paar solchen Tafeln, neben einander, unbefummert, ob einmahl bende Tafeln thre Hohen von eis nerlen Horizonte rechnen. Dadurch giebt er sich ben Ginfaltigen das Ansehen eines Mannes, der auch Hohen mit dem Barometer zu meffen wisse, ben Leuten aber, Die eben fo wenig Mathematik verffehen als er, doch übrigens ihren natürlichen Berftand besser brauchen, erregt er einen Verdacht gegen die Mathematikverständigen, Die in ihren Rechnungen so weit von einander ab. gehen

Die Rechtfertigung der Mathematikversftändigen ist folgende: Sie stimmen in einer wahren Theorie überein; Aber ben Anwen-

dung derselben legt jeder Ersahrungen zum Grunde, der eine vielleicht nicht so richtige als der andere; oder jeder solche, die unter für ihn besondern Umständen richtig waren, aber unter andern Umständen nicht so würden erfolgt senn.

Wie verzeihlich es ist, ben solchen Erfahrungen zu fehlen, erhellt daraus, daß man
so geringe Grössen beobachten muß. Zu einer Linie Quecksiber gehören inimer vielmehr als 60 Fuß Höhe. Also giebt ein Fehler in Bemerkung des Barometerstandes
immer einen viel mehr als achttausend mahl
grössern in der Höhe. In dieser Betrachtung, wenn auch alle Erfahrungen unter
einerlen Umständen angestellt wären, dürste
man wohl den Regeln noch grössere Uneinigkeit zu gute halten.

Ohne die Markscheidekunst hat man keine richtigen Vorstellungen von dem was ben Gebürgen auf Grossen, Raum und Lagen ankömmt, noch vielweniger versteht man etwas von dem Gange der unterirrdischen Arbeiten in ihnen. Hievon allgemeine Begriffe zu haben, ist doch wohl anständig, da das was aus Gebürgen hervorgebracht wird, in den Zustand der menschlichen Gesellschaft

so viel Einfluß hat. Bon der natürlichen Beschaffenheit unserer Erdsäche machen solche Kenntnisse einen beträchtlichen Theil, man sieht auch den Mangel derselben eine gebildeten Natursorschern gar hald an. Werdas Wasser aus dem Meere unter der Erde auf die Gipfel der Berge steigen läßt, um von da wieder herabzurinnen, muß nie gehört haben, daß man in Vergwerken nur von oben hereinfallende Wasser kennt, daß dem Bergmanne wohl Wasser auf den Schachthuth tropfelt, aber nie von unten auf ins Gesicht sprüget, er müßte denn in eine Pfüge treten.

Lissabon und Lima hat jemand gemennt, stünden noch, wenn in den Gegenden um diese Städte, wären tiefe Schächte gegræben worden, den unterirrdischen Dünsten unschädlichere Auswege zu verschaffen, als sie aus Mangel solcher Borsichtigkeit genommen haben: Und so entstand ben ihm ein Vorschlag, um Städte herum Prafere

vativschächte zu graben.

Der Erfinder dieses Vorschlages bedache te nicht, daß Schächte abzusinken, eine langweilige kostbare Arbeit ist, die sich nicht weit fortsetzen läßt, wenn man ihr nicht burch burch Zimmerung, Wetterwechfel, Runfte und Stollen ju Bulfe tommt, und daß fein Recept also jeder Stadt ein Prafervativberg. werk verordnet; unbeforgt ob das Mittel einmahl konnte angebracht werden, weil sich nicht an allen Stellen der Erde Bergwerke. anlegen laffen. Und diese Arbeiten mußten blos auf ein gerathewohl unternommen werben, denn bisher kennt man doch noch keine Unzeigungen, wo Dunfte unter der Erde Ruthenganger mochten eingesperrt sind. Die anständigsten Personen senn, ben ei nem folchen Unternehmen befragt zu werden, nur daß ihnen, soviel man weiß, die Ruthen wohl auf unterirrdische Wasser, aber noch nicht auf unterierdische Dunfte geschlagen Saben. Die Bergleute kennen manche Urten unterirrdischer Dunfte schon fo, daß fie sich schwerlich murden bewegen lassen, gerade in der Absicht zu arbeiten, um auf un. terirrdische Dunfte durchschlägig ju werden. Man mußte also welche dazu nehmen, die das Leben verwirft hatten.

Wenn solche Einfalle einmahl im Vorsbergehen waren gesagt worden, so konnte man sie belachen und vergessen. Wenn sie aber, als wichtige Rathschläge, einer Societät

cietat der Wissenschaften vorgetragen werden, wenn das Ungereimte darinnen deuts sich, obgleich lachend gezeigt wird (*), und sie doch immer wieder denen vorgeschwaßt werden, denen versprochen wird, man wolle sie Physik lehren, so hat, wenigstens ein berufener und verordneter Lehrer der Physik, nicht nur Recht, sondern auch Verbindlichkeit, zu sagen, daß solch Geschwäß den Nahmen der Physik mishandelt.

Ich muß mich anklagen, daß ich diese Pflicht bisher viel zu nachläßig beobachtet habe, und kann zu meiner Entschuldigung nur das vorbringen, daß ich doch nichts hierüber würde gesagt haben, was nicht Leute von mäßigem natürlichem Verstande schon ohne meine Erinnerung gewußt haten. Meine Unterlassungssunde also hat, Menschen die nur mit gemeiner Vernunft versehen sind, nichts geschadet, und Menschengesichter abzuhalten, daß sie sich nicht Ungereimt

^{(*) &}quot;Senbichreiben, an einen Professor ber Weltweißheit, ben Gelegenheit der Erdbes ben 1755. im Monat Marz 1756 von einem beutschen Officier entworfen." Man halt den seel. Prof. Maper für den Versasser.

Ungereimtheiten bereden laffen, dazu habe

ich weder Pflicht noch Reigung.

Meine Gelassenheit hat aber nur den Dank erhalten, daß ein in seiner Maasse verdienter und berühmter Gelehrter, in einer Worrede wo er von seiner Bemühung mit Petrefacten redet, mich unter die gerechnet hat; ich führe seine eignen Worte an: die

pro ingenii sui luxuriantis procacitate inter res ludicras illa referre, ludicrisue hominum circumferaneorum et agyrtarum crepundiis impudentissime nonnunquam annumerare non verentur.

Daß er mich hiemit gemennt hat, deßwegen überlasse ich mich sicher seinem eigenen Geständnisse. Er ist ein aufrichtiger,
ehrlicher Mann, der, wo ihn Vorurtheile
nicht verleiten, rechtschaffene, oft edle Gessinnungen hat, die ich allemahl an ihm ehre,
was ich auch von seinen Einsichten und Meynungen urtheilen muß.

Petrefacten zu betrachten, zu sammlen, Folgerungen aus ihnen herzuleiten, habeich nie für Taschenspieleren erklärt. Ich habe mich selbst damit beschäfttiget, und sogar eine Sammlung davon schon vor 1754 in Leipzig besessen. Weil ich auf sie keinen großen

sen Aufwand hatte machen konnen, und sie nur aus eignem Zusammentragen und Geschenken guter Freunde entstanden mar, so glaubte ich nicht, baran was besonders zu befigen, bis ich im genannten Jahre nach meinem damaligen Aufenthalte, Leipzig, Die Schriften einer Koniglichen Societat Der Wissenschaften vom vorigen Jahre bekam, wo ich allerlen Steine mit Schnecken und Mufcheln in Rupfer geftochen fand, bergleiden ich in Menge, und viel noch beffere Studen besaß. Auch in der Sandgrube und in der Thongrube ben Leipzig hatte ich gefehen, daß die Materien da schichtenweise übereinander lagen, allerlen andere, nicht fo fehr gemeine Bemerkungen, als die ift, daß Materien schichtenweise liegen, gemacht, und wenn ich hatte einem Leipziger Beichner und Rupferstecher einem Verdienst daben versprechen können, sollten sich diese Gruben fo gut ausgenommen haben, als das Bild einer Steingrube.

Ich hatte auch schon vorlängst in Olearius Persianischer Reisebeschreibung von den Mauren zu Derbent gelesen: "Und waren alle Steine, welches uns verwunderlich vortam, von lauter klein zerbrochenen Muschelschalen

schalen gleich als zusammengeschmolzen gemachfen." (*) An den Gebauden der Stadt, wohin ich 1756 kam, hatte ich vielleicht diefe Mehnlichkeit zwischen Gottingen und Derbent bemerkt, wenn ich davon zu reden Beranlassung gehabt hatte, aber ich hatte schwerlich der Kon. Soc, der Wiff. ergablt, daß mich Mauern aus Muschelsteinen, mit eis ner groffen Berwunderung, wie neue und ungewöhnliche Sachen zu thun pflegen, überrascht hatten; weil ich darinnen, daß man ein paar Hundert Jahre, ehe Petrefactenfammler entstanden, aus Muschelsteinen gebaut hatte, nichts neuers und ungewöhnlichers gesehen hatte, als daß man aus

(*) In 6. B. 10 C. 719. S. Der französische Ueberseßer (Voyages par le Sr. Olearius Amsterd. 1727.) drückt dieses col. 1040 so aus: ces pierres sont faites de coquilles de moules, et de grez. battus et sondus. — Er hat sich also eingebildet, die Steine wäsren aus gestossenen Muschelschalen durch die Kunst gebacken, welches Dl. gewiß nicht sagt, sondern sie Quadersteine nennt, so vier und sechs Cubicsuß halten, welches der Ueberseßer nicht hat, sondern sagt, die Mauern wären sum bis sechs Juß diet; doch die Stels le ist vollkommen à la franzoise überseßt.

aus dergleichen jeso Tabatieren und Tischblätter macht, daß man Kalk aus Dendriten brennt, und kupferhaltige Fische einschmelzt. Freylich aber hätten auch die Muschelsteine in den Göttingischen Mauern nicht erst ben mir die Begierde solche natürliche Spectakel zu sammlen und dieser Körper ihre Natur und Beschaffenheit zu untersüchen wunderbarlich vergrössern dürsen, denn ich brachte schon davon mehr als vnum alterumue specimen mit hieher.

Hieraus wird man sehen, daß ich für meine Person die Petrefacten gar nicht für crepundia halte. Wer aber aus einer Societätsabhandlung von einem halben Alphabete, für das Resultat seiner Untersuchungen über die Petrefacten, selbst nichts weister anzugeben weiß, als: Die Petrefacten müssen entweder durch eine allgemeine Versänderung unserer Erde an die Oerter, wo wir sie sinden, senn gebracht worden, oder zuvor schon da gewesen senn, der denkt doch wenigstens über diese Dinge nicht tieser als jedes siebenjährige Kind über seine Puppe denkt: Die Puppe ist entweder bepm Auseraumen

räumen auf ben Tisch gesetzt worden, ober

sie hat zuvor schon da gestanden.

So sind die Petrefacten an sich keine Kleinigkeiten; aber was manche Leute das von wissen, und amplissimis verbis (die Autorität zu dieser Phrasis kommt weiter unten vor.) nicht etwa Anfängern zum Unterrichte, sondern als gelehrte Entdeckung vortragen, das ist eine Kleiniakeit.

Vergleichungsweise wurde ich auch von dem, der die Kanntniß der Petrefacten als das Hauptwerk unserer Kanntniß der Sachen, welche aus der Erde gegraben werden, ansähe, sagen: Er bliebe ben Kleinigkeiten stehen; Und darinnen hatte ich sicherlich alle Vergwerksverständigen auf meiner Seite.

Betrachtet man die Petrefacten als Urstunden des ältesten Zustandes der Erde, so sind die höchsten Alpen, selbst die Gangges bürge, zuverläßig viel älter als die Petrefactenhügel. Dafür kann ich nichts, daß den Grund von dieser Behauptung manche Petrefactensammler nicht verstehen werden, unter andern manche für welche der Hainderg ein Berg ist, und die von der Erdsse der Geister eben solche Zwergbegriffe haben, als von der Erdsse der Berge.

Der

Der Rugen, ben die Petrefacten bisher ber menschlichen Gefellschaft gebracht haben, ist auch eine Kleinigkeit; die man gar nicht ben dem Rugen der eigentlichen Mineralien nennen darf.

Der Bergrath Borlach, der vor etliden zwanzig Jahren über bas Salzwerf zu Kosen ben Naumburg die Aufsicht hatte (ich habe seiner Freundschaft und seinem Unterrichte fehr viel ju'danken), fahe die Petres facten als bergmannische Anweisungen auf Salz, oder Steinkohlen an. Dieser Gedanke, den viel Erfahrungen bestätigen, ift auch der Natur nicht ungemäß. Aber hat ihn, oder was gleichgultiges oder befferes, einer ber Petrefactenmanner gedacht?

Ueber die Bergleichung zwischen mander sogenannten Physit, und der Taschenspieleren, muß ich mich so erklaren: Diejes nigen, die ben Jemanden, der keine Mathe. matit versteht, Experimentalphysit ju sehen glauben, (weiter als sehen wollen sie nichts), lernen nichts weiter als wenn sie einem Taschenspieler zufähen. Denn ohne Mathematik begreift man nichts vollständig und richtig, von den Urfachen der meisten Erperimente. Man bewundert sie nur, eben so

wie die Kunste eines Taschenspielers, lernt sie auch vielleicht eben so, ohne Verstand

nachmachen.

Daß sich Experimentalphysik ohne Mathematif, und ohne viel Mathematik, nicht denken lagt, ift nicht meine Erfindung, alle Leute, die mahre Physik verftehen, haben es vorlängst und ungählichemahl gesagt. Wer also, sich bewußt daß er gar feine Mathema. tik versteht, sich zum Lehrer der Physik auf wirft, der handelt vollkommen so, wie eis ner der ohne Grundsprachen und Philologie fich zum Bibelerklarer aufwurfe. Dorfschulmeister verstattet man, ohne gelehrte Kenntniffe, ben fleinen Catechismus vorzutragen; Daben muß aber auch der Schulmeister bleiben, sich für keinen Theo. logen ausgeben, noch vielweniger vor feiner Jugend von angesehenen Theologen verächts lich reden, und die Wiffenschaften welche dieselben für nothig halten, für unnus er. klaren. Thate er das, so wurde das Confistorium ihn zur Verantwortung ziehen, und doch waren seine Irrlehren seinen Schülern sehr unschädlich; denn im Himmel und in der Welt wird wohl wenig dare auf ankommen, was die Bauern eines ganien

fen Amtes von Hrn. Dr. Semlern, ober von der orientalischen Litteratur haben urs

theilen gelernt.

Kann sich jener akademische Lehrer nicht auch so vertheidigen, so darf er nicht erwarten, daß er jum Taschenspieler geset werde. Der, vertreibt doch nur Mußiggangern die Beit; Er aber, nimmt Junglingen, von der kurzen Zeit welche sie anwenden sollen fich jum funftigen Dienfte Des gemeinen Befens vorzubereiten, noch einen Theil meg, ba er ihnen, unrichtige Begriffe, unvollstandige, oder nur halbmahre, und aus jeder Diefer Urfachen unbrauchbare Lehren, mit groben Irrthumern untermengt, bortragt und sie verleitet, mahre und nügliche Kennte niffe zu verabfaumen, fo, daß diejenigen, die ihm ganglich trauen, in der stolzen Einbildung die Natur kennen gelernt zu haben, zeitlebens tumm bleiben.

Unmathematische Experimental Physiker, (es giebt ihrer bekanntlich vielmehr als einnen,) werden hieraus sehen, daß ich noch sehr gelinde von ihnen urtheilen wurde, wenn ich sie nur mit Taschenspielen vergliche; denn gegen blosse Zeitvertreiber, nicht gerade Zeitverderber, (ob ich gleich ihrer gar nicht

nicht für meine Person bedarf), konnte ich Doch ohnmöglich so firenge fenn, als Dr. Prof. Hollmann, gegen die armen Komb. Dianten ift. In einer gelehrten Borlefung d. 9. Febr. 1754; erzählt Er der Kon. Soc. der Wiffenschaften allerlen aus den neuen Beitungen, von Regen, Blig Donner und Hagel, groffen Winden u. d. g. in eben der Ordnung, und eben so lehereich, wie es die Zeitungen erzählt hatten. Darunter ift auch Die Geschichte: Ein ganz Schiff voll Acteurs, Die der Marquis von Curfan nach Corfica verschrieben hatte, sen im Sturme untergegangen; die ist ohne Zweifel manchem gemeinen Zeitungsleser traurig vorgekommen; Hr. Prof. Hollmann aber wunscht ben ber Gelegenheit: Es mochten doch alle Komo-Dianten mit ersoffen senn. Seit jenem talserlichen Wunsche Vrinam vna ceruix! hat man wohl feine folche Genten; gehort. Die Worte in der Grundsprache lauten folgenbergestalt: Non male cum genere humano ageretur, si iisdem vndis, omnes eiusdem generis periissent homines, qui non meliores illis, ipsisque Graecorum et Romanorum comicis morum inter homines doctores fuerint. Commentar. Soc. R. Sc. Gottingenf. Tomus III. pag. 19.

Das bisherige hatte ich meistens nicht geschrieben, und einem Manne der sich für beleidiget halt, weil er es nach Beschaffenheit seiner Seele nicht einsehen kann, daß ihm nur Wahrheit, und die, viel zu gelind und selten ist gesagt worden, gern die mir unschädliche Freude ungestort gelassen, daß er sich einbildete auf mich gestichelt zu haben, wenn Er es ben mir allein hatte bewenden lassen. Ich muß aber noch Etwas aus seiner Vorrede herseßen. Es ist eine Note, bald nach vorhin angeführter Stelle:

Quodsi de nugis et ineptiis eiusmodi sermo esset, quales, nostra adhuc aetate a Dostore quodam Lipsiens, Godoff R. RVD. POMMER (non Pomerano nec re nec nomine) in lucem publicam productae, et amplissimis verbis praedicatae, atque venum expositae sunt, im Verzeichnis der vornehmsten Figuren, welche die Natur in einem kostbaren roetblieben Marmortische, dessen Længe 1 Leipziger Elle 3 Zoll und die Breite 1 Elle ist, entworfen bat: (cui ex opposito latere Gallica etiam descriptio iuncta est.) Lipsiae m. Aprili 1749. pl. 2. in solio; summo certe iure, isthaec cum nugarum

rum istarum praecone et venditere risui et contemtui omnium mererentur exponi, laetiorisque spectaculi causa, iisdem, illi ipsi simul iungi, qui a nostris isthaeo diferenere, aut nolint, aut nequeant

Dieser Doctor ist meiner Mutter Bruder. Er sahe frensich auf dem Tische Figus ren, die sonst niemand sah als Er, und glaubte deswegen, der Tifch murde für einen Liebhaber einen betrachtlichen Werth haben, Daß er sich in seiner Hoffnung geirrt hat, wird man leicht erachten. Ich habe meine Gefälligkeit nie weiter getrieben, als ihm nicht gerade zu zu widersprechen; Hindern konnte ich ihn nicht, diese Bogen drucken ju lassen, noch weniger als ich irgend einen Mann in Gottingen, dem ich feinen Gehorfam schuldig bin, hindern kann, da, lingereimtheiten drucken zu laffen. Daß ich aber irgend einmahl etwas von dem Inhalte diefer Bogen gebilliget hatte, davon wird niemand die geringste Nachricht geben konnen. Also konnte ich ben der angezeigten Stelle für meine Person gang ruhig fenn, benn niemand wird doch wegen eines Vergehens von feiner Mutter Bruder gestraft. Aber Der Mann wird meinetwegen gestraft; Und also ist es noch vielmehr meine Pflicht, mich seiner anzunehmen, als wenn er nur wegen eines andern Angrisses mir zurufte

Exoriare aliquis, nostris ex ossibus

vitor!

Es ist selbst aus der lateinischen Stelle zu ersehen, daß die Rede von keinem Buche ist, sondern von zween Foliobogen. Der Verfasser ließ sie auf seine Kosten drucken, in den Buchhandel sind sie nie gekommen; Er schickte sie dem seel. Gesner, mit dem er bekannt war, und ersuchte ihn, solche in den hiesigen gelehrten Zeitungen zu erwähnen. Ein Zeichen, daß sein obgleich irrendes Gewissen, doch ruhiger war, als das Gewissen eines Mannes, der unlängst gebeten hat, sein Buch die nicht zu recensiren.

Gefner auferte ben ber Anzeige, daß er das Angeben diefer Bogen nicht glaubte, und

auserte es mit ernstlichen Anstande.

Bald sind die meisten Exemplare dieses Auffaßes zu dem mannichfaltigen Gebrauche, zu dem sich einzelne Foliobogen schicken, ans gewandt worden, und niemand wüßte jeho von ihnen etwas, ohne die angezogene litterarische Nachricht, ben deren Anfange ich im Vorbengehen die Bemerkung mache: wiet herrlich

herrlich ein Physikus seinen Schülern bie neuen Entdeckungen bekannt machen mag, ben dem 1749, in 1775, nostra adhuc actate ist.

Doctor Pommer hatte Fehler an sich, wie alle Menschen haben, und ich glaubte bisher, ich wüßte das meifte von denfelben. Aber wirklich hatte ich noch nie den grossen Rehler an ihm bemerkt, daß er gang und gar fein Dommeraner ift. Die Pomme raner find brave Leute, doch dachte ich, wir Meigner hatten und unfere Baterlandes auch nicht zu schämen. Und gleich jeto leitet, ich weiß nicht mas für ein Schicksaal meine Hand, aus meinen philosophischen Buchern, eins ohne Wahl, nur weil ich ein Buch haben wollte barinnen zu blättern, heraus zu ziehen. Bielleicht sollte mich die Philosophie über das Ungluck troften: daß unfer einer, weder aus dem schwedischen, noch aus dem brandenburgischen Pommern Nun; das Buch heißt: Commentatio de Deo Mundo Homine atque Fato (1726) dem sind angehenkt: Sam. Christ. Hollmanni Phil, Prof. Viteb. Observationes elencticae in Controuersia Wolfiana. Diese Observationen sind einer hab lischen

lischen Disputation entgegengesett, die um ter dem seel. Langen, Friedrich Theophilus Casscord, Treptoa Pomeranus vertheidis get, der der Angabe nach observationes aliquot elencticas wider eine vorige Disputation Hrn. Pros. Hollmanns bengesügt hat. Hr. Pros. Hollmann erinnert. Die Angabe könne ganz wohl wahr senn, sine imbecillitatem argumentorum, sudicisque vim, sine responsionis ipsus, totiusque desensionis opus respicias, denn das alles gehe nicht über mäßige philosophische Kräste und Känntnisse. So sahe ich doch, daß nicht nothwendig alle Pommeraner grosse Geister sind, so wenig als alle Leipziger.

Dieser, ja nicht pommerische! Pommer, was hat er denn nun also gesündiget? Hat er, wie der Herr Berfasser einer Anleitung zur Naturgeschichte, die 1767 also nostra adhuc aetate herausgekommen ist, gelehrt: Man sinde Bersteinerungen auch auf den höchsten Bergen; Silber oder Goldglette (lichargyrium) werde aus einer Bermisschung von Blen und Silber bereitet; Ein gewisser Theil des Blumenblattes, heise: die Platte, zu Latein Lamen; Und, um kein Naturreich zu vergessen, der, insgestein

mein sogenannte Hippopotamus, dem b. Linne' in des Naturspstems X. Ausgabe, magnitudinem Vri, giebt, sen so groß als
ein Bar. (*)

Nichts dergleichen hat der Doctor Juris versehen; einzig und allein sich auf einem Steine Dinge eingebilvet, die andere nicht darauf fahen. Wieviel Leute die feine Doctores Juris, sondern jum Theil Liebhaber der Naturkunde maren, haben das nicht ihrer Ehre unbeschadet gethan? In: Lessers Lithotheologie erzählt des V. B. III. 216th. I. Cap. eine Menge von Steinen, an benen man fich allerlen eingebildet bat. Rircher hat noch mehr dergleichen Mund. Subt. Lib. VIII. cap. 9. Bruckmanns, D'Argenvilles u. a. zugeschweigen. Man hat ben Leuten die sich folche Einbildungen machten, nicht geglaubt, aber, wenn ihre Einbildung weiter keinen Schaden that, als ihnen mas: merkivurdig machte, das andern nicht so merkwurdig mar, fo ließ man ihnen dieses Bergnügen, ohne daran Theil zu nehmen, und'

^(*) Der Ritter hat ohne Zweifel aus Menschenliebe, um folchen Uebersegern Steine bes Anstosses aus bem Wege zu raumen, in ber XII. Ausgabe, Tauri statt Vri gesett.

und ohne auf sie zu schimpfen. Bielleicht waren auch zu manchen solchen Bildern Züsge da, denen die Einbildungskraft Erganzungen benfügte. Ob es sich nicht etwa mit einem und dem andern auf dem Tische auch so verhielt, kann ja der nicht urtheilen, der ihn nie gesehen hat.

Man hat sogar, in die Naturgeschichte, Benennungen aufgenommen, die sich nur auf solche Einbildungen grunden, und zwaknicht eben auf die saubersten, z. E. Priapo

lithen, Hysterolithen.

Gleich nach der lateinischen Stelle, die ich hergesetzt habe, wird Behringers Litho-

graphia Wirceburgensis ermähnt.

Behringers Fall war nicht völlig der vorige. Er war Doctor der Arznenkunst, hatte solglich mehr Gelegenheit, selbst Pflicht, natürliche Sachen zu kennen, als ein Doctor der Rechte. Behringer ließ sich von Spottvögeln oder Schurken, durch gemachte Pestrefacte betrügen; Das zeigt Unwissenheit der Merkmahle an, durch die sich Natur und ihre Nachahmung unterscheiden lassen, und mochte das Zutrauen zu einem Arzte, dem es in der Matcrie seiner Kunst auch so gehen könnte, etwas schwächen. Aber, sich bem

Flecken, die wirklich auf einem Tische sind, gewisse Gestalten vorstellen, das heißt nur: Man giebt einer lebhaften Einbildungskraft zwiel nach.

Den größten Unterschied macht allemahl frenlich das aus: Behringer hatte keinen Schwestersohn, der gesagt hatte: Man musste Wathematik verstehen, wenn man vernunftige Experimentalphysik lehren wolle.

Behringer tam jur Erfanntniß feines Irrthums, und faufte die Eremplare feines Buche wieder auf, um es ju unterdrucken.

Ob mein Verwandter auch zur Erkanntniß gekommen ware, weiß ich nicht; Er war wenigstens nicht so hartnackig, als sonst mancher Mannist; Vielleicht aber hatte er nicht Zeit dazu, denn er starb im Februar 1750.

Nun wird bedauret, daß Behringers nugae atque ineptiae pueriles, die der rechtschaffene Mann unterdrucken wollte, a sordidi quodam lucri cupido bibliopola, damno publico 1767 wieder hervorgezogen sind.

Vermuthlich hat der Buchhandler mit diesem unvorsichtigen Abdrucke sich mehr Schaden gethan, als dem gemeinen Wesen.

Ist es nun aber so sündlich, daß ein Buchhändler ein Buch, das sein Verfasser unterdrücken drucken wollte, aus Gewinsucht wieder auslegt. Wasist denn das für eine Sandlung: Ein paar Bogen, die nie eigentlich für das Licht der Welt bestimmt waren, aus dem Abgrunde, in den sie vor einem Viertheilsjahrhunderte gesunken waren, hervor zu ziehen, nicht aus Gewinnsucht, — wenigstens nicht uns mittelbar aus dieser Absicht, sondern aus der viel unedlern: von ihrem, längst versmoderten und von dem größten Theile der Welt vergessenen, Versasser, ehrenrührig zureden, damit man dadurch seinem noch les benden Verwandten wehe thun möge?

Leichen, werden wohl von hungrigem Wolfen und Baren aufgegraben; aber, verstete Knochen, nur aus Grimm, auszuscharren; So tief erniedrigt sich kein unvers

nunftiges Thier!

Derjenige, der mich nothiget, dieses zu schreiben, hatte vermuthlich Todte ruhen lassen, wenn er Fehler aus meinen Schriften anzusühren gewußt hatte. Ich habe doch sowiel geschrieben, daß ich mehr als ein Mensch sennmüßte, wenn mir dergleichen nicht in einisger Menge entwischt waren. Manche verbessere ich selbst, wenn es die Gelegenheit giebt, meinen Zuhdrern. Ich wollte dem Aufwihler meines Verwandten, gern ein paar Tehler

Fehler von mir hersetzen, damit seine Zähne lebendiges Fleisch bekämen, nicht an alten Knochen nagen müßten; Aber, sie würden Ihm zu seiner Absicht doch unbrauchbar seyn, wenn ich sie Ihm auch gleich, aus der algebraischen Sprache in mathematisches Deutsch übersetze.

Ofterwähnter Gelehrte unterhalt auch noch seine Leser mit Geschichten unserer Societat der Wissenschaften, so wie er damit seine Schüler zu unterhalten gewohnt ist, ganz unbesorgt, ob das anständig ist, oder nicht. Er ist nicht mehr in der Gesellschaft, und das gereicht ihr zum Vortheile, wie ich allenfalls, wenn es verlangt wird, beweisen will. Die Art wie er sie verließ war folgende: Er sollte von Gesnern das Directorium ibernehmen; und ließ sich die dazu nothigen Sachen von Gesnern ins Haus schicken, und schickte sie ihm zurück, mit der Nachricht: Er wolle nicht mehr in der Societat senn.

Die Mitglieder der Societät, hatten gegen ihn wenigstens allemahl die Regeln der Höflichkeit beobachtet, über die er sich hie ganz und gar gegen sie, wegsette. Solche alte Geschichte vergässe man, wenn sie nicht der immer auswärmte, der wünschen sollte das man sie vergässe.

ZH

Ich bin noch nicht in Göttingen gewessen, als der Proces zwischen der Societat und Hrn. Luzac entstand, ich bin allemat mit Hr. Luzac gut Freund gewesen, also gesten diese Geschichte mich nichts an. Desto unparthenischer in dieser Absicht, kann der Bentrag zur Geschichte der Societat senn, den ich bie liesern will.

Ich war nur hergekommen und in die mathematische Classe der Societät gesett worden, als die Societät eine physische Preisäfrage aufgeben sollte. Der Borschlag dieser Frage, war das Amt des obersten Mitglies des der physischen Classe. Gesner, damasliger Director der Societät (das Directorium wechselte unter den benden ältesten Mitgliedern ab) verlangte meine Gedanken, über die benden vorgeschlagenen Fragen zu wissen, aus denen eine sollte gewählt werden, Sie waren 1) Die Gesese fallender Korpen zu bestimmen. 2) Zu erklären, warum der heber im Bacuo sliesse.

Ich sagte Gesnern: Die erste Frage has be Galilaus vor mehr als hundert Jahren beantwortet, und alle Mathematikverständigen sepen mit ihm eins; die galilaischen Gessetz sepen der Grund alles dessen, was wir

von der Bewegung der Körper wissen. Auf die zwente Frage sen auch eine bekannte Antwort: Der Heber sliesse, wenn das Bacuum kein rechtschaffenes Bacuum sen, z. E. ben einer schlechten Luftpumpe, oder wenn man es mit einer guten, vorsäslich nicht recht macht. Mein Lehrer, Hausen, fragte und ob der Heber sliessen sollte oder nicht? und machte es, wie wir es verlangten.

Gesners Auftrage gemäß, sprach ich mit dem, welcher die Vorschläge gethan hatte, und brachte Ihn doch von dem ersten ab. Wegen des andern, versicherte er mich sehe ernstlich, der Heber stiesse ihm absque omni fallacia im Vacuo, und die Sache sep einer

genauen Untersuchung sehr wurdig.

Es hatte eine Art von Grobheit, beren ich nicht fahig bin, dazu gehort, Ihm durchs aus zu wiedersprechen. Ich dachte, der das malige jungste Professor in Göttingen mußse einen der altesten, seinen Weg gehen lassen, zumahl da ich nun ben der Frage nichts zu verantworten hatte. Die Frage ward als in einer desentlichen Versammlung der Societät angekundiget. Maper, der in der Societät über mir war, hätte wohl auch ein Wort dagegen sagen konnen; Er wußte aber vermuth-

vermuthlich kunftige Begebenkeiten zum vors aus; nicht aus himmlischen Aspecten, sondern aus irrdischen Conjunctionen, und machte sich so, die muthwillige Freude, zu

schweigen.

Bald darauf wies Herr Prof. Lowis der Societat Versuche, ben denen er frenlich die gar nicht entbehrliche Formalität vergefsen hatte, von threm Gegenstande zuvor denjenigen zu unterrichten, ben fie angin-Denn fie zeigten, auf unterschiedene Manieren, daß Heber von gehöriger Grofse, die in frener Luft flossen, im Bacuo nicht flossen. Es war ein grosses Gedrange um die Luftpumpe herum; Ich machte mich daraus, und ließ die hin, die sehen wollten, mas ich aus Demonstration schon längst gewußt hatte. Die Mitalieder der Societat, deren Hauptgeschäfft die Physik nicht mar (ber Herr Ritter Michaelis ist von ihnen noch vorhanden,) und eine Menge anderer Zuschauer fanden, Lowis habe seinen Sas vollkommen durch seine Wersuche dargethan.

Gegentheil vertheidigte eine Zeit dars auf, seine Meynung, amplissimis verbis; Er zeigte auch einige Experimentchen. Mit

beyden.

benden aber ging es ihm noch schlimmer, als dem Dr. Pommer, der kein Pommeraner mar, mit seinem Tische. Denn das Marmorblatt fanden doch die Leute immer noch schön; Dort aber lachten viel über das Heberchen auf einer alten Luftpumpe, und über das Waffer, das, wie es aus des Bebers niedriger hinabgehendem Schenkel herauslauft, propter aliqualem cohaesionem, anderes Wasser hinten nach sich, in dem hohern Schenkel empor ziehen follte. Derjenige; der dieses vortrug, schimpft auf Newton und auf die Attraction, deren Wirkungen sich mathematisch darthun lassen: Und Er schloß: weil die Wassertheilchen in Eropfchen aufarnmenhangen, so machte diese Cohasion auch, daß sich eine dicke Wassersäule in die Höhe ziehen liesse; deutsch: Er flochte Stricke aus Wasser. Seine meisten Zuhdrer waren weder Logiker noch Mathematikverständige; Aber, was von diesem Schlusse zu halten fen, zeigte ihnen ber gemeine Menschenverfand, und das natürliche Vermögen Groß fen zu schäßen und zu vergleichen.

Der Erfolg war, daß die Societat eine Frage, wo die Schuld eines einzigen Mitgliedes fie in Gefahr gefest hatte, fich ju

prostituiren, zurudnahm.

In den Göttingischen gelehrten Anzeigen; 1757; 147 Stuck, den & December 1380 S. steht die Aufgade der Frage vom Seber; und in 1758; 89 Stuck, den 27. Julius 843 Seite; wird statt derselben eine

andere aufgegeben.

So nachdrücklich und so überführend, ward Behringer gewiß nicht, von dem kleisnern Jerthume unterrichtet, in den ihn wohl größtentheils Leichtgläubigkeit, und etwaß Eitelkeit verführten. Der Fluß des Hebers im Vacuo, wegen der Cohasion, der nicht wieder Physik, sondern wieder Menschens verstand ist, wird immer noch den Schülern der Physik vorgeschwaßt, denn, wie Haller sigt:

Die Stimme ber Mafur, ruft allguschwach dem Sauben.

Wenn aber ein Tauber sich in Posses setze, Concerte zu geben, weil er Leute findet, die, ein Theil aus Leichtsinnigkeit oder Gutherzigkeit, ein andrer Theil, weil sie Midasohren haben, ihm dafür Geld zuwenden; Und es spräche jemand: Der Mann kann ohnmöglich was erträgliches spielen; Der Taube aber singe an: "Was? Ihr unverschämtester, geschwätziger, Wisseling! Ihr sprecht, ich wäre so gut als ein Biersied.

Biersiedler? Wist Ihr wohl? eurer Mutter Bruder, hat nur kurzlich vor 25 Jahren einmahl einen gar erschrecklich falschen Griff gethan. Ich will ihn, und euch dazu zum lustigen Spectakel ausstellen! Und darnach lasse ich Euch, und alle Lustigmacher Eures gleichen zusammen: Griechen, Kömer, Spanier, Italianer, Franzosen, Engellander und Deutsche; Alle zusammen! ins Wasser wersen!

Würde man da nicht lachen, daß es felbst

der Taube horen mußte?

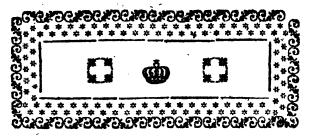
Das bisherige betrachte man als ein Stuck eines Commentarius über den Spruch: De mortuis non nist bene; collato tit, th. Quod quisque iuris in alterum statuerit, vi

ipse eodem veatur.

Ist es daran nicht genug, so kann noch, laetioris speckaculi caussa, hinzukommen: Verzeichniß der vornehmsten Schniker, welche die Ignoranz der Mathematik, in einer, noch nicht 300 Octavs. starken, sogenannten Physik, gemacht hat. Ob es nur 2 Vogen werden wird, kann ich nicht voraussagen. Göttingen; im August 1775.

Abraham Gotthelf Rafiner.

Berzeich.



Berzeichniß, und Junhaltder Anmerkungen

1) It eber die Abtheilung des Markscheider.

Bermanblung ber Stunden in Grade XII. Benennung ber Stunden nach den Belt-Gegenben XVI.

2) Vom Lachtermaasse.

| Berhaltniffe unterschiedner Lachter | , I |
|---|-------|
| Frenbergische Lachter in rheint. Fuß zu ver- wandeln | 4 |
| Oberharzisches Lachter mit rheinl. Maaffe verglichen | 17 |
| Ein paar merkwurdige Teufen von Gruben | 7; 36 |
| Schwedische Famme und Freyberg. Lachter | 38 |

ชนช-

Verzeichniß, und Innhalt

| Ausbrückungen wo Lachter und Theile bes L. vorfommen, 'am bequemsten sinzurichten Boigtels Eintheilung Borschlag alles in Achttheilen auszubrucken | 4 9 44 46 |
|---|------------------------|
| 3) Von der Krümmung einer Schnur 9 Rette. | der |
| 4) Sehler und Prüfungen des Gradboge | 116. |
| 5) Theorie von des Brn. v. Oppel Gebogen, der Sohlen und Seigerteufen ang | adı ibt. |
| 6) Vorschlag eines Gradbogens mit ein Vernier. | æm |
| 7) Markscheidercompasse und beren Gebra | ud; |
| Cegcompaß | 2 |
| Grubencompaß | 5 |
| Deffelben Gebrauch bie Lagen fehliger Linien ju beftimmen | |
| Aus ber Abweichung ber Rabel, folder Linien Lage gegen die wahre Mittagelinie ju finden | 30 |
| Aus den Stunden, in den zwo Linien firei- chen, ihren Wintel zu finden | 32 |
| Sangecompaß | 50 |
| 8) Ueber die Bisenscheiben. | |
| Bornehmfte Unbequemlichkeit ben berfelben Gebrauche | 20 |
| X ói, | gtele |
| | - |

der Ummerkungen,

| Voigteld Vorrichtung | 34 |
|---|--------|
| Theorie von des hrn v. Oppel Eifenscheibe wo nur eine Linie fohlig ift | 43 |
| Irribum bem fie ausgesetzt ift, viel betracht- licher als ihr Erfinder glaubte | 60 |
| 9) Ueber die Berechnung des rechtwinklie Dreyecks. | chren |
| Die Multiplication ber Ginuffe, burch fr. gamberte Abacus erleichtert | 13 |
| Bie weit die Logarithmen zulänglich find | , 16 |
| Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben den Logarithmen brauchen konnte | 20 |
| Pitifcus Thefaurus hiezu angewandt | 30 |
| Ueber bes Orn. v. Oppel Tafel ber naturli- chen Linien | 34 |
| 10) Ueber die Cafeln der Sohlen und Steufen. | eiger- |
| Weiblers Lafeln | `7 |
| Beyers | 27 |
| 6. Oppel | 34 |
| Solche Lafeln find ben groffen logarithmi- | 44 |
| 11) Winkel von gezogenen Schnürer | ı blos |
| durch Messung gerader Linien geben. | anzu. |
| Durch Zeichnung | . 2 |
| ×** 4 | Menn |

Verzeichniß, und Innhalt

| Wenn man nicht aus bes Winfels Spife meffen fann | |
|--|---------------|
| Durch Erigonometrie | 1 |
| 19) Winkel mir donlegigen Schenkeln sohlige zu bringen. | au |
| Durch Zeichnung | ` 1 4 |
| Durch ebene Trigonometrie | 2 |
| Durch fpharische Trigonometrie | . 4 |
| Sunf unterschiedene Falle, alle in einer For- mel enthalten | - 60 |
| Boigtels hieher gehöriges Berfahren Beiblers feines | 74 75 |
| 13) Ueber das Verrichten der Gruben mit dem Compasse. | 3 ûg (|
| 14) Ueber die Berechnung eines Juges dem Sangecompasse. | mi |
| 13) Vom Abziehen auf Gifengruben. | |
| 16) Von Grubenrissen. Schliger Riß | , i |
| Seigenriß | 3 |

Mus ihnen bie Groffe bonlegiger Linien ju

17) Von Werkzeugen, sobliger Linien Wins

27

Beunden-

finden

Buleginftrument

tel zu zeichnen.

der Anmerkungen.

| Stunbentransporteur Bender Entbehrlichfeit | 13 |
|---|-----------|
| 18) Verjungter Lachtermaafstab. | • |
| 19) Erempel eines Grubenriffes. | |
| 20) Ueber Weidlers Erempel von Zugen | 1. |
| 21) Wenn die Summen von Soblen un Seigerreufen ein Drepeck geben, def Syporbenuse die Summe der Sypornusen ist. | en |
| 22) Auf einem Berge einen Punkt anzu ben, von dem eine seigere Linie ein gebenes Stuck einer schligen abschneit | geo |
| 23) Allgemeine Renntnisse zu Anwendu der Geometrie auf Klufte und Gang | ng e. |
| 24) Lines Ganges Streichen abzunehmet | 1. ` |
| 25) Sein Fallen anzugeben, ohne daß m fein Streichen weiß. | an |
| Durch die Schnur am Sange die bas größte Rallen hat | 6 |
| Durch ein paar Schnuren, beren gallen und Mintel man weiß | 12 |
| Durch ein paar Schnuren, die gleichviel fal- len und ihren Bintel | 20 |
| Das gallen am Liegenden ju finben | 27, |
| *** \$ | Die |

Verzeichniß, und Innhalt

26) Des Ganges Sallen anzugeben, wenn

Seift eigentlich: ben Sangecompaß fatt ei-

Die Linie am Liegenben anzugeben bie bes

man fein Streichen bat.

Sanges Sallen hat.

| nes wintelhatens brauchen |
|---|
| 27) Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben. |
| 18) Wenn zweene Gange, die einerley Strei chen und Sallen haben, einer find? |
| 29) Vergleichungen zwischen dem Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus, seinem Streichen und Sallen. |
| Die Linie, in der er ausstreicht, ist gegeben, und sein Streichen; Man sucht sein Fallen Eben die Linie ist gegeben, und bes Ganges Fallen, man fucht sein Streichen 21 Eines Sanges, der über einen seigern, abge- |
| bauten sest, Fassen zu finden 22 30) Die Lage von ein Paar Ebenen ist geges ben, man sucht die Lage ihres Durch- schnittes. |
| Ober: Bon Gangen, beren Streichen und Fal- len gegeben ift, die Lage ber Linie in der fie einander schneiden |
| Ihr Streichen, und die Lage ihres Durch- schnitts ist gegeben, man jucht ihr Fallen 44 Ueber |

der Unmertungen.

Meber bas Ausstreichen wenn bas Unfteigen bes Geburges gegeben ift

| 31) Ueber die trummen Linien, in denen Bang fallt und 3n Cage ausstreicht | eín ` |
|--|-------|
| Er fällt in der logarithmischen Spirale | -11 |
| Streicht in einer Lorodromie aus | 19 |
| 32) Von des Brn. v. Oppel Anhange ; Markscheidekunft. | 3UE |
| Aus allen Seiten einer Figur bis auf eine, und allen Winfeln bis auf zween, biefe Seite und Winfel zu finden | 5 |
| Einen Punft burch bren Perpenbitel vom ihm, | |

fteben, anzugeben

Abhandi. von Sohenmeffungen

Ubhanblung

Bon Sohenmessungen durche Barometer.

| Q | lagemeine Boraussegung daben | 4 |
|----|--|-------|
| | Prüfung berfeiben ben verbunnter Luft | 7 |
| , | Bergleichung zwischen Sohe und Barometer- ftande | Ħ |
| | Briggifche Logarithmen baben ju brauchen | 28 |
| | Salley | 32 |
| 4. | Die Dichte ber Luft burch bas Barometer felbst ju finden | 37. |
| | Die Sobe aus bem Barometerstande ju finden, wenn man ben Barometerstand an zwo | |
| | gegebenen Stellen beobachtet hat | 39 |
| | Mariotte | 40 |
| | Er fest fehr bichte Luft jum voraus | 51 |
| • | Unvollfommenheit feines Berfahrens, Schichten ju abbiren | 59 |
| | Bie boch man fleigen muß, baf bas Barometer um eine gegebene Groffe fallt | 60 |
| | Horrebow | · 62 |
| | Sallen und Mariotte verglichen | 63 |
| | Berechnungen nach einer Formel auf eine an- | 70 |
| | Einrichtung ber gormel, wenn ber eine Baro- metelftand nicht am Ufer bes Meeres ift | |
| | | 79 |
| | Joh. Jac. Scheuchzer | 84 |
| | | · fr. |

der Anmerkungen.

| De. Sulger will beffen Erfahrung aus einer | |
|---|--------------|
| Sppothese beurtheilen | 101 |
| Bonguer | 102 |
| Anfängliche Vermuthung wie er feine Regel fonnte gefunden haben | 113 |
| B. genauere Anzeige, wie seine Regel zu bran- chen ist | 123 |
| Muf mas fur Abmeffungen Bouguer eigentlich feine Regel gegrundet hat | 129 |
| Wolliger Zusammenhang feiner Regel | 132 |
| Bas aus ihr für ein Barometerftand am Dee- | |
| re folgt | 134 . |
| Deebham | 136 |
| Hat die Grunde von B. Regel nicht aufge- fucht und doch Zusätze zu ihr machen wollen | 137 |
| Roch eigne Erinnerungen vom B. | 140 |
| Lufttheilden von unterschiedener gederfraft | 150 |
| Bergleichungen swifchen Barometerhoben, Dichten, und fpecififchen Clafticitaten | 160 |
| B. Regel in Europa nur auf ben bochsten Mipen brauchbar | 164 |
| Daniel Bernoulli | 165 |
| Safel bie er vom Condamine befommen | 576 |
| Ralte im obern Theile der Utmosphare | 177. |
| Ben Srn. Bernoullis Regel, ben mittlern | |
| Barometerstand an einem Orte gu finden | 179 |
| hrn. Sulzers Lafel nach Diefer Regel | 180 |
| Hrn. Sulgere Berfuche | 182 |
| Seine Bergleichung ber Grabe ber Barme if | |
| meber neug noch febr lebrreich | 195 |
| | Seine |

Abhandl. von Söhenmessungen

| Seine gange Untersuchung, ju Meffungen mit | • |
|--|-------------|
| dem' Barometer unbrauchbar | 198 |
| Maraldi, Feuillee, Caffini | 203 |
| Caffinis Regel Bernoullis seiner abnlich | 203 |
| Db fich die Dichte der Luft in volliger Schärfe wie der Druck verhalten tonne? | 204 |
| Kontana | 210 |
| Dichte ber Luft, wenn fich bie Schwere ver- fehrt wie bas Quadrat ber Entfernung ver- | |
| hålt | 213 |
| Lobias Maners Tafiln | 214 |
| Sind nur jede über einen andern Horizont | 225 |
| Sind nicht nach Bouguere Angabe berechnet | 231 |
| Eine kann Bouguers Regel nicht naher kom- men als die andere | 2 36 |
| Eine giebt, einen und benfelben Ort, nicht noch einmahl fo hoch an als die andere | 238 |
| Celftus Erfahrungen | 24E |
| Folgen von marmerer und falterer Luft | 253 |
| Schobers Erfahrungen | 259 |
| Kormeln aus ihnen, für Toifen berechnet | 27E |
| Das tieffte einer Grube in Pohlen, tonnte vielleicht unter bem Horizonte des Meers | • |
| | 275 |
| Berhaltniß ber Soben zweener Derter über einen britten, aus ben Barometerständen | 276 |
| Hr. de Luc | 277 |
| Bon feiner Safel nach unterfchiebenen Regeln | 282 |

Wie

durchs Barometer.

| Bie jebe Regel bes Coraçon Sobe giebt | 285 |
|---|-------|
| Etwas von Srn. be g. Worfchriften megen | |
| der Barometer | 286 |
| Einfluß der Warme, auf das Quedfilber im | - • |
| Barometer | 295 |
| Ccale bes Thermometers bas fr. be g. baju | |
| braucht, auf die fahrenheitische gebracht | 304 |
| Sr. be & Bergleichung swifthen Barometer, fand und Sobe fur eine gewiffe Tempera- | |
| tur ber Luft | 310 |
| Einerlen mit Mapers Regel | 311 |
| Dr. be & Regel nach der Barme, die berech. | |
| neten Soben gu verbeffern | 324 |
| hrn. de g. Borfchriften gusammen | -330 |
| Seine Beobachtungen nahe am Meere | 333 |
| Wie boch man am Meere fleigen muß, baß bas Barometer eine Linie fallt | 336 |
| Schwürigkeiten ben Meffung ber Soben mit | |
| dem Varometer | 339 |
| or. be g. Bergleichung feiner Regel mit Bou- | • . |
| guers feiner | 342 |
| Bie er die eigne Schwere ber Luft findet, | 344 |
| | 347 |
| Das eigne von hrn. de g. Bemuhungen | 349 |
| hrn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen gu Braunschweig | 35E |
| Er befürchtet, es werde unglaublich scheinen, | • |
| daß es Ignoranten giebt, die Physif und | |
| Mathematit auf anfehnlichen Afabemien lebren | 7:12 |
| 3),, | |
| Qtr | ılei- |

Abh. von Sobenness. durche Barometer.

| Unleftung, ju berechnen, wiebiel ohngefahi Drn de & Berbefferungen betragen fonnen | |
|---|-------------|
| hr. Maffelnne Unmerkungen über hrn. be Luc Borfdriften | |
| | 356 |
| Dergleichen von Dr. Horsten | 357 |
| Hr. Lamberts Unterfuchungen | 365 |
| Maners Regel mochte wohl dienlich fepn, die Soben ohngefähr zu berechnen | |
| | 374 |
| Bon einigen Vorrichtungen ber Barometer | 375 |
| Bon Anwendung folder Meffungen auf bie phyfiche Geographie | 376 |
| Mittlerer Barometerftand ju Clausthal | 37 7 |
| Man ift zu Clausthal im Liefften noch fiber bem Sorizonte bes Meeres | 383 |
| In welcher Bedeutung Bergwerfe uns bas | |
| Imere der Erde kennen lehren | 384 |
| Hr. Prof. Hollmanns Regel | 985 |
| Wiederspricht ber Natur | 387 |
| orn. Prof. Zimmermanns Beobachtungen auf bem Brocken, und in Gruben des | . • |
| Parzes u. f. w. | 396 |





1. Anmerkung.

Ueber die Abtheilung des Markscheidercompasses in Stunden.

Weidler S. G.

inen Kreis welcher dient horizontale Winkel, zu messen, theilt der Markscheider in 24. Theile ein die er Stunden nennt. Wenn, und warum diese Abtheilung aufgekommen ist, davon wissen die Schriftseller keine Nachricht zu geben. Der Hr. v. Oppel muthmaust, als sie solche eingessührt haben, ware ihnen die Eintheilung in Grade noch unbekannt gewesen. Gegen diese Muthmaassing würde ich solgenden Zweisel haben: Der Markscheider, kann sich fast nie mit horizontalen linien begnügen, wie der Feldmesser oft thut. Alle

Augenblicke kommen ihm schiefe linien vor, deren Meigung gegen den Horizont er bestimmt. Dieses Seeigen und Fallen, hat er, allemahl in Braden angegeben, und also Grade sehr wohl gekannt. Ueberhaupt, haben ja die Markscheider die Geomestrie nicht ersunden, sondern gelernt, und ihre lehrmeister kannten ohnstreitig die Eintheilung in Grade.

II. Die Stunden werden in den Markscheidercompaß so verzeichnet: Auf der Mittagslinie (es
sey nun die wahre, oder die welche die Magnetnas
del angiebt) schreibt man an SE und MER; jedesmahl 12. Nun wachsen die Zahlen der Stunden
von SE durch OR dis MER; von 12 oder eigentlich o dis 12 und eben so, von 12 oder eigentlich
o ben MER; durch OCC bis 12 ben SEP. Man
sh. Weidlers 14 Fig.

III. So geht jeder Durchmesser des Kreises mit seinen benden Enden durch einerlen Stunde. Z. E. der mit der Mittagslinie einen Winkel von 30 Gr. von Mitternacht gegen Morgen macht, macht eben den Winkel von Mittag gegen Abend, und hat an diesen seinen entgegengesesten Enden, die Stunde 2.

MII. Nach Absichten die weiter unten follen erklart werden, sind zuweilen die Stellen OK. u. OCC. verwechselt, so daß Or. auf die Westseite zu liegen kömmt wenn S gegen Norden gekehrt wird. Weidlers 6 Fig. stellt dergleichen vor. Aber das in II. angegebene Geses, wie die Zahlen machsen, wird auch da beobachtet. V. Db man num ben dieser Abtheilung an die Stunden des Tages gedacht, etwa das Streichen eines Ganges so bestimmt daß der Schatten eines Baumes ihm zu einer gewissen Stunde parallel geslegen, wie Hr. v. D. a. a. D. muthmaaßt, das scheint mir alles viel zu unsicher. Ein Baum, oder ein anderer verticalstehender Körper, wirft zu einer Stunde des Tages den Mittag ausgenome wen; seinen Schatten auf dem Horizonte anders zu dieser Jahrszeit, anders zu jener, der Schatten einer gewissen Stunde, diente also nicht das Streischen eines Ganges anzugeben.

Auf einer gerade gegen einen Weltpol gerichteten Sonnenuhr fährt hr. v. D. fort, wurden die Stunden eben so gezählt. Ich weiß nicht ob er Aequinoctials ober Polaruhr mennt, und ob die Markscheider die leste, die schon zu den kunstlichern gehört sollten nachgeahmt haben. Ueberhaupt aber, sehe ich zwischen den Stunden der Markscheider, und irgend einer Sonnenuhr, weiter keine Uebereinstimmung, nie daß bende, von Mittage und Mitternacht ge-

zählt werben.

VI. Wenn die Markscheiber aus irgend einer Ursache die Eintheilung in 24 beliebten, so war es natürlich, daß ihnen daben Stunden einstelen, da schon die vier Weltgegenden, mit den vier Haupts abtheilungen des Tages einerlen Beneunungen has ben. Wären diese Geometern, nicht frene Deutsche, sondern römische serui poonas gewesen, so hätten sie vielleicht allem in vacias getheilt.

VII. Der Halbmesser des Kreises giebt ben sechsten Theil; und aus dem, giebt eine wiederhohlte Halbirung den vierundzwanzigsten. Diese Abrheisung läßt sich also blos mit dem Zirkel machen, und ist in so weit einsacher und leichter als die in Grade. Könnsen ihre Ersinder nicht diese Besquemlichkeit gesucht haben, um destomehr, da ihn nen die Bortheile den Kreis in Grade abzutheilen, welche etwa die Trigonometrie darbietet, anfangs wenigstens nicht so bekannt sehn mochten?

VHI. Es ist dach allerdings sonderbar daß man jezo, da die Eintheilung in Grade bekannt genug ist, astronomische Quadranten in 96 Theile zu theilen pstegt, wie besonders die englischen Kunstler zu thun gewohnt sind. Man hat dazu eben die mer angesührte Ursache, diese Eintheilung läßt sich durch Halbirungen des Bogens von 60 Graden bewerksstelligen. Die erste Halbirung giebt den Bögen von 30 Graden oder 3 des Quadranten; und sorts

sesette geben $\frac{1}{3.2.2.2.2.2}$ — $\frac{1}{3}$ des Quadranten. Man f. meiner astron. Abhandlungen 2: Samml. 5. Abh. 16.

Gin folder Theil bes Dhabranten ift alfo

= \frac{360}{4.96} Grad = 00.56 15"

VIII. Die Martscheiber Stunde theilt man auf ben Compassen in Achttheile ein, Deren einer also

= 1 = 2. 30 bes gangen Rreifes beträge, folg.

folglich noch einmahl fo groß ist als ein Sechsundneunzigtheil bes Quadranten (VIII.)

VIIII. Der Schiffer befriedigt fich mit ber Ab. theilung bes Horizonts nach 32 Winden, welches Bintel von 111 Graben giebt. Riccioli Geogr. reformat. L. X. cap. 16. erwähnt baß einige wieder in vier theilten, wodurch Bogen von 2 Gr 48 M 45 S fommen, immer noch gröffer als bas Acht chell ber Markfcheiberflunde. Es verbient indeffen boch mobl bemerkt zu werben, bag bie berben Art ten von Leuten, Die ben Compag brauchen, Scha-Be, aus der Liefe ber Erde ; ober über bas Deer ju hohlen, ohne es mit einander abgeredet ju haben, eins find, ben Sorizont nicht in Grade fonbern nach Halbirungen zu thellen. Der Schiffer braucht fogar nicht einmahl ben Bogen bem ber Salhmeffet abschneibet; sonbern halbirt von Aufange ben Duce branten.

Noch genauer stimmt mit den Markscheiberstund ben die alte Abtheilung des Horizonts in vier und zwanzig, Winde überein, die man benm Altruv 1. B. 6. Cap. und seinen Auslegern sindet.

X. Dieses alles, nur zu zeigene: daß die Abstheilung des Horizones in Stunden, den Marka

Scheidern gar fricht zu verzeihen ift.

Db sie solche benbehalten, ober mit ber in Grae de verwechseln sollen, barüber mage ich nicht ihner etwas zu rathen. Es giebt genug alte Gebräuche beren Unbequemlichteit man beständig etwnsindet und doch befürchtet, ihre Abschaffung möchte noch grösses

gröffere Unbequemlichkeit verursachen. Daß es jes zo zur Rechnung bequemer ware den Kreis in Decimaltheile und nicht nach Sechszigen einzutheilen, darüber sind alle Mathematikverständigen eins: ob aber gleich Gellibrand trigonometrische Laseln für Hunderttheile des Grades geliefert hat, so behält man doch immer noch durchgängig die Eintheitung in Minuten und Secumben.

MI. Will asso auch der Markscheider seine Stunden bepbehalten, aber, wie er oft nothig hat die Winkel die auf diese Art angegeben werden zu tri-Fonometrischen Berechnungen brauchen, so ist ihm eine Tasel nüßlich, welche ihm die Verwandlung der Stunden in Grade erleichtert.

Für ganze Stunden, ist die Verwandlung völlig so, wie man in der Astronomie Sternzeit in Bogen des Aequators verwandelt, jede Stunde giebt 15 Grad.

Theilte also ber Markscheiber seine Stunden in Minuten, so konnte er sich ber aftronomischen La-

fein ohne einige Menberung bebienen.

Weil er aber im Abtheilen nicht so weit geht, so bient ihm eine kürzere Tasel. Ich süge dergeichen hier ben, wo ich jum kleinsten Gliebe, $\frac{1}{32}$ der Stunde genommen habe. Daß die Winkel wohl in so kleinen Thetien angegeben werden, ist selbst aus der Beschreibung des Zuges, benm Weidler J. 58 lat 59 D. zu sehen.

XII. Lafel; Markscheiberstunden in Grabe gu

verwanbeln.

| Stund. | Grabe | Achttheile | Gr. | M. | 6. |
|--------|------------|-------------|-----|-----------|------|
| 1 | 15 | 4 | 0 | 28 | 7,5: |
| ,2 | 30 | * | | 56 | 15 |
| 13 | 45 | 5 4 | I | 24 | 22,5 |
| 5 | 75. | I (* | 1 | 52 | 30 |
| 6 | 20. | 2 | 3 | 45 | 1 |
| 7 8 | 195 | 3 - | 5 | 37 | 30 |
| 9 | 135 | 4 | 7 | 30 | |
| 10 | 150 | 5 | 9 | 22 | 30 |
| 112 | 165 180 | 6 | 11 | 15 | |
| | | 7 | 13 | 7 | 30 |

XIII. Exempel. Ben Weiblern a. a. D. ft ein Winkel 3 St 7% Achteheil also 3 St = 45°

Der Winkel = 59 31 52/5

Diesen Winkel macht die Linie, mit ber Mite tagslinie, von Norden gegen Often, ober von

Suben gegen Westen.

Ein ander Erempel, eines stumpfen Wintels. Er fen 9 St 5% A.

18 45 Biefen Binkel macht die finie mit der Mittage. Linke von D gegen D; oder von S gegen W.

Und 340 41' 15" feine Erfullung jum Salbfrei-

fe von R gegen B vber S gegen D.

XIIII. Der kleinste Theil in der Lafel ist In eis mer Stunde; die denden nachst größern sind In und In der Grunde Ges erhellt daß der kleinste voch noch bennahe einen hatben Grad beträgt, und wenn der Markstheider so weit geht, so ist er wesnigstens bam gemeinen Feldmesser gleich, der sich nuch mit halben Graden befriedige.

Reinere Abtheilungen taffen sich auch wohl, unmittelbar auf bem Rande der gewöhnlichen Compasse nicht angeben. Ir Pros. Zeiher in Wittensters, Gesigeringt so viel ich weiß Compasse, wo ein so genannter Nonius oder reigentlich Bernier, Minuten angiebt. Diese zwar nicht zum Gebrauche der Markscheider, ich glaube aber, Er wurde dens selben leicht, wonigstens eine merklich kleinere Abstheilung als die gewöhnliche ist verschaffen können.

AV. Blos zur Vergleichung mit ben gewöhnlieien Arten Bintel zu messen, will ich noch benfügen, wie sich fortgesetzt Jathieungen bes Achttheils in Minuten Secunden und Deeimaltheilen der letztern, ausdrucken liessen, die auf die welche zuerstkleiner als eine Minute wird.

oden

Bom Achteheile 3 = 14' 3", 75 $\frac{1}{10} = 7 1,875$ $\frac{1}{10} = 3 30,9375$ 1 45,46875 $\frac{1}{128} = 0.52,734375$ Der fleinste Theil ist bie 1024 ber Stunde, wo ber Renner die zehnte Potenz ber 2 iff. Ueber die Benennung der Stunden nach als len vier Weltgegenden. 2B. S. S. XXII. Ans ber in II. angegebenen Sybnung mie bie Stunden gezählt werben, erhellet folgendes ! Eine Linie Die mit Se Mar , Bintel von & bis 45 Grab macht, geht burch Stunden von 12 bis 3, wem die Winfel von So offmarts, ober:wan Men mestharts liegen and and har rismaf ni C off Aber burch Stunden von 9 bis 12;-wenn big Winkel von So westwärts over von Mer oftwärts flegen. The god god and a chapter grade wais O Eine Linie die unt Se Mer Winkel won 145 Be bis you. Or won : Sa aftwarts macht, sich buich Stunden amischen große. Gid für mitte er de Und bie melde eben folde Binkel von Seweste marts macht, durch Stunden gwilden 6 bis 94:; Die entenibenben lagen find alfo, innerhelb: 45 Braden unt Rocten und Suben , D aus matte Die legiten bepben innethalb: 45: Graber um Often und Westen, in A nogra ... nou my god Und fo fonnte man ben erften beyben norbliche

2. 1

sber fübliche Stunden , ben legten benben oftliche ober westliche geben.

XVII. Diese Unterabtheilung ber Stunden, misbilligt Bener, Part. VI. Prop. I. 148 G. ber Markfcheiber könne nach berfelben, benm Einschreiben leichter einen Fehler begeben, zumahl in engen Stillen, wo oft taum fo viel Plag ift, daß man in ben Sangecompaß feben kann.

XVIII. Wenigstens zeigt folgende Betrachtung, daß biefe Unterabtheilung gang entbehrlich ift.

AB 7 Fig. fen eine Linie beren lage gegen bie Mittagslime ber Magnetnabel foll angegeben werben. Der Compaß fen weiter nicht als in bie zwenmabl zwolf Stunden abgetheilt.

Diefe tinie ftreicht allemafil burch eine gewiffe Stunde ben A , und burch eben bie ben B. (III), Und in soweit ist burch bie Stunde Die lage ber gangen Linie vollig bestimmt.

Allemahl geht vom Mittelpuncte bes Compaffes, C, einer ihrer Theile nach Often, Der andere nach

Besten; Sie find es CA, CB.

Nun kann man alfo noch fragen, nach usekther Richtung man auf biefer linie gegangen, ober, wie bet Bergmann es nennt: gefahren ift? ob von A vach B ober von B nach A?

Elind dieses beantworten zulänglich, die benben Syllben am Ende ber magnetifchen Mittagslinie. Schreibt man jur Stunde Se, fo zeigt bieß an, man sen von B gegen A gefahren.

Boreibs

Schreibt man Mer. zur Stunde, fo zeigt es man fen von A gegen B gefahren.

Mo ift nicht nothig noch oftliche und westliche

Stunden ju nennen.

2. Anmerkung. Bom Lachtermaaffe.

1. Beiblers Bergleichungen bequemer ausgebruckt.

Frenk & = 1000

Joachimsth = 986; Eisleb = 1014

Clausth = 970

Beibler hat fie vermuthlich aus Bolgtels Mart. fcheibet. genommen.

2. Beiblers Ausbruck bes frenbergifchen kachters burch rheinlandisches Maaß läßt fich folgendets gestalt auf Decimaltheile bringen: Die 10% lie

nien find 30,75 = 0,8958333 ... eines Bolles.

Alfo bie 6 Fusse auch zu Bollen gemacht, und Als les zusammen gerechnet ist das Freibergische Lachter

= 75, 895833 rheinl Boll = 6, 324653 rheinl Fuß.

3. Nach Hr. v. Oppel 113 ist bas tachter = 37% rheinl Fuß welches sich aus (2) (benn Hr. v. D. giebt eben biese Groffe bes tachters an, folgender-bergestale herleiten läßt: 6-Kuß 3. 3011 = 64 Fuß

= 2 8. Ferner 10% linien = 43 Tuff.

Die Summe biefer betoen, auf einerlen Renner gebrachten Bruche bekommt zum Zähler 144. 25 + 43 25 43 3 ber Renner ist 4... 144 = 576.

4. Mit diefen Bruche felbst zurechnen, mare wohl sehr unbequant, sein Logarithme aber laßt sich mit Bortheile brauchen. Es ist nahmlich

log 3643—log 576 ober log freib { = 0,8010367

5. Abbirt man biefen loggrithmen, jum log. einer gegebenen Zahl lachter, so kommt ber logarithme, ber gröffern Zahl von Fussen, bie eben so viel betragen.

benen Zahl von Fussen ab, so kammet ber lagarichme ben kleiaern Zahl von lachtern, die eben so miel betragen.

Diefes Verfahren ift wie in Beometr. 32 G. 2Unm. 7. Brempel. v. Oppel 558. S. melbet; Als

1741 die alte hohe Birke ben Frenberg zum Erlies gen gekommen, war sie bis 82 Kabrten tief abgebaut. Die Fahrt ist 12 Ellen (v. Opp. 116) Also war

bas 984 Ellen = 984. 7 lachter (Beibler 16 5; v. Opp. 113) = 281 + 7 l = 281, 14 l. Also log 281, 14 = 2, 4489226

400irt 0, 8010367

3,2499193 Hohort zu 1778, I. Soviel cheinl Fuß betrüge Diese Teufe.

Theile

Theile des Frenbergischen Lachters in theim ländischen Maasse.

8. Aus (2) ist;

1 sadyter = 10 sadyterzoll = 9, 48698 rheinl Zoll

13 = 5 = 4 74349

10 = 1 = 0 248698

9. Die mittlere der bren Groffen in , (8) pflege einem Gliebe der lachterkette gegeben zu werden. v. Opp. 115.

Oberharzisches Lachter.

10. Nach Calvor Beschreib. des Maschinenwessens, II. Ih. 1. E. 5. s. ist Oberh 1 = 80 Braunschweigische Zoll

Braunschm Fuß = 0, 927 rheinl Fuß.

11. Also Oberh! = 80. 0,927 thein! Boll = 74,16 thein! Boll

= 6 theinl Juß 2, 16 3oll

12. Ferner von Diefem Lachter

 $\frac{1}{16} = 9,27 \text{ rb } 3$ $\frac{1}{16} = 4,635$

 $\frac{10}{80} = 0,927$

13. Weil also bieses lachter $=\frac{74,16}{12}$ th

fo ist log 74, 16 - log to ober

 $\log \frac{20000}{\text{rbein } 3} = 0,7909885$

Ber.

Bergleichung bes oberf & mit bem frenberger.

14. Der logarithme in 13; von dem in 4; ab-

gezogen läßt log Berh = 0, 0100480

Bieht man aber ben in 4; von bem in 13; ab

so kömmt log Frend = 0, 9899518 — 1

Diese Logarithmen geben'

Frenb = 1, 0234 Oberh Oberh = 0, 97713 Frenb

15. Das clausthalische lachter und bas pherharzische find offenbahr gleichgultige Worter.

16. So tame Weidlers Clausthalisches (1) fleiner als Calvors (14) um 0, 007 bes frenbergischen.

Bergleichungen des clausthalischen Achttheils, die ich selbst angestellt habe.

17. Ich besite die Halfte des rheinlandischen Busses zwenmahl, auf Messing abgetheilt, einmahl in 6 Zoll, und der Zoll in hundert Theile, dann der halbe Fuß in tausend Theile. Bende halben Busse, sind genau von gleicher Länge, obgleich diese Maaßstäde ohnstreitig von unterschiednen Meistern, und vermuthlich nicht an einem Orte versertigt sind. Der in Zolle getheilte hat auf der andern Seite eben so sechs pariser Zoll, zwischen benderlen Maassen sie sie Waaßstäde wenn ich sie mit andern Maassen werglichen, immer was gegeben, das mit sonst

fonft bekannten Angaben übereinftimme, baf ich fie alfo, wenigstens so viel ihre Groffe es verftat-

tet, für zuverläffig balte.

18. Um 1756 lebte in Hannover ber Hr. Commissarius Hapte, welcher in Bergwerkssachen und bem Maschinenwesen, viel praktische Geschicklichteit, mie theoretischen Einsichten verbunden besaß. Unterschiedene von ihm versertigte Modelle sind nach seinem Tode, von kön. Regierung gekauft und hiesiger Universität gnädigst geschenkt worden.

19. Für mich habe ich aus seiner Verlassenschaft nebst Buchern und Instrumenten, auch ein Bret gekauft auf dem unterschiedliche Jußmasse verzeichenet sind, und auf bessen andern Seite, ein clausthalisches Achttheil in seine zehn Zolle gerheilt. Die Zeichnungen und Abtheilungen sind mit Tusche gemacht. Von den Fussen, fand ich einige mir bekannte nicht in völliger Schärfe richtig, und bas erregte in mir auch einen Verdacht gegen die Nichtigkeit des Achttheils. Indessen ist dieser Verdacht nicht so gat sehr gegründet, denn vom Achtscheile konnte der seel. Hapke leichter ein zuverlässiges Original haben, als von manchem Kusse.

20.-Von diesem Achttheile sind 5 tachterzoll = 4, 6 theini Zoll (17) 6, = 5, 52

Diefe Abmeffungen flimmen überein baß

s lachterzoll = 0, 92 rheini 3.

sien (10) nach ber ber tachterzoll um 0,007 bes

rheinlandischen gröffer ware, und sechs Achtersoll = 5,562 rheinlandischen waren, welches ich ben meiner Messung (20) mußte bemerkt haben. Ich bielt also, im Vertrauen auf Calvoren, das hape kische Achtrheil zu klein.

-22. Bon einem Clausthaler Gr. Raufch, ber seinem Vater baselost in ber Markscheitekunst schos Bonstand geleistet hatte, und 1773 alle meine Bor-lesungen, auch die über die Markscheidekunst, mit einem Fleisse und Eiser besuchte, die seine vorzüglischen Gemüthsgaben dem Vaterlande sehr nüslich machen werden, erhielt ich ein Clausthalisches Uchttheil auch auf Holz, mit seinen Einschnitten in die Zolle getheilt. Das darf ich doch wohl also für zuverlässig annehmen.

23. Und biefes pafit; gang, an das hapfische

5 lachterz = 4, 60 rheinl; wie (20)

24. Da ich so sicher, war das Clausthaler Achte theil richtig zu haben, und doch eben die Calvern zutrauen mußte, so blieb übrig, daß Calver viele leicht statt des rheinlandischen Fusse, etwas das zu klein war möchte gehabt haben. Folgende Une tersuchung wird diesen Gedanken bestätigen.

25. Auf Hr. Mauschens Maaßstabe, (22) was auch ein halber rheinlandischer Fuß. abgezeichnet, ben ich aber so gleich für zu klein erkannte. Und dieser paßt genau an die Hälste bessen welcher auf dem (19) erwähnten Brete, sur den theinlandischen ausgegeben wird.

96.

25. Affe scheint schon sviel ausgemacht, daß man in Clausthal Etwas für ben pheinlanbischen Fuß angenommen, das ein wenig zu klein ift.

26. Den halben Fuß (25) finde ich = 7, 95 rheine 3. Wenn ich also diesen falschen rheinsanblichen = F; den meinigen = R nenne; so'fft'

 $F = \frac{11,90}{12} R \text{ over} \frac{320}{119} E = R$

27. Also das clausthalische Achttheil, ober (30)

 $9, 2, \frac{1}{12}R = \frac{9, \frac{2}{1120}, \frac{1}{12}F}{119}$

log 1104 = 3, 0429691

 $\log 119 = 2.0755470$

Unterschied = 0,9674221
gehört ju 9, 277;

29. Oder: bas clausthalische Achttheil ware 9, 277 Zoll des unrichtig so genannten rheinlandischen Fusses. Das stimmt, nun so ziemlich mit Calvors Angabe überein, (12) da man ben solchen kleinen Grössen zur Vergleichung wie ich hie habe brauchen muffen, auf Tausendtheile eines Zolls nicht sicher senn kann, Calvor auch vermuthlich die Schärzse selbst nicht so weit getrieden hat, da er den braunschweiger Fuß nur in Tausendtheilen des rheinslandischen ausgiebt.

Das clausthalische Lachter, nach Beibiers Angabe berechnet.

30. Es ift (1) == 0, 97 bes frenbergifchen, man berechnet es biefer Angabe gemäß folgenbergan falt in rheinlandischen Maaffe. 0, 8010967

abbirt log 0, 97=0, 9867717

log M = 0, 7878084

abbirt log R = 1,0791812 log N =1, 8669896

Die benten Logarithmen geben bie Groffe bes clausthal. Lachters

M = 6, 1349 Fuß rheinl.
N = 73, 6194 Zoll
31. Der Ausbruck in Zollen, giebt bas Acht. theil = 9, 202 theinl Boll.

Folgerungen aus 10.. 31.

Don der Groffe Des clausthal. Cachters. 32. Das Achtheil nach Beiblern berechnet (31)

hat mit bem bas ich verglichen habe (20) fo genau als ben biefen Wergleichungen zu erwarten ift (29) einerlen Berhaltniß jum rheinlandifchen Suffe, Alfo verfteht Weidler, unter: clausthalifches tachter, und rheinlandischer Buß gewiß febr bennahe eben die Groffen die ich barunter verftebe.

33. Mehr Sicherheit laßt fich burch bie Unterfuchungen bes Belehrten in ber Studierftube nicht Eta erhatten. Man mußte eine etwas lange linie, eine mahl mit bem kachter, bann mit bem rheinlandis schen Juste, aufs sorgfältigste abmessen, so könnte vielleicht bie Vergleichung noch erwas schärfer gespunden werden.

34. Bis dahin wird man wohl ben ben (30) angestellten Berechnungen bleiben können, folglich

Calvors Bergleichung (11) nicht brauchen.

Ausdruck Des clausthalischen Lachters in pa-

35. Es ist seicht zu sehen, daß man von log M(30) nur den logarithmen der Verhältniß des par riser Fusses zum rheinländischen (Geom. 32. S.
2. Anm) abziehen darf, um den logarithmen der Bahl von pariser Jussen zu bekommen, die auf das lachter gehn. Diesen will ich log P nennen.

36. Seinen Gebrauch zugleich zu zeigen und Wiederhohlung einerlen Zifern zu ersparen, will ich ihn gleich zu Berechnung eines Erempels anwenden. Calvör Maschinenw. II. Ih; 2. Cap. 18. J. berichtet, die Dorothee zu Clausthal sen 162 lachter tief (zu der Zeit als er das schrieb,) diese Leufe also täßt sich sogleich in pariser Luß berechnen.

37) log M = 0, 7878084 (30) abgriegen = 0, 0149418

log P == 0, 7728666 abbirt log 162 == 2, 2095150

log der Leufe = 2, 9823816

Die logarithmen geben P == 5, 9274; fo viel parifer Fuß halt bas lachter:

*1. Die Teufe = 960, 24 p. F.

Wenn man ju log P den logarithmen von 144 addirt, so bekommt man einen der ju 853, 5 4 gehört. Soviesparkserlinkenhat also dasclausthalischelachter. In Erusens Contoristen, I. Theil in der VIII.

Lafel am Ende, unter bem Artifel lachter in ber Bergleichung ber Fußmaaffe iftes 852,8 angegeben;

Eruse hat das vermuthlich aus einer ihm angeges benen Verhaltnißzueinembekannten Maaffeberechnet. Er giebt eben daselbst andere lachter in parifer Maaste an, die man mit meinen Angaben so weit

folche reichen vergleichen mag wenn man fie brauchen will:

37 Noch ein Benfpiel wieviel Bequemnichkeit bie logarithmen ben Maafvergleichungen geben, mag nachstehendes fenn.

Verwandlung der schwedischen Famme in frenhergische Lachterzoll. v. Opp. 76.

38 Die Ungaben sind folgende

1 Famme = 6 schwed Fuß

13913 schwed Fuß = 13200 rheinl F

3643 theinl F = 576 kachter

1 kachter = 80 kachterzoll
Wieviel kachterzoll halt die Famme? Ich will zuerst berechnen wieviel kachter sie halt. Es ist aber

schwed

also Famme = 6. 13200 . 576 · Lachter. 13913 3643 **=** 79200. 576

13913. 3643 $\log 79200 = 4,8987252$

576 = 2,7604285

des Zählers = 7, 6191477 3643 = 3, 5614592 13913 =4, 1434208 besMenners== 7,7048800

des Bruchs = 0,9542677 - 1

gehört zu 0, 90005 ober die Kamme = 0, 90005 lachter = 72, 0040 lachterzoll

Eben bas fintet v. D. nur giebt er die pierte Decimalstelle nicht an. Ben ihm ist es ein Erempel einer gusammengesetzten Regel Detri, wo bie Bahl der lachterzolle durch folgende Proportion gefunden wird 50685059: 364953600 = 1; Das erfte Glieb nahm!ich ist = 13913. 3649 Das zwente = 6. 13200. 576. 80.

39. Nebst bem Gebrauche ber Logarithmen babe ich durch biefes Erempel auch die Bemerkung 23 R

erläutern wollen, daß es bester ist solche Rechnumgen, aus Gleichungen wie mein Versahren zeigt herzuleiten, als nach der Rettenregel zu bewerkstellisgen. Während daß man sich besinnt, wie die Zahlen der Kettenregel gemäß zu ordnen sind, hätte man schon einen Theil der Rechnung nach gegenwärtigem Versahren gemacht. Zu geschweigen, daß man so der Gesahr nicht ausgesest ist, sich im Ordnen der Glieder zu irren, wie den der Ketzenregel wohl geschehen kann.

Ueber Ausdrückungen wo Lachter und Theile des Lachters vorkommen zu 2B. 17. §.

40. Bielleicht ware es am bequemften die tachter als Ganze ihrer Art anzuschen, die Achteheile
als eigne kleinere Ganze, welche ferner in Sunberttheile getheilt werben. So brauchte man die Zeichen nicht, mit denen man in der Geometrie Ruthen und ihre Theile bezeichnet. Sie schiesen sich
ohnedem nicht wohl hieher, weit die Theile des Lachters und der Ruthe nicht einerlen Verhältnis zu ihren Ganzen haben.

Ich murbe 3 E. 2B. erfte Zahl, und ihre Mul.

tiplication burch 6 so ausbrucken.

4 8 5, 79 2

94 34, 74

Wie viel ganze kachter in einer Menge von Ache. theilen enthalten sind, wird sogleich durch bie so leichte Division mit 8 gesunden.

41. Mir fiel einmahl ein, bas lachter als ein Ganges anzusehn , in beffen Decimaltheilen , Die .. Achtheile und beren fernere Theile ausgebruckt Da ware ein Acherheil = 0, 125, umb man konnte leicht jebe Zahl von Achttheilen von E Sis 7 in Decimaltheilen ausgebruck in eine Safel bringen; eben foviel Lachterzallen, geborte alle mabl eine zehnmabl fleinere Babl, 3. &

1 fachterjoff = 0,0125,

und ein Behntheil bes lachterzolls == 0, 001**9**\$ ober 1 Scrupel

42. Es fcheint mir aber, biefes murbe bie Rechnung befchwerlicher machen, als ber gewöhnliche Musbrud's Will man eine linie im Marticheibers maaffe angegeben, vollig burch Decimaltheile eines einzigen Ganzen ausbrucken, fo verwandele mate lieber die ganzen lachter burch bie fo leichte Multiplication, in Achtefelle.

So ware has Product in (40) = 226, 74 %

43. Db man für die Division ben Divibendus auf Diefe Art ausbrucken will, (42) wie 2B. befiehle, bas wird man wohl mit aus ber Groffe bes Divifors entscheiben. Ben Beiblers Erempet 28 £ 2, 74 21 mit 6 ju bivibiren murbe ich boch lieber ju erft die vier gangen tachter angeben, ben Reft in Achttheile verwandeln und nun

34,74 = 5, 79 berechnen.

Ist aber ber Divisor gröffer als bie Zahl ber Lachs 23 4

Lachter, fo wird de beffer fenn fie gleich ansangs

" Bon Boigtele Eintheilung 28. 18. 5,

44. Voigtel nimmt das lachter für ein Ganzes an, das er nun nicht in Achtebeile, sondem nach der Decimaleintheilung ferner scheilet, in tausend Theile und noch weiter wenn mehr Schärfe erfodert wird. Er bezeichnet das lachter mit dund die Decimaltheile mit 1; 11; 111; So giebt er ein Erempel das ich nach der gewähnlichen Decis malbezeichnung so schreibe 5, 892; und spricht es aus: 5 lachter, 8 Erstens, 9 Zwentens, 2 Drittens. Will man Voigtels Pecimalbrüche in Uchtibeis se und deren gewöhnliche Abtheilungen verwandeln,

le und beren gewöhnliche Abtheilungen vermanbeln, fo barf man fie nur mit 8 multipliciren. Go tommen 0, 892. 8 = 7, 136 Achtibelle.

Mmgekehrt , ein Taufendtheil bes lachters, in Theilen bes Bolls auszubrucken, ift es

o, ooi. 80 = 0, 08 bes Bolls.

45. Boigtel bemerkte ganz richtig daß die Deeimaltheilung benm Rechneh biel Bequemlichkeiten verschafte. Man kann aber biese Bequemlichkeiten erhalten, wenn man bas Achtel zur Einheit annimmt, und dadurch die lachter ausbruckt (42) Und beswegen kunn ich die Markscheiber nicht so gar sehr tadeln, daß sie von B. an sich wohlses mennten Bemühungen in diesem Stucke keinen Bebrauch gemacht haben. Ob mannicht ein Achttheiliam bequemften zur Einheit des Lathtermaaffes annehmen konnte?

46. Wenn mans dieses thut, so heiße das tacheter = 8, und tako die Jahl der lachter mis 8 multiplicitt, kann mann was herauskumt, an die Jahl der Uchtthile: und deren kevnern Theile sosciele, daß sieh alle Zifern gusammen nach den Gesen der Decimalarithmetikiesen lassen. Best 12 lachter 7 Uchttheile 6 Zoll 4 Scrupel waren 103,. 64 Uchttheile.

1947. Diese Ansbrückungen, wären zur Rechnung fehrbequem. Mon man nicht zu rechnun har kant num die kachter für sich, bas übrige auch für sich nennen.

48. Man könnte auch ben Lachterzoll für bas Gause annehmen, wöburch man die Langen ausstruckt, ba ware bas Lachter = 80, und nächstvorbergehendes Exempel hlesse 1036, 4 Lachterzoll

49. AberrbemBolt in Zehntheite Justheilen ift schon gewöhnlich, und es giebt Falle, wo man eisne lange bis auf Hunderttheite, oder Laufendtheise des Zolls anzugeben suchen wird. Dergleichen Fall ware, wenn man unterschiedene kinien zusammen addiren soll, daraus eine zu sinden, z. E. wenn man einer groffe Höhe als die Summe unterschiedener kleinern ansieht, die man einzeln gemessen der berechnet hat. Da ist offenbahr daß man die Liefe in. Brüchen des Zolls sehr genau wissen mußen muß um in der Summe nicht um ganze Zolle zu sehlen.

50. Man kan also weder dem Joll, noch irgette ein Stud von ihm, für eine kleipfte Einheit aus nehmen, die man nicht weiter eintheilte, und durch welche alle übrigen Gröffen als ganze Zahlen ausgedruckt würden. Und so ist natürlich zur Einheit das anzunehmen, was zwar ferner eingetheilt wird, ober immer nur nach Decimaliheiten, und unter den Gröffen die so eingetheilt werden das Gröffe ift, folglich das Achetheil.

Won der Lachterschnur. W. J. 20.
51. Beschreibungen dieses Werkzeuges, der Megkette der Markscheider, sindet men benm v. d. Oppel 115 S. 404. u. f. J. Beper P. II. sop. 20. 47. Seite.

3. Anmerkung. Bon der Krümmung einer Schnur oder Kette. 28. §. 20.

1. Wenn man eine Schnur an ein paar Punteten halt, die nicht so weit von einander entfernt sind, als die kange des Studs Schnur wolfchen bepden Puncten, und nun dieses Stud sinken lässe, so ist offenbahr daß es sich in eine gewisse krumme Linie beugen wird. Soen das wird einer Kette wiedderschren, mit dur man auch so was vornähme. Soll der leiste Fall dem ersten so ähnlich als mögstich senn, so muß die Kette aus sehr kleinen Glieddern, deren jedes man nur etwa wie einen physsocial Punct ausehen könnte.

- a. Wie die Natur diese kumme linie bildet ift leicht allgemein zu übersehen. Isdes Theilehen ber Schnur ober Kette, will für sich in einer Weisticklinie sinken; dadurch aber zieht es an den and dern mit denen es zusammenhängt, und so krock sich alle zusammen in eine Stellung, wie die Sunsime aller dieser Wirkungen, des Bestrebens zu sien, und des daraus enrstehenden Ziehens erfoders.
- 3. Die trumme linie felbft aber Diefen Begrif. fen gemäß zu bestimmen, ist schwerer. Galilaus. nahm fie für eine Parabel an, vermuthlich rieth er mir auf eine ihm bekannte frumme linie, welches die, so die Rette macht, obenhin betrachtet nicht gang mahnlich war. Joh. Joach: Jung, ein hame burgifcher lehrer im vorigen Jahrhunbert, fand durch Erfahrungen und Schluffe, daß Galilaus fich geiert habe. Die mabre frumme linie aber, ließ fich nicht eher entbeden, bis bie Rechnung bes Unenblichen, Die baju nothigen Kunftgriffe an bie hand gab. Leibnig, und bie benben Bruber Bernoullie, haben fie allebenn unter bem Rahmen bee Revenlinie bestimmt. Man bebiente fich fogar ber Bortheile welche die Rechnung des Unenblichen barbietet, Diefe Untersuchungen felbst für noch schwes tere Falle zu unternehmen, als ber erfte ift, ber fich ben Augen barftellt, 3. E. wenn bie Schnur niche burchaus gleich bick ift, folglich gleich lange Theile von ihr, ungleiche Gewichte haben, wenn fie fich burch ihre kast ausbehnen läßt, enblich: wenn die Richtungen ber Schwere nicht als parallel angenome. men

men merben, sondern gegen den Mittelpunct der Erde zusammenlaufen. Aon Allem diesen, umständlicher zu reden oder Untersuchungen darüber denzubeingen, ist hie der Ort nicht. Jemanden den sich die ersten Wegnisse danon machen will, könzem die 36 n. f. von Joh. Viernoullis Lectionidus Hospitalionis dienen, im III. Theile der Operum Io. Bernoullii.

Die Frage: Was für eine Gefialt nimmt eine Rette an, wenn jeder Theil von ihr mit einer andern Rraft getrieben wird, alle Krafte aber nach sinem bestimmten Puncte zu gerichtet find, also, die allgemeinste Auslösung der Aufgabe von Rettenlinien, sindet sich in Io. Bern. Op. T. IIII. n. 173.

Wie die Glieder einer Rette durch ihre Schwere sich ins Gleichgewicht stellen, so würden es Steine eines Gewöldes thun, wenn das Gewölde die Gestalt einer Rettenlinie hätte. Statt der Stellen an denen die Rette aufgehenkt ist, sind hie, die, auf denen das Gewölder ruht. Daher hat man die Rettenlinie zu Gewöldern vorgeschlagen. Eine Unstersuchung hievon sindet sich in Iacodi Bernoullii Oper. T. II. n. 193, Art. 29.

Ben diesem Gebrauche der Rettenlinie zu Gewölsbern, hat leibniz eine Bedenklichkeit geäusert Leibnitie et Io. Bernoull. Commercium (epiktolicum) philosophicum et mathematicum. T. I. ep. 82. patche B. im solgenden 83. Briese zu heben geschaft hat.

Man kann sich auch gerade Linien von bestimm-

ter Groffe, Balben g. E. vorstellen, Die eine folche Stellung annehmen, wie ihnen bie Schwere giebt. Co gehoren gur Rettenlinie, bes Elvius Unterfudungen von gebrochnen Dachern; Abhandl. ber R. Schweb. Af. b. 2B. meinen Ueberf. V. Band 251. Seite.

Und weil die Schwere hie nur als eine Kraft betrachtet wird, bie nach parallelen Richtungen, in gleiche Theile, gleich ftart wirft, fo tann man fatt ihrer febe Kraft fegen, Die auf abnitche Arc mirft, A. E. ben Stoß bes Baffers in' einem Bluf. fe. Baffen affo, in ben Stellungen gegen einanber, wie fie ein gebrochenes Dach erfoberte, werben auf ber aufern Seite ber Figur Die fie machen ben Stoß bes Baffers am besten aufhaleen. Das hat Polhem erinnert Abb. b. R. Schw. Uf. D. 28:3 1111. 139 G. Und fo bient die Rettenlinie ju Briden.

So viel, nur einige Machrichten vom prattifchen Mugen folder theoretifchen Unterfuchungen gu geben.

4. Sier fommt es nur barauf an ohne tieffinnige Betrachtung ber Rettenlinie eine Borftellung gut machen, wie viel die Rrummung ber Schnur betragen fonnie. Alfo fen ABC : Fig. bie Schnur, in Aund C befeffigt, AE, CE, find Tangenten. ift flar, bag bie taft ber Schnur ihre unenblich. Beinen Theile ben A und C, nach ber Richtung bies fer Langenten zieht. Diefe benben Theile murben also völlig noch auf eben die Art gesogen, wenn man sich ein Paar Faben AE, CE, vorstellte, von beren Durchschnitte E, ein Gewicht herabhinge, so schwer als die Schnur, die Schnur albit aber, ware weggenommen ober wenigstens nicht mehr schwer.

5. Statt der Pflocke oder Scheauben, welche die Schnur in A. C., befestigen, ist verstattet sich ein paar Kräfte vorzustellen welche nach EA. EC., gleich so start ziehen, daß sie zusammen, das Gewicht K erhalten. Dieses wird durch eben solche Betrachtungen gerechtsettiget, wie ich in Stat. 29. angestellt habe, Verwechelungen von Unterlage und Debei zu zeigen.

6. So hat man also in E 2. Big. drep Krafte im Gleichgewichte, sie mogen heisten: r nach ER; q nach EA; p nach EC. Wenn man EN = q EO = p nimmt, und das Parallelogramm EOMN erganzt so ist EM = r (Stat. 63) und (das. 65)

q: p = fin CEM: fin AEM p: r = fin AEM: fin AEC. q: r = fin CEM: fin AEC

7. Die Kräfte q, p, sind die, mit welchen die Schnur ben A, C, angezogen wird. Das mag nun durch Schrauben, oder wie man sonst will geschehen, so läßt sich allemahl jede solche Kraft durch ein Gewicht, Q. P. vorstellen, das von einer Rolle berabbangt, und die Schnur zieht.

3. Nun wird allemahl bie Kraft die man an jebem Ende anwendet die Schnur zu spannen, in Bergleichung mit dem Gewichte der Schnur sehr groß senn, man wird diese Kraft, geen bemabe so geoß nehmen, als die Schnur ausstehen kann, oh-

ne pu reiffen und offenbahn ift bas Gewicht einer nicht febr langen Schnur, gegen bas, was an fie gebentt, (wenn man nahmlich bie Schnur nur mit einem Ende befestigte, an bas andere Ende bas Gewicht banbe, baffie lothrecht berabhinge) fie gerreiffen konnte, wicht febr betrachtlich.

9. Alfo tann man in (6) immer r ziemlich flein gegen pund q nehmen. Und so ist des Winkels AEC Sinus, gegen die andern flein; woraus folgt daß ber Bintel felbft entweder fehr fpisig, ober fehr

ftumpf, nabe ben 180 Graben fenn muß.
10. Welches von benden fatt findet, zeigt bie Bigur. In ihr, wie fie gezeichnet ift, find EO. MO, jebe, nicht viel gröffer als EM, ober gar Heiner. Go wird MOE nicht febr groß. Stellt man fich aber an EM ein paar Schenkel vor die in Bergleichung mit EM fehr lang find fo wird EOM febr spisig werben, folglich AEC bennabe 180 Grab.

II. Dieß affes tann man fich bestimmter und in Formeln zur Berechnung ausbrücken, wenn man barauf bie Borfdriften anwenden will, nach benen fich ber Winkel MOE aus den brey Seiten des

Drepects finden läft.

12. Bie ift genug überhaupt gu feben, baf AEC nabe ben 120 Graben fenn muß, wenn man bie Schnur mit fo viel Gewalt als fie verträgt anpichte. Allsbann nun, muß E nabe ben AC liegen, und B ber trummen linie unterfter Punct, gewiß noch naber. Folglich ift unter biefen Umftanben bie Rrummung wenig betrachtlich.

T3. Das bisherige ist allgemein wie auch kinnter C gegen einander siegen. Um die Sache allgendim vorzustellen, habe ich in der Figur AC gegen vero Horizont geneigt gezeichnet. Jezo seite ich, unverwoleichtes Exempel der Rechning zu geden, diese Punicte liegen bende in einer Horizontalitate. Dieseiber werde in G durch eine Vertscallinie halbirt, so bessinden sich in diesem bothe auch Bund E; es theise offendahr die kruimme Aniem chwische Halken, und desselle den so genannter Winke mit hind hand hauch desselle oder AEM. Run ist sin 2 k = 2 fin.k. cof h (Trigon. 19. S. 5. Zus.) Ferner p = q weil allest auf benden Seiten der Vertscallinie einerlen sentemuß; Also (6) p: t = sin.h. sin 2 h = 1:200st.

soer cof h = $\frac{1}{2 p}$

14. Man setse p=50.r; Ober an jedem Ende ber Schnur murbe eine Kraft angewandt, Die funfzigmahl ihr Gewicht betrüge. So ist

 $\operatorname{cofh} = \frac{1}{100}$. Dieses zu berechnen , erinnere

man sich daß hier der Sinustotus — 1 gesest ist. Will man also logarithmen der Taseln brauchen, so ist log tab col h — 10 — log 100 — 8; und 90° — h — 34'22" — EAC solglich
AEC = 178° 51" 16"

15 Ferner EG = AG. tang (34' 22"). Weine ber Halbmeffer = 1; findet fich diese Cangenen

= 0, 0099972. Also betrüge EG noch nicht völlig 0, 01 bes halben horizontalen Abstandes bevder Endpunkte der Schnur oder noch nicht 0,005 des ganzen

16. Auch ist $AE^2 = AG^2 + GE^2$ also, weil GE_7 0,01. AG ist GE^2 fleiner als 0,0001. AG^2 und AE fleiner als AG. 7 i, 0001 folglich fleiner, als AG. 1,000 ober AE übertriffe die Hallte des (15) genannten Abstandes noch nicht um sein Huradeitheil, also AE + EC den ganzen auch noch nicht um sein Hundertheil.

17. Die Schnur ABC ist kurzer als die genannete Summe der besten geraden linien. Man wurde de also in der (14) angenommenen Voraussesung, die länge die man wissen will, etwas zu groß bestommen, wenn man nach der Krümmung der Schnur masse, aber dieser Jehler betrüge noch nicht ein Humbertheil der eigentlichen länge die man wissen wollte, des sprizontalen Abstandes (15).

18. Dieses ist eine Anleitung wie man untersuchen könnte, ob die Krummung der Schnur der Richtigkeit des Mossens nachtheilig semmulede. Genauere Bestimmungen hievon liesen sich nur aus einer volkständigern Theorie der Rettenlinie herleisten, als man dem Markscheider zumuchen darf, der sie sonst den seinen eigentlichen Geschäfften niegends braucht.

19. Als eine Probe indessen, mas die Anwenbung dieser Theorie genauer lehrte, habe ich angenommen einer Schnur gange bange ABC heisse

Logoo; Sie werde nach (14) an jedem Ende mit einer Kraft die funfzigmahl so groß als ihr Gewicht ist gespannt, darans sinde ich, ihres tiessten Punkts Abstand unter der Horizontallinie, oder GB = 24, 992; und den Unterschied zwischen ihrer halben känge, und dem halben horizontalen Abstande (15) oder AB — AG = 0, 083282, das ist noch micht 0, 1 don einem 0, 0001 der halben känge der Schnur.

20. Wenn man also eigentlich die Länge AC wissen wollte, statt ihrer aber die krumme Linie ABC mässe, so bekäme man etwas zwiel, das betrüge aber noch kein Hunderttausendtheildessen was man durch die Messung gefunden hat.

21. Und so ift ber Fehler ben man begeht noch ungemein viel geringer als ihn die Rechnung ohne genauere Theorie ber Rettenlinie (17) angab.

22. Da biese, etwas starte Spannung einen so ganz unbeträchtlichen Jehler giebt, so erbeilt, daß man von ber Krummung ber Schnur nicht so gar viel Unrichtigkeit besorgen barf, wenn sie auch nicht mit bieser Starte gespannt ware.

23. Bisher habe ich die Sache so betrachtet, daß bender Endpunkte der Schnur in einer Horizontallinie sind. Da wirkt offenbahr die Schwere am meisten, der Schnur eine Krummung zu geben, welche von der Horizontallinie durch bende Endpunkte unterschieden ist. Hielte man die Schnur nur an einem Ende, so wurde sie sich durch ber Gewicht in eine gerade Verticallinie stellen, blos

blos elafitiche Rrafte in ihr, konnten alsbem etwa

einige Krummung verurfachen.

24. Wird also die Schnur an einem Endpunkten niedriger als am andern gehalten, so macht sie frenkich noch eine krumme kinie, welche länger ist, als die schiese gerade kinie durch bepde Endpunkte. Aber dieser Unterschied der Längen, muß weniger betragen, als der Unterschied zwischen der länge eben der Schnur, und der Horizontallinie durch ihre Endpunkte betrüge; wenn sie nähmlich mit benden Endpunkten in einer Horizontallinie und mit eben den Kräften, gehalten würde, mit des nen sie gehalten wird, wenn sich ihre Endpunkte in der schiefen kinie besinden.

25. Soldergestalt lehren Rechnungen wis (13.... 22.), die Granzen bes größten Feblers, ben die Krummung ber Schnur verursachen fann. Es giebt allemaßl viel kleinere Unrichtige keiten, wenn man die Schnur so braucht, baß sie

schiefer Linien Richtungen angeben foll.

a) Des hrn. v. Oppel Anwendung auf die Anhenkung des Gradbogens.

26. Der Gr. v. Oppel Markscheitet. 426. 5. hat aus Betrachtung der Kettenlinie Vorschriften berzuleiten gesucht, an welcher Stelle ber Schnur der Grabbogen musse angehenkt werden, eine Neisgung anzugeben, welche ber geraben linie AC iberer Neigung gleich kame.

27. Die Frage ift nahmlich biefet welche Sangente ber Rett nlinie ift mit AC parallel?

28. Offenbahr bie an B, wenn AChorizontal ift. Mimmt man also bende Endpunfts bert Schnur in einer Horizontallinie an, fo muß man ben Gradbogen in ihre Mitte henten, wenn er auch eine Horizontallinie angeben soll.

29. Wenn aber ein Endpunkt ber Schnur niebriger als ber andere ift, laßt sich selbst nach bes Hrn. v. D. Untersuchung nichts mehr angeben, als baß man ben Gradbogen besto weiter untet ber Mitte ber Schnur anhenken soll, jemehr sie steigt ober fällt, und bieses ist nicht bestimmt genug zu einer geometrischen Vorschrift.

30. Ein Trost ben bieser Ungewißheit ist, baß bie Schnur bestoweniger von ber geraden linie abweicht, jemehr sie steigt ober fallt (25).

st. Ueberhaupt aber, wenn man die Sache so scharf suchen wollte, wurde hier die Betrachtung der gemeinen Kettenlinie nicht zureichen, ben der man gleiche Theile überall gleich schwer anniumt. Der Gradbogen wird zwar so leicht als möglich gemacht, sein Gewicht ist aber doch nicht ganz undeträchtlich. Der Theil der Schnur an welchem er hängt, wird also durch ihn beladen, schwerer, als jeder andere gleiche Theil, und das führte also auf die vielmehr verwickelte Untersuchung einer Kettenlinie wo nicht alle gleichen Theile gleich schwer sind.

32. Nezu kömmt, daß der Gradbegen, durch feine tast wohl die Schmur etwas mehr ausdehnen könnte, ob man ihn gloich, eben dieses zu vermei-

ben, leicht zu machen sutht.

33. Endlich, wenn ber Grabbogen, wie sich die Markscheiber, bamit zu befriedigen scheinen nur halbe ober viertheils Grabe angiebt, so mochte die Rrummung der Schnur wohl oft viel menke ger betragen, als et anzuzeigen im Stande ware. Im Erempel (14) würde er erst eine Abweichung von der Horizontallinie anzeigen, wenn man ihn ganz ans Ende der Schnur henkte.

34. Alles biefes jusammengenommen, mirb wohl am besten fenn, die Schnur so stadt als fie verträgt zu spannen; ben Gradbogen an ein paar Stellen anzuhenken, und wenn er nicht ganz unmenkliche Unterschiebe anglebt, pas Mittel be-

zwischen zu nehmen.

4. Anmerkung.

Ueber die Fehler und Prufung des Gradbogens.

W. 21. S.

s) Zum vorausgefest daß die Grede richtig atgetheilt find, kann der Gradbogen folgende bente Fehler haben.

2) 1. Sein Salbmeffer ber burch o geht kann vielleicht nicht gang genau auf ben Durchmeffe

von 90 bis 90 fenfrecht fenn.

Σ 3

3) Dieser

3) Diefer Fehler lieffe fich mit bem Birtel prufen, und wird leicht vom Arbeiter mit mäßiger Befchicklichkeit zu vermeiben fenn.

4) II. Die haafen burch welche bie Schnue geht, konnen fo verbogen fenn, bag bie Schmur

nicht genau bem Salbmeffer burch 90 parallel ift. 5) Ben biefem Sehler, wenn ber erfte bermieben ift, lagt fich fo verfahren.

6) AKB 3 Fig. fen ber Grabbogen, CK ber Balbmeffer burch o, CP bas loth.

7) Seine benben haaten mogen AS, BT fenn fo ungleich , baß wenn er an ber Schnur MN Bangt, fein Salbineffer AB mit ihr in E gufammienftopt; und ben Wintel AEM = B macht.

3) Das Fallen ber Schnut MNO fen = a;

o Das loth CP giebt bas Fallen ber linie AE an. Alfe ift ber Bogen KL ben ich y nennen will; y = α - β; benn bas Fallen ber linie AE iff = MNO - MEA.

10) Run weiß man allemahl v.

11) Bufte man also anders woher a; fo hat-te man gleich B = a - y.

12) Ben einer anbern Schnur beren Fallen = Z zeigte ber Grabbogen eben fo angehenkt einen Bogen = { - B; Wenn alfo ber Bogen ben er anzeigt = 0; fo ware allemabl

0+3=2

13): Go bient ber einmahl bekannte Fehler bes Brabbogens, aller anbern Schnur Fallen richtig gu finben. . 11.4 14) Wenn

14) Benn man aber ber Schnur MN Fallen nicht weiß, mache man es fo:

15) Der Grabbogen werbe an eben bie Schnife

verfehrt angehenkt 4 Fig.

16) hier fen ber Bogen kl als Maaß best

Wintels kal = & Diefen weiß man.

17) Es ist aber kol das Fallen ber linie be, und bas ist = mno + aen = a + \beta.

18) Daber $\delta = \alpha + \beta$.

19) Daber aus 8; 173 bie benben Werths von y + 8 jusammen abbite,

 $\frac{1}{2}(\gamma + \delta) = \pi$ 20) Aud $\frac{1}{2}(\delta - \gamma) = \beta$.

21) Will man also ben Grabbogen zwenmahl anhenken, so findet man das Fallen ber Schnur nach (18) ohne bes Grabbogens Fehler zu wiffen.

22) Man tann aber zugleich ben Fehler finden (19) und , zum vorausgesist, daß er diefen Fehler ungeandert behalt, nun das Jallen jeder and bern Schnur, nur durch einmahliges anhenten finden (11).

Exempel. Man fande $KL = 5^{\circ}$; $kl = 7^{\circ}$ 30¹ so ware (18) bas eigentliche Fallen der Linie, nähmlich MNO ober mno $= \frac{1}{2}(12^{\circ}30^{\circ}) = 6^{\circ}$ 25¹.

Das wüßte man also, ohne einmahl ben Festeller bes Gradbogens zu kennen.

Dieser

Dieser Fehler aber fante sich aus (19) = 1

Alm so vielsgiebt nun der Gradbogen so lange als an ihm nichts verändert wird, das Fallen jeder linie, zu klein, wenn die Stelle A, an ihm aufwärts, zu groß, wenn solche niederwärts gekehrt wird.

Man wird sich also auf bem Grabbogen diese Stelle bezeichnen, damit man weiß, ob man bennt Behrauche sie auswärts oder niederwärts gekehrt bat.

Und nun weiß man mit bem fehlerhaften Gradbogen bas Fallen jeder linie, zu dem was der Gradbogen angiebt, addirt man den gefundenen Fehler wenn A aufwarts gekehrt ift.

3. E. Der Gradbogen gabe 12 Grad = KL; so ift das Fallen 13°151. Bare aber kl = 12° so betrüge das Fallen 10° 451.

23. Wurde in 19 der Werth von B verneint, so zeigte dieses, BT sey langer als AS so daß des Gradbogens Durchmesser nicht nach B oder b sondern nach A oder a zu mit ber Schnur zusammen.

21. Auf eben die Art prüfet man ben einer Sesswage, ob die Linie nach der sie aufgestellt ist genau senkrecht auf diejenige ist, an welcher das doth herabhenkt, wenn die Seswage eine Horizonetallinie angeben soll. Die Linie, nach der die Seswage aufgestellt wird, die eigentlich der Seswage Fuß oder Jusse enthält, ist da so was, wie bie die

die linie ST durch die benden Hanten. Selbst aftronomische Werkzeuge pruft man auf eine abe-

liche Beife burch Umfehrung.

25. Die Marticheiber ichreiben vor, einen Brabs bogen so zu prufen, bag man ihn an eine Schnur einmabl auf eine Seite, bas auderemahl verwandt anhenft, wie in (14). Spielt nun bas ioth nicht beydemahl auf einerley Grad ein, fo foll man die Haken fo lange beugen, bis diefes ges nau gutrifft. Boigtel Markfcheibek. P. III. 23. 6. 26. Wenn mit einmahligen Beugen ber haten ber Gradbogen nun funftig auf immer berichtiget ware, fo mochte bag angehen. Dach ber gewöhnlichen-Befchaffenheit ber Brabbogen aber ift zu befürchten, man werbe genothiget fenn, biefe Berichtigung fo oft ju wiederhobien, daß die Haken bald abgehn wer-Alfo ift bas von mir porgefchlagene Bers fabren ohnstreitig bequemer; weil es leichter ift, Die Summe von ein paar Winkeln zu halbiren, als fo lange bis fie gleich werben Safen gu biegen. Die lette Arbeit erfoberte ohnebem wieber neue Vorschriften, damit man nicht wieder ber Sache auf der andern Seite zu viel thate. Solche Borfdriften lieffen fich allerdings geben, wie man bergleichen ben aftronomischen und andern Werkzeugen giebt, und beruhen eben barauf, baf bie Wahrbeit, das arithmetische Mittel zwischen Fehlern Ich weiß aber nicht, ob fich bergleichen Bor-Miften burch Berbeugung bet Saaten u. f. w. würden bequem beworkstelligen laffen. . ٧

5. An

5. Anmerfung.

Theorie von des Hrn. v. Oppel Grade bogen der zugleich Sohlen und Seigerteufen angiebt.

In desselb. Markscheidet. 430 S. fein. 91 Fig.

1. AB 5 Fig. sep eine Linie, beren Fallen man mie bem Grabbogen DMNE mißt. Der Wintel ihres Fallens ist die Ergänzung des Wintels DCM, bessen Maaß der Bogen DM ist; CP ist der Kanden mit dem Loche.

2. Man ziehe DLN horizontal; weil DE bee Durchmesser ist, so ist NE senkrecht auf auf DN,

also vertical, und mit CL parallel.

3. Es verhalt sich allemahl ben bieser linie Flache: Soble = CD: DL = ED: DN Flache: Seigerteuse = CD: CL = ED: EN

Bem biefe Martichelberkunftworter noch fremb. ind, ber findet ihre Erflarung unten, 9. Unmerkung.

4. Nun ift DEN = DCP, also ber Bogen DMN noch einmahl so groß als ber Bogen DM.

5. Man konnte also biesen Grabbogen folgene bergestalt einrichten, auf ihm Sohlen und Seigenteufen zu finden.

6. Man nehme seinen Durchmeffer DE für ben verjungten Maafftgab eines tachters an, cheis

le baher folchen in seine 80 Bolle und ben letten Boll in Behneheile eines Bolls, baß man barauf, wie auf einem verjungten Maafftabe, Jebe kange bie fleiner als ein lachter ift, bis auf Zehntheile des Bolls abnehmen fann.

7. Man verboppele ben Bogen DM; bas

glebt ben Bogen DMN.

Die geraben linien DN; NE; bas-ift: bie Chorbe des boppelten Bogens und feiner Erganjung jum Salbfreife, meffe man mit bem verjungten Maafftaabe (6).

So hat man ben ber gegebenen linie, fur ein

lachter Flacke, Sohle DN, und Seigerteufe NE; Also nach der Regel Detri Sohle und Selgerteufe, für jede andere Flache, ben eben ber Donlege.

8. Wenn also ber Winkel bes Fallens = m; folglich DCM = 90° — m; So ist die Sehne bon 1800 - 2 m = ber Goble (7)

2 m = ber Seigerteufe.

9. Erempel. Das Fallen sen 14° 45 1 = m also DCM = 75° 151; so ist die Sehne von

29° 30' = ber Seigerteufe

150 30 = ber Sohle.

10. Der Dr. v. D. aber befchreibt innerhall bis Bradbogens einen concentrischen Salbfreis.

Diefes Durchmeffer theilt er fo ein, wie ich

ben Durchmeffer bes Grabbogens (6).

11. Den innern Salbereis felbit aber theilt er in Neunzigtheile ein, beren jedem also am Mittele puntte ein Winkel von ao zugehört.

t 3. Diese

Durchnieffers, nicht wie benm Grabbogen bie Brade bom mittelsten Puntte bes Halbereises.

eine ganze Sahl Grade beträgt, so nimmt er auf Bein innern Kreise die Sehne so vieler Reunzigiheile. Das ist die Seigerteufe (8).

Und die Sehne der übrigen Neunzigtheile, Die Befen zum Halbfreife fehlen, ift die Sobie.

14. Nun muß er biefe Neunzigtheile in kleinere eingetheilt haben, um nach eben ber Vorschrift Sehnen zu messen, wenn bas Fallen noch Theile vom Grabe beträgt.

15. Dieser gange innere Rreis aber nebft seinen Eintheilungen ift hochst entbehrlich (8).

: Ueber Die Richtigkeit und Bequemlichkeit dieses Berfahrens.

١,

16. Man findet foldergestalt, für ein lachter Riache Sohle und Seigerteufe hochstens bis auf Zehntheile des Bolls, und das nicht allemahl gang zuverläffig.

Wenn man baraus diese Linien für gröffere Flat chen nach ber Regel Detri berechnet, so weiß man sie kaum auf einen Zoll genau für zehn lachter ger Flache, kaum auf 2 Zoll genau für 20 tachter u. f. m.

17. Die Rechnung ersobert die Zahl der kacheer u. s. w. die der vorgenommenen Fläche zugehere, bort, mit ber Bahl welche bie Meffung gab ju

18. Das wird bennahe eben fo muhfam fenn, als wem man die Zahl der Lachter u. f. w. derangenommenen Flächen mit dem Sinus und Co-smus des Fallens multiplication erfodert keine vorläufige Meffung von Linien nach einem verjängten Maakstabe, wird also in der That in kurzerer Zeit verrichtet.

19 Folglich wurde man biefes Wertzeug nur in Ermangelung aller Tafeln brauchen.

20. Es ift nahmlich eigentlich ein unvollständiger Auszug aus den Tafeln, giebt Etwas mit geringerer Richtigk it und mehr Muhe, was die Tafeln, dem mäßig geubten Rechner, leichter und schäffer geben.

6. Anmerfung.

Vorschlag eines Gradbogens mit einem Vernier.

1. Die gewöhnlichen Gradbogen, sind in hale be, hochstens in Viertheilsgrade eingetheilt. Der fr. v. Oppel verlangt §. 427. Man solle noch zwischen diesen Abtheilungen Winkel von 5 zu 5 Minuten schäfen. Sben das giebt Voigtel Part. 3. 23 S an und sodert dazu einen Gradbogen, da jeder Grad in dren Theile getheilt ist. Ich weiß nicht ob die Markscheiber ihr Augenmaaß so weit üben, und ich vermuthe selbst, ben der gewöhnlichen

den Gröffe ber Grabbogen, werde ber Zaben an bem das koth hangt, wenn er auch ein Pferdehaar ist, immer bennahe fünf Minuten bebecken. Das koth an einen Silberfaden zu henken, wie bep astronomischen Quadranten gewöhnlich ist, mochte mohl hier nicht angehn, weil ein solcher Faben alle Augenblicke reissen wurde.

- 2. Durch den beweglichen Bogen, den man insgemein Ronius nennt, eigentlich Vernier heisen sellte (Man s. meine aftren. Abhandt. II. Samt. 5. Abh. 180 S.) lassen sich in einem Kreise den mässiger Gröse, einzelne Minuten, oder wenigstens 2 Minuten angeben. Wäre es also nicht der Mühe werth zu versuchen, ob man so was benm Gradbogen andringen könnte? Folgendes st ein Einfall dazu.
- 3. LM 6 Fig. ist ein Quabrant, bessen Mittelpunkt K. Um biesen Mittelpunkt breht sich eine Regel KN, die den Vernier NO mit sich berumführt. In dem verlängerten Halbmesser LK,
 ist ein Punkt G, von dem das loth GP herabhängt.
 Es miss ein Punkt H etwa im sortgezogenen Bogen des Quadranten bezeichnet sen, an dem das
 loth herabhängt, wenn KL horizontal; und KM
 vertical ist. Man sieht, daß dieses nur zwo, den
 einem Werkzeuge das nicht groß zu senn braucht,
 leicht zu erhaltende Bedingungen ersobert; die
 eine, daß der Winkel LKM genau ein rechter,
 die andere, daß GH genau mit KM parallel ist.

wie Un die Regel beinge man folde Saufen and wie am Durchmeffer bes Grabbogene gewöhnliche finds S, T, mogen biefe Saufen bedeuten Der im

J. Bernittelst dieser Haaten hente mun den Anabranten an eine gezogene Schnur AB. Die Regel nahmlich steht ver Richtung der Schnur passtallet; Und nun muß man den Augdranten so umseinen Mittelpunks in einer Verticalstäche drehen, daß das loth auf H herabhängt. Alsdenn giebe der Bogen LN der Schnur Reigung gegen den Horisont; Und diese Neigung wurde sich also durch; den Vernier leicht dies auf a Minuten, oder gar bis auf eine angeden lassen.

6. Den Gradbogen aus einem Halbkreise in einen Quadranten zu verwandeln, braucht wohl keine groffe Rechtsertigung, benn warum hat man Winkel anzugeben, die nie über 90 Grad werben

einen Halbfreis gewählt?

7. Den einzigen Vortheil sehe ich ben bemi Halbfreise als Grabbogen, daß man ihn so leicht prusm, selbst wenn seine Haaken sehlerhast sind, durch zwenmaliges Unbenken, die richtige Nei-

gung ber linie finden tann.

8. Aber diesen Vortheil haben die Markschelber nicht einmahl gekannt. Selbst der grosse Mathematiker (der größte Mathematiker unterben Markscheidern, fagte mur was sehr kleines). Dr. d. Oppel nicht. Der bestehlt s. 425. Die haaken zu beugen bis der Gradbogen richtig wird, and giebt S. 514; eine Vorrichtung der Haaken,

an, baben er erinhert, baß fie aber ja gehörig gefellt fenn muffen, wofern ber Grabbogen niche unbrauchbar fenn soll, well sie sich nicht leicht veranbern lassen.

9. Den Quabranten über Tage zu prufen, lassen sich leicht Mittel ausbenken. Die in (3) erstoberten Bedingungen, und die Abtheilungen bes. Nandes und bes Vernier, lasten sich ben einem Werkzeuge, das hochstens vier die funf Zoll im Halbmeffer zu haben braucht, ohne Schwierigkeit

mit bem Birtel prufen.

bogen, in der Stellung der Haaken, wie benm Gradbogen, in der Stellung der Haaken, bestehen. Die kinie KN zeigt mit Hulfe des Vernier; auf die Abtheilungen des Quadranten, und diese könnte: vielleicht der Linie AB nach welcher die Haaken an. der Schnur liegen nicht genau parallel senn, sondern einen kleinen Winkel mit ihr machen. Dies ser Winkel ware unveränderlich, so lange sich die Haaken nicht verbeugen, und also gabe er allemahl einen und denselben Fehler, an welcher Stelle des Umfangs des Quadranten auch N ware, das heißt: welche Donlege auch die Schnur hette.

Dan ziehe also über Tage eine Schnur in bekannter Donlege, und henke den Quadranten an sie. Der Unterschied zwischen der Donlege die er angiebt und der bekannten, zeigt seinen Fehler an. Und sich davon mehr zu versichern, kann man unterschiedene solcher Schnuren ziehn und ihn an jede bringen.

12. Einer

Lage wenn man bequeme Umstånde und Zeit dazu wählen kann, anzugeben, ist durch vielerlen Mittel möglich. Das einsachste wäre: Man lieste von einem Punkte der Schnur ein loch herabhängen, mösse auf dem Winkel der so entsteht, Schenkel und des Drenecks, das sie geben, dritte Seite, und berechnete ihn daraus. Dieser Winkel des loths mit der Schnur wäre die Ergänzung ihrer Docklege. Es ist begreissich, daß man die Messung bequem und sicher anzustellen, die lochstnie besechigen müßte, welches sich wohl über Lage thun liese, aber nicht gut in der Grube, sonst wurde ich auch da, dieses Versahren vorschlagen, Donklegen einer Schnur ohne alle Bradbogen anzugeben.

13. Wenn der Quadrant wegen Stellung bie Haten einen Fehler hat, wenn er jede Donlege um etwas zu groß oder zu klein angiebt, so ist die ser Fehler aus (r2) bekannt und wied ben jedet Donlege in Neuhnung gebracht, ohne vaß man die Haaken etwa anders zu beugen versuchen darf. Go braucht selbst der Ustronome einen fehlerhaften Quadranten sicher, wenn er den Fehler nur kennt, ohne daß er sich die vielleicht fruchtlose Mahe gabe,

ben Febler zu verbeffern.

14. Man kann fragen ob vielleicht biefer Quabraite zu viel kaft bekommen, und die Schnur zu frakk beschweren wurde? Hieraber habe ich folgende kledne Berechnung angestellt, in der Boraussehung man mache auch ben ihm, wie ben bem hatben D. Kreife.

Rreise, nur einen Rand von Meffing, picht eine

polle Scheibe.

14. Wenn Quabrant und gewöhnlicher Grabbogen, gleiche Salbmeffer haben, fo erspart man benm Quabranten go Grab Meffing im Umfange; Man braucht aber etwas jum Bogen bes Vernier. Dieses Bogens Halbmesser, kann ein wenig kleinev fenn, als des Quadranten feiner, ich will ihn aber eben fo groß annehmen. Bill man ihn gu einzelnen Minuten einrichten, fo beträgt er 31 halbe Grade des Randes, und ist in 30 Theile getheilt. Ich will also für ihn und für das Stuck MH zusammen 35 Grad rechnen, so beträgt bie Summe ber Bogen bie benm Quabranten vorfom men 90 + 35 = 185 Grab; alfa 55 Grab weniger als benn Balbfreife. Der Bogen eines Rreifes welcher so lang ift als ber Balbmeffer beträgt Aber 57 Grad (1. aftron. Abh. 102.). Also wird man mohl am Umfange bes Quabrantens fo viel Messing ersparen als zu der bewenischen Regel KN nothig ift, bie er eigen bat. Bielleicht mare es aber gur ficherern Stellung bes Bernier gut, wenn auch an fein anberes Ende O eine Regel von K aus befestiget mare, bag er gleichsam einen Ausschnitt aus einem Rreife barftellte. Wollte man num auch annehmen bag biefe, und bas Stud KO bem Quadranten etwas mehr Gewicht gaben als bem gemeinen Grabbogen, fo murbe es both fur eine Schnur die gehörig start gespannt ift, nicht zuviel رو الله الله 15. Und

15. Und das Alles unter der Voraussehung der Vernier soll einzelne Minuten angeben. Will man sich mit einer Angabe von 2 zu 2 Minuten begnügen, so kann der Vogen AB; 16 halbe Gende sein, und in 15 Theile getheilt werden; das giebt also eine viel b trachtlichere Ersparung am Gewichte.

16. Wegen der Stellung ber Haken ware Einiges ju überleg n. Ben den gewöhnlichen Grabbogen ift ein Haaken nach des Wertzeuges Vorderseite, der andere nach der Ruckseite gebogen, und das dient wie leicht zu sehn ist, dazu, daß des Wertzeuges Schwerpunkt sich in die seigere Ebene durch die Schwur, folglich das Wertzeug selbst, in eine seigere Ebene stellt.

Bringt man benm Quabranten bie beiden haaken T, S, auf der Ruckfeite der Regel an, so besindet sich die ganze kast des Werkzeuges auf einer Seite der Schnur, und es wird sich vorwärts neigm, daß das koth nicht gleich an seiner Ebene anliegm, sondern davon etwas abstehen wird. Ich
seige gleichwoht keine bequemere Stelle für die
haalen.

17. Man wollte benn die Regel NK über Khinaus so lang als ein Halbmesserist machen, und eben auch sie nach der Seite N zu langer machen, daß sie da über des Quadranten Rand heraus ragte. Benn sie solchergestalt einen ganzen Durchmesser vorstellte, könnte man an die bepben Enden dieses

Durchmeffers bie Saaken anbringen wie benm Brabbogen.

28. Eigentlich wird also unmittelbar von der Schnur, die Regel getragen; Und die Regel solleden Stellung erhalten, daß das loth von Güber H herabhängt, nach dem nähmlich der Quadrant einmahl in die se Stellung gehracht ist. Ich glaube das lieste sich durch eine Schraube erhalten die am Ende der Regel in, der Gegend N angebracht wäre, daß man damit des Quadranten Rand sest schrauben könnte.

19. Sollte übrigens jemand der fich mit Ausabung der Markscheidekunst beschäfftiger, meinen Borschlag gut finden, so wird ein geschiekter Mechanieus gar leicht deraleichen Werkzeuge vielleicht noch mit Verbesserungen versertigen.

7. Anmerkung.

Bon den unterschiedenen Arten des Compasses der Markscheider, und derselben Gebrauche.

3u 3B. 25. u. f. §.

1. Wie Winkel mit der Magnetnadel gemessen werden, lehrt schon die gemeine praktische Geomestrie, wo man es mit der Boussole messen nennt. Die Bergleute pflegen sich zu dieser Absicht dreyeralen Vorrichtungen zu bedienen.

2. Die

2. Die erfte heißt ber Seizcompaß. 20. besischreibt ihn 36 g. und bilbet ihn auf ber 14 Fig. ab.

3 Man läßt ben ihm die Magnetnadet auf 122 einspielen, und bringt bas Richtscheid bas sich um seinen Mittelpunkt breben läßt, in die Richtung einer gegebenen söhligen Linie, so hat man dene Winkel dieser Linie mit der Magnetnadel. Eben den Winkel einer andern solchen Linie mit der Nabel; Und solglich begder Linien Winkel.

4. Zu mehrerer Bequemlichkeit hat bas Richte, scheid zuweilen ein Dehr, daß man eine Schnur baran binben, und solche nath ber Richtung ber

lime ziehen kann:

5. Die zwerte, Heißt ver Zergcompaß oder Grubencompaß. 2B. sagt etwas von ihm 38.5., und bildet ihn 15. Fig. ab.

6. Wie W. voselbst erwähne, ein linial etwas: linger als der Durchmester des einzelheiten Kreises, das sich um dieses Kreises Miscelpunkt des bie last, kann allenkälls vazu vienen, daß es die Ubtheilungen im Umsange des Kreises abschneidet, und man also diese Abtheilungen vernitzelst des linialsdas sie abschneidet, sicherer nahrnimmt, also dermittelst der Magnetnädel, die nur von innen deraus auf sie weiset. Wollte man aber Wiedenstellungen an, als die kürzete Nagnernadel, sie würde man sie vielleicht nicht in Weidelers Penkung nehmen, wenigstens würde das nicht wahr seinen Mennen mit einem kleinen Kransporten, kann

man einen Winkel beffen Schenkel noch fo weit über ben Transporteur hinausgiengen, boch nicht schaffer meffen, als in ben Theilen, die ber Umfang bes Transporteurs machen läßt.

7. Ich will also ben Grubencompaß so annehmen, wie man ihn auch ohne bieses linial hat. Weil er sehr gewöhnlich ist, und weil man aus ihm so gleich ben Hangcompaß versteht, so will ich umständlich von ihm handeln.

Ueber ben Gebtauch bes Grubencompaffes Die Lage fohliger Linien ju bestimmen.

g. Gein Raften ift ein Quabrat von dem zwo Seiten mit: SEME, zwo mit OROCC parallel find. 3. Rig.

9. Man tehre bas Geficht nach Rorb fo hat man rechter und linker Sand Dit und Beft

SE von Subeit nach Roffen so vor sich daß ME SE von Subeit nach Rord geht, so hat man auf bem Rasten OGC rechter Hand also ofwarts, OR linker Hand, also westwarts.

auf ihm von ME durch OCC bis SE und von

wie in L. Anm. 11.

11. Wenn ich fage die Nadel weißt m Stunden fo kann im auch ein Bruch fepn oder eine ganze Zahl mit einem Bruche, z. E. 7 gewenn sie 7 und 3 Achtheil Sta weißt.

Bende Enben van ihr weifen einerlen Stunde, wie u. Unm. III. Das

12. Das' morbliche Ende ber Rabel fen P; bas fübliche Q, ihr Mittel K; alfo KP ihr nordlichee Ebeil.

13. Wenn P im Halbfreise OCC ist 8. Sig. so

find nach (10) die Winkel

MKP = m Stunden, SKP = 12 - m Stunden.

14. Wenn Pim Salbfreise OR ist, 10 Fig. st ist MKP = 12 - in Stunden, SKP = m Stunden.

15. Man fahrt auf ber Linie AB nach bem Theb le von ihr zu, nach bem man bas Geficht febet.

16. Man halte ben Compaß fo vor fich, baß SE nach ber Begend ju fleht, nach welchee man ju fabrt, alfo ME ju nachft am leibe ift.

Go lege man ihn an AB mit einer ber benbeit

Seiten die mit MESE parallel find.

17. Bas für Stellungen feine Rabel alsbenn befommen tann, lagt fich folgenbergeftalt burchjählen.

18 Man nehme willführlich eine Stelle in AB an, etwa bie, in welcher die Einie OROCC sie schneibet, wenn ber Compag nab (15) an fie gee

halten wirb.

19. Durch biesen Punkt welcher k heisten mag, felle man fich eine Magnetnabel pq vor, Die alfo der Radel des Compasses allemabl parallel senn wird; p und q; find auch ihr nordliches und fiide liches Enbe. .44}.

20. In ber 8; 9; Fig., ist B in bem Theile

nach dem man zu fährt (15)-الله ره

21. Geht

21. Geht kB westwarts van kp (8. Fig.) so salt P in den Ralbfreis OCC.

22. Geht k B oftwarts von kp (9. Fig.) fo fallt

P in den Halbkreis OK.

23. Der Kürze wegen nenne man z, ben Winkel den der Theil der Linie nach dem man zu fährt, mit der nordlichen Hälfte der Nadel macht, in der 8; 9; Fig. z = pkB = SKP. Er heise oflich oder westlich, nachdem kB von pk ostwärts (9Kig.) oder westwärts & Fig. fällt.

24. Wenn ber Nabel bes Compaffes norbliche Spife im Halbfreife OR ift, fo ift z = m Stun-

ben oftlich (22; 11.).

25. Wenn diese Spise im Halbkreise OCC ist, spist, z = 12 — w Stunden westlich (21; 13)

26. Ferner ift z

in (24) spisig wenn m < 6
flumpf >
(25) spisig >
flumpf

27. Der Nadel sübliche Hälfte ka, macht mit dem Theile kB nach dem man zu sährt den Winkel akB = 180 — z, und kB liegt auch ge-

gen ka oftlich ober westlich wie gegen kp.

28. Wenn also ber Theil ber linie nach bem man zu fährt mit ber nordlichen Hälfte ber Rabel einen stumpfen Wintel macht, fo könnte man aligeben, was für einen spisigen er mit ihrer stolligen macht.

. 1.43) 06.13 111 3. **9. Die** 29. Die 10 Fig. stellt vor wie es aussasse wenn man auf der Linie AB der & Fig. von B nach A führe.

Wenn man ber Nabel Abweichung weiß, bie lage ber linie AB gegen bie wahre Mittagefinie zu finden:

30. Es sen 10 Fig. NS bie mabre Mittagelinie, Nkp bes nordlichen Theils ber Nabel Abweichung von Norden, ben man weiß.

Mun weiß man auch Bkp Folglich NkB.

Nach dem unterschiedenen Verhalten der Abweichung ber Nadel, und des Winkels pkB, ift NkB bald Summe bald Unterschied bender Winkel, welches sich leicht in jedem besondern Falle giebt.

31. Es sen Nkp = 16°; Bkp = 50° estlich

fo ist NkB = 34°.

Aus den Stunden in den zwo Linien streichen ihre Winkel zu finden.

32. Die Linie F f streiche in m Stunden 11 Fig. G 2 n

Durch ihren Durchschnitt O gehe bie Magnete undel p q.

of if pof = qof = m et.

-so that pog = qog = 12 - n

de friedri

33. Daher

33. Daher FOG = fOg = n - mFOg = GOf = 12 - (n - m)

34. Der Linien Winkel giebt fich alfo allemahl burch den Unterschied ihrer Stunden; ift dieser Unterschieb felbst, ober besten Erganzung zu 12 Stunden, nachdem man den einen Winkel oder deffelben Nebenwinkel nimmt.

35. Wird aber nun folgendes gefragt: Man tommt aus einer Linie die in m St streicht, in eine die in n St. streicht, was machen die bepben Theile dieser Linie nach denen man zu gefahren ist, für einen Winkel, so glebt es unterschiedene Falle.

736. Man könnte von FO auf OG ober Og fabrien, und entgegengesest, von fO auf Og ober OG.

Falle lage

FO swifthen 90 und GO

38. In (33) wird alsbenn n — m verneint, welches anzeigt, Okt salle nicht auf die Seite von OG welche die Figur darstellt, sondern auf die entgegengesette.

39 Chen so wird für (37) in (33) FOg großter als is St. Nahmlich FOg ist ber Binkel bieser kinien in ben Op fallt; dieser Winkel bentragt nun mehr als igo wenn Og ihre sage behålt, aber OF zwischen OG und Og liegt.

40. Man tonnte biefe Mannichtaleigkeit von Fallen burch ben Gabrauch ber positiven und negativen Groffen (37) auf eine geringere Anzahl

bringen und bastir Regeln geben. Es wurde aber immer zu berselden richtigen Auwendung viel Aufamerksamkeit nothig seyn, und baber bente ich der Winkel zwischen einen Paar Linien auf den man gefahren ist bestimmt sich am besten so:

41. Man giebe 12 Sig. AB welches bie erfte.

linie bedeute nach ter man gefahren ist.

42. An ihrem Endpunkt B zeichne man sich eine Magnetnadel pa nur in die ohngefahre tage daß man bemerkt, ob derseiden nordlicher Theil Bp; westwarts oder oftwarts don BA liegt, das ist ob BA in Ba verlangert westwarts oder oftwarts von Bp liegt.

43. Nun wiß man aus ber Stunde ber Linie AB; und daraus ob die Nordspise P der Nadel des Compasses in OR oder OCC gewesen ist, ben

Winkel pBn ber bas z von 24 ober 25 ift.

44. Eben fo weiß man für die andere linie BC:

ben Winkel pBc.

45. Mein weiß alfo, welcher biefer benben Bintel fleiner ift, auch ob Ba; BC; auf einer Seite ber Nabel ober auf unterschiedenen liegen.

46. Und fo weiß man die Wintel aBC, ABC.

47. Exempel. Wenn das Nordliche Ende der Nadel des Compasses an AB in OCC ben 2 St. steht, und an BC in OCC ben 43 so giebt

ber erste Stand pBa = 10 St.

ber zweyte pBC = 2

aBC = 2

ABC = 10 = 150°

48. In welchem Halbtreise bes Compasses bie nordliche Spisse ber Nabel ist, läßt sich gleich nach ber (10) angezeigten Urt wie die Stunden eingeschrieben sind angeben. Man sesse nahmlich nur vor die Zahl ber Stunde Mer ober Sept. das erste bedeutet P weise auf diese Stunde nach meinen vorhin gebrauchten Ausdrückungen, in OCC; das zwente in OR.

49. Go wurden bie bepben in (47) angegebe-

nen Wintel fo bezeichner Mer. 2; Mer. 4.

50. Dieß (48) ist eine Bezeichnung wie die welche ich in der 1. Anm. XVIII. noch den der dort angesührten Erinnerung bengebracht habe. Bas ich hie von den benden Halften des Compasses Or und Occ gesagt habe, bezieht sich nicht auf die Unsternbtheilung die ich am anges. Orte für entbehreitich erkläre, sondern hier mußte ich diese benden Halften nennen, um den Gebrauch gegenwärtigen Compasses dadurch zu erläutern, und zu zeigen weswegen Or. und OCC: gerade an Stellen stehen, die denen entgegen gesest sind, wo sie eisgentlich stehen sollte (9).

Hängcompaß W. 25. S.

51. Diese britte Art des Compasses ift eigentlich ein Grubencompaß (5) so eingehenkt, daß er sich durch die Schnur jedesmahl magrecht stellt. Was also seine Abthellungen betrifft, ist Alles bisher ersklatt worden.

52. Benn eine Schnur, in welcher Schiefe gegen ben Horizont, man will, gezogen ift, umb Diefer Compag baran gebenft wird, fo ftellt fich bie linie die an ihm burch E , F , in Beiblers 4 Sig. geht allemabl borigontal, in einer Berticalflache burch bie Schnur; (foblig in ber feigern Cbene). Ift alfo biefe linie mit Se Me bezeichnet, und ftebt so wie benm Grubencompasse (16) ist gefagt worben, fo giebt bie Nabel, wie benm Grubencompaffe an, was bie linie EF für einen Winkel mit ber Mittagslinig ber Nabel macht. Diefer Bintel ift aber berjenige ben bie Berticalflache burch Die Schnur mit ber Berticalflache burch Die Dabel macht; Ober; die Abweichung ber Berticalflache burch die Schnur vom magnetischen Mea ribiane.

53. Zieht man also in der Verticalstäche durch die Schnur, eine Horizontallinie, durch den Punkt um den sich die Nadel dreht, (denn dieser Punkt ist, vermöge der Vorrichtung des Hangecompasses im jeher Verticalstäche) so giebt der Hängecompass den Winkel an, den diese Horizon.

tallinie mit der Radel macht.

54. Und nun, nehme man in der Verticalstäche durch die Schnur, einen Punkt an wo man will, und ziehe durch ihn, zwo Linien, eine, in der Verticalstäche, aber horizontal, die andere der Nadel parallel, so machen (Geom. 46. S. 2 Zus.) diese Linien den Winkel (52) der also auch durch die Nadel angegeben wird.

55. Das heißt kurz: Der Hängecompaß giebt bas Streichen, jeder söhligen kinie, in der seigern Ebene, durch die Schnur, an die er gehenkt wied.

36. Sind aus einem Punkte zwo Schnuren gezogen, so lehrt det Hangecompaß, was die selgere Ebene durch sebe Schnur für einen Winkel mit
dem magnetischen Meridian macht (51) Diesen
magnetischen Meridian, kann man sich hier als
eine Ebene durch sener benden Durchnitte vorstellen. Daß der Durchschnitt seiger ist tehrt Geom.
48 S. und so ist jede Ebene durch ihn seiger.
(Geom. 47. S.). Wenn man also einen Punkt
in ihm nach Gefallen annimmt, und dadurch eine
söhlige Linie, der Nadel parallel zieht, so ist eine
Ebene durch diese schlige Linie und der Durchschnitt
der magnetische Meridian.

57. Der Hangecompaß giebt also, was für Winkel die benden seigern Shenen durch die Schnuren, mit einer britten, burch ihren, der Sbenen, Durchschnitt machen. Es ift leicht zu sehen, daß man hieraus der seigern Sbenen Winkel selbst weiß.

8. Unmerfung. Ueber Die Eifenscheiben.

AB. 39. §.

1. Was B. a. a. D. Stundenscheiben nenne, beissen Undere Eisenscheiben. Jene Benennung soll Scheiben anzeigen die in Markscheiderstunden abgetheilt, diese, Sebeiben die in Eisen-Bergwerken gebraucht werben.

2. Es giebt Eisenerge, die nicht so merklich in die Magnetnadel wirken, daß ein Compaß den man unter ihnen gebraucht unrichtig wiese. Bener VI Th. Prop. XXX: rechnet den Glastopf dabin. Bo aber von einer solchen Wirkung der Eisenerge mehr zu befürchten ist, da wird man also die Wintel mit dem Compasse nicht sicher abnehmen fonnen.

3. Statt bessen, ließ sich also etwa solgendes angeben: Ein Kreis sen eben so wie der Compaß, in Stunden eingerheilt, und mit den Weltgegenden bezeichnet. Um seinen Mittelpunkt lasse sich in seiner Ebene eine Regel drehen, die am Ende etwa mit einem Dehre versehen ist, daß man eine Schnur daran binden und nach der Richtung der Regel, also nach einer Linie die aus des Kreises Mittelpunkt ausgeht anziehen kann. So was ohngesähr giebt eine Sisenscheibe.

4. Der Gebrauch wenn man horizontal fort-

geht, wird fich etwa fo vorstellen laffen.

5. A fep 13 Fig noch etwas vor dem Mundlor che eines Stollens in einem Eisenbergwerke, B im Stollen AB eine fohlig ausgespannte Schnur.

6. Man wied unweit A noch nicht fo viel von ber Birtung bes Gifenerzes auf die Nabel befürchten burfen, alfo bringe man ba ben Compag an, und

bemerte die Stunde in welcher AB streicht.

7. Als eine Borfichtigkeit empfiehlt hieben Bener VI. Th. Prop. XXX. ben Compaß zwenmahl ans zubringen, einmahl an eine Seite ber Schnur, bas anderemahl an die andere, und zu feben ob er bendebepdmahl eine Stunde weiset, wenn er bas nicht thut, eine andere Stelle statt A zu suchen, wo bas geschicht.

8. Dim find BE, EF, ein paar andere foblige tinien, bereu Streichen will man vermittelft ber

Eisenscheiben abnehmen.

9. PQ sen die tage der Magnetnadel ben A (1) P ihre nordliche Spise. Man hat den Compasi so gestellt, daß SE auf ihm von A gegen Blag, (7. Unm. 16.), so giebt die Napel auf ihm eine gewisse Stunde an, die mit dem Winkel PAB übereinstimmt, den AB mit der Nadel nordlicher Haller Mahel nordlicher

10. Run bedeute der Kreis um B die Scheibe, söhlig gestellt. M, S, bezeichnen auf ihr Suden und Norden, AB schneidet ihren Umfang in a, und verlängert in C, die Frage ift: wie stellt man die Scheibe daß SM mit PQ parallel steht?

von M bis a an ihr so viel Stunden fenn, als aufdem Compasse zwischen AB und AP enthalten sind.

12. Der auch zwischen S und a auf der Scheibe, so viel Stunden als zwischen BA und AQ auf

bem Compaffe.

13. Vermöge dieses Verfahrens wird SM auf der Scheibe, so gestellt, daß man weiß sie stehe der Nadel parallel, und zwar auch so, daß was auf der Scheibe Norden und Suden bedeutet, nach einerlen Gegenden mit dem nordlichen und subliachen Ende der Nadel liegt, daß man also annehmen

men kann der Compass fep in B gebracht und SM fep die Radel.

14. Nun ziehe man die Schnur an der Regel (3) an den Punkt E; so stellt sich die Regel nach Be daß e in BE liegt. Und nun ist der Winkel SBE eben der welchen BE mit der nördlichen Hälfete einer Nadel machen wurde, wenn man den Compage in B bringen durste (13).

15. Also giebt Be auf ber Scheibe die Stunde an, in welcher BE streicht, die Stunde, die man finden wurde, wenn man den Compaß in B bringen hurste, und die Stelle auf ihm die mit SE bezeichnet ist, auf BE von B nach E zu legte.

16. Den Fortgang blefer Arbeit zu übersehen, stelle man sich ben bem Kreife um E, eine andere Scheibe jener vollkommen abnlich vor. Auf ihr bedeuten I, m, was auf jener die gleichgultigen groffen Buchstaben bebeuteten. Auf ihrem Rande fen b in der kinie EB, nach B zu.

17. Diese Scheibe jo zu stellen, baß auf ihr Im mit SM, folglich mit ber Nabel parallel ist, muß man machen baß zwischen m und b so viel Stunden sind als zwischen S und e; oder zwischen

I und b fo viel als zwischen M und e.

17, Diese Borschrift bruckt Bener 198 S. mit folgenden, sonst wohl ziemlich unverständlischen Worten aus: Dieses ist anden zu gedenken, daß wenn die erste Scheibe Sept, ist, die andere Merid. sepn muß.

18. Zieht man nun die Schnur an ihrer Regel durch F, so stellt sich die Regel nach Ef, und die Stunden zwischen sund f, geben der linie EF Streichen eben so an, wie es ein Compaß angeben wurde, wenn man ihn in E bringen durste, die Stelle SE auf ihn von E nach F zu legte; und seiner Nadel nordlicher Theil auf El siel.

19. Ich hoffe man wird das Bisherige, von dem Verfahren mit den Eisenscheiben, und desselben Gründen deutlicher finden, als was Weidler und Beher davon sagen. Sie erfodern dazu zwo Scheiben, wie die erste in B, die zwehte in E. Dieses wäre wohl nicht nothwendig, wenn man die eine die man hätte, von B wegnahme und gehörig in E stellte. Es würde aber frenlich, weil die Schnur nach BE über sie weggeht, mit dem Abnehmen und Wiederanspannen der Schnur, Mühe, Zeitverlust und vielleicht Jreihum verurssachen.

20. Da ber Umfang ber Scheiben so groß gemacht, und so scharf abgetheilt werden kann, als
bes Compasses seiner, so giebt wohl dieses Versahren
unter den disher angenommenen Umständen eben
die Richtigkeit, die sich durch den Gebrauch des
Compasses selbst erlangen liesse. Zum vorausgesest, daß man die Linien SM, sm, allemahl genau parallel stellen kann. Da könnte nun freylich
BE mit SM einen Winkel machen, der sich durch
die Abtheilung der Stunden die mad auf der
Scheibe zu machen im Stande ist, nicht genau genug

nua angeben lieffe, und da lieffe sich auch im nicht volltommen richtig stellen. Das ware aber ein Sehler bes Bertzeuges, nicht ber Methobe. Diefe wurde boch was Richtiges geben, wenn man nur ben ihr ein Bertzeug von geboriger Bolltom. menbeit brauchte.

20. Bas aber nun ben bem Bebrauche ber Gie fenfcheiben als bie vornehmfte Schwierigkeit anzus

seben ift, wird aus Folgendem erhellen.

21. Der Segcompaß, und ber Grubencompaß geben ble lagen fobliger linien gegen bie Magneta nabel; ber Sangeompaß, an einer bonlegigen Schnur gebraucht, giebt bie lage ber Berticalflas de burch biefe Schnur, gegen eine Berticalflache burch seine Magnetnadel, bas ist: bie Stunde jeber fohligen Linie in ber Vertiraffiche burch bie Schnur (7. Anm. 54).

22. Lagt fich nach R, von ber Stelle wo man ben Compaß brauchen barf eine Horizontallinie gieben, fo tann man ihre Stunde mit dem Grubencompaß abnehmen, ift aber biefe Stelle hober ober niedriger als B, fo bringt man ben Sangeacompaß an bie Schnur die von ihr nach B gezogen ift, und findet burch ibn, bas Streichen jeber Dorizontallinie in ber Berticalflache burch bie Schnur.

23. Alfo tann man allemahl annehmen, Al fep eine fohlige Unie beren Streichen man weiß.

24. Run aber fen von B eine bonlegige Schnur' gezogen. Die feigere Chene burch biefelbe ichneis be die söhlige Ebene burch AB, in BE.

25.-Durf-

25. Durste man ben Sangecompaß weiter fort gebrauchen, so brachte man ihn an diese Schnur, und fande baburch bas Streichen ber kinie BE.

26. Da aber biefes wegen bes Gifenerges, nicht

perstattet ist, so entsteht folgende Frage:

Um B 14 Fig. als einen Mittelpunkt, befindet sich eine sählige Scheibe, in Stunden eingetheilt. Auf ihr ist MS der Magnetnadel parallel. Nun geht von B eine Linie aus, nicht söhlig sondern donlegig, also nicht in der Ebene der Scheibe. Wenn man sich nun durch diese Linie eine seigere Ebene vorstellt, wo schneidet diese Ebene, die Ebene der Scheibe? Soll Be diesen Durchschnitt bedeuten, in dessen Berlangerung E liegt, so fragt sich also: Wie sindet man die Lage dieser Linie BE gegen BS, oder: ihr Streichen?

27. In der 14 Fig. sen AB die söhlige Linie, deren Streichen man mit dem Compasse abgenommen, in B stehe die Eisenscheibe söhlig, und SM sen der Nadel parallel. Das läßt sich allemahl wie vorhin bewerkstelligen, wenn auch gleich die nächste Linie, an die man kömmt, nicht mehr wie

norhin fohlig, sondern BK; donlegig ift.

28. Wenn man von einem Punkte der Linie BK ein Loth herabhangen lieste, und das so lange fortsührte, dis dieses Loth ke; an den Umfang der Scheibe in e trafe, so ware das Drepect Bke in der seigern Schene durch BK; und in derselben Be schlig. Wie viel Stunden zwischen S und e sind, suche man auf dem Rande der Scheibe. Also hat-

te man die Stunde der Linie BE die durch B, fohe lig in der Leigern Sbene durch BK geht, eben fo gut, als menn man an BK den Hangecompaß andrin-

gen durfte.

29. So was schlägt Voigtel vor; P. 14. 112. S. Weibler S. 54. Res. 2. 6. Bener P. 6. Prop. 30. befürchtet es werde sehr mühsam, auch ben flachen Scheiben und scharfen Winkeln gar nicht thunlich senn. Beschwerlichkeit und Gesahr

zu fehlen, gesteht Boigtel felbst 113 G.

30. Gienge von K nach L eine andere donlegige Linie, mit welcher man diese Arbeit sortsesen wollte, so mußte man erstlich die zwente Scheibe in K sohlig stellen, darnach die Linie Im auf ihr, der SM parallel machen. Zu dieser Absicht mußte man sich durch K eine söhlige Linie in der seigern Sbene durch BK vorstellen, und es so einrichten, daß auf dem Rande der zwenten Scheibe, von m bis dahin wo diese söhlige Linie ihn schneidet, so viel Stunden wären wie auf der ersten Scheibe zwischen S und c. Dieses ist ein Versahren wie in (17).

31. Die söhlige Linie durch K anzugeben (30), wenn nur die Scheibe ben K söhlig steht, könnte man sich wieder eines lothes bedienen, das man hart an KB, und am Rande der Scheibe heradbangen liesse. Eine Linie durch K, und die Stelle wo dieses loth an den Rand trifft, ware in der verlangten söhligen Linie, und nun mußte man die Scheibe so drehen, daß zwischen m und der Stelle

€ 3

wo bas loth an ihren Rand triffe, fo viel Stun-

ben waren, als zwischen S und o.

32. Nachbem man die zwente Scheibe gehörig gestellt hatte, machte man mit ihr und der kinie KL eben das was mit der ersten und der kinie BK gemacht hatte.

33 Es ist leicht zu erachten, baß man auf Mittel wird gefonnen haben, Arbeiten, bie fo muhsam und ber Gefahr zu fehlen so fehr ausgesest

find etwas anders einzurichten.

34. Boigtel P. 21. schlägt bazu folgendes vor. Mitten durch eine Scheibe, senkrecht auf ihre Scheiden gehen geben Enden offen. Durch das Röhrchen gehen zweene Faden jeder durch die Deffnung über der Scheibe, und auch durch die unter der Scheibe heraus, jeder ist mit seinen bevoen Enden zusammen gebunden, daß er wie eine Schlinge macht, an die man eine Schnur anbinden kann. Der Faden sind zweene, damit man so an jeden eine Schnur anbinden, und spie Schnur nach entgegengesetzen Gegenden anziehen kann.

35. Wenn nun die Scheibe sohlig steht, also das Röhrgen seiger, und eine Schnur angezogen wird, so machen natürlich, die benden Theile des Fadens an den sie gebunden ist, der Theil der oben vom Röhrchen, und der Theil der unten herausgeht, mit dem Theile der im Röhrchen steckt, ein Dreyeck, und von diesem Dreyecke ist die Seite die im Röhrchen steckt vertical, solglich die ganze Sone des Dreyecks.

Drepeds. Die Schur also, mag söhlig, seiger, ober bonlegig angezogen sepn, so stellt sie allemahl die Seene dieses Drepeds seiger, und da sie selbst in dieser Seene ist, so giebt sich auf diese Art

eine feigere Chene burdy ble Schnur.

36. Nun läßt sich um den Mittelpunkt der Scheibe eine Regel, der Ebene der Scheibe parallel drehen. Diese geht etwas über den Rand der Scheibe hinaus, so weit daß sie allemahl von einem der benden Theile des Fadens die zum Röhrechen herausgehn kann angegriffen und fottgeschoben werden, so daß eine ihrer Seiten in der Ebene des Drepecks liegt.

37. Diese Seite ber Regel, ist also eine fobile ` ge kinie in der seigern Sbene durch die Schur (35).

38. Und nun erhellt was der Gebrauch dieser Scheiben senn fonnte. Wenn auf einer solchen Scheibe irgend eine Linie der Magnetnadel parallel gestellt, ware, so gabe der Winkel den die Regel mit dieser Linie macht, das Streichen einer söhligen Linie in der seigern Sbene durch die Schnur. Eben das was man fande, wenn man den Hangecompaß an die Schnur bringen durste.

39. B. theilt biese Scheiben in Grabe, nicht in Stunden. Dieses und was Er von ihrem Gesbranche sagt, mag man ben ihm nachlesen, ba mir genug ist, ben Zusammenhang dieser sinnreischen Angabe, mit dem Vorherigen gezeigt zu haben. Man sehe auch Leupolds Theatr. Mack.

E 4

Supplem. T. XXH.

40. Beyers

40. Beners Vorschläge zu Verbesserung ber Eisenscheiben, kann man ben ihm P. VI. Prop. 30. lesen. Ich finde darinnen nichts, die Schwierigskeit wegen bonlegiger Linien zu heben.

41. Eine föhlige linie anzugeben, die fich in der feigern Sbene burch die Schnur befindet, und bas Streichen dieser linie zu bestimmen, ist wohl die beste Vorrichtung, des Irn. v. Oppel zwedte Si-

fenscheibe Martideibet. 495.

In Sprengels Handwerken und Kunsten, fortgesett von Hartwig, VIII. Samml. 6. Abschnitt, sind unter den Arbeiten des Mechanicus, auch die Markscheiderwerkzeuge erzählt. Da ist 7. Theil 41. Fig. diese Eisenscheibe abgebildet. Was dorten das Richtscheid heißt, muß mit dem daran befindlichen Arme, in einer Sbene senn, welche auf der Sbene des eingetheilten Kreises senkrecht steht; die Figur stellt diese lage sehr schief vor, und im Lerte 351. S. ist nichts gesagt, diesen Irrthum den die Figur veranlassen kann zu berichtigen. Des Hrn. v. Oppel Zeichnung weiset die gehörige lage.

42. Soviel von dem Gebrauche der Eisenscheisben da man ihre Ebene söhlig stellt, und doch damit das Streichen einer söhligen Linie in einer seigern Ebene durch eine donlegige Schnur abnehmen will. Der Hr. v. D. a. a. D. 493. erinnert mit Rechte, daß die Foderung eine ganze Ebene söhs lig zu stellen, nicht so gar leicht zu ersüllen sen. Dieses hat ihn veranlaßt, eine Eisenscheibe anzus geben, ben der nur eine Linie söhlig sen muß.

Weil

Weil er die Regeln von derfelten Gebrauche ohns Beweis lehret, so wird es nicht undienlich senn, die Theorie derfelben hier benzubringen. Wegen der umständlichern Beschreibung und Abbildung des Wertzeuges darf ich auf sein Buch verweisen.

- 43. Eine Scheibe 15 Rig. ist so vorgerichtet, daß man ihren Durchmesser MN horizontal stellen kann, und daß sie sich um diesen horizontalen Durchmesser, in jede schiefe Ebene breben läßt. Ein anderer Durchmesser KL ist auf jenen senkercht. Jeder der vier Quadranten, die sich so geben, ist für sich in 90 Brad getheilt. Diese Grade werden von K und L gegen M und N gezählt, daß also 90 im horizontalen Durchmesser steht.
- 44. Um der Scheibe Mittelpunkt C, dreht sich eine Regel, der Ebene der Scheibe parallel. Man kann ans Ende der Regel eine Schnur befestigen, die sich also als eine Berlängerung der Regel, in der Ebene der Scheibe ansehen läßt. Die Schnur kann jede schiefe kage haben, weil sich die Ebene der Scheibe nach Ersodern drehen läßt.

45. Die Richtung biefer Schnur fen CD. Sie

Schneibe ben Umfang ber Scheibe in E.

46. Wenn man den Gradbogen an die Schnur benkt, so erfährt man ihre Donlege. Ferner giebt der Bogen NE auf der Scheibe, was die Schnur für einen Winkel mit der sohligen Linie macht.

47. Ware nun MN der Magnetnadel parallel gestellt, so durfte man nur suchen, was eine sob-

lige linie burch C in ber seigern Ebene burch bie Schnur für einen Winkel mit MN machte. Das gabe bieser linie Streichen.

48 Diefes führt auf folgende Frage:

Man weiß den Winkel NCE = 90° — m; Sein Schenkel CN ist horizontal; der andere CE, macht mit dem Horizonte einen gegebenen Winkel = p; die Seene ECN aber ist nicht vertical, sondern schief, Wenn nun die verticale Ebene durch CE, und die horizontale durch CN einander in CR (16 Fig.) schneiden, so sucht man den Winkel NCR = t.

49. Es giebt unterschiedene Wege diese Ausgabe aufzulösen. Ich werde selbst in der Folge eine allgemeinere abhandeln, unter welcher sie als ein besonderer Fall enthalten ist. hier will ich die Auflösung nur kurzlich ans der sphärischen Trigonome.

trie berleiten.

50. Man nehme wie verstattet ist, (16 Fig.) CE = CN = CR; so kann man C als den Mittelpunkt einer Kugel ansehen, und mit dem Halde messer der Kugel, die Bogen EN, ER, RN, beschrieben, entsteht ein Rugeldrepeck das ben R rechtwinklich ist. In demselben, weiß man die Hypothenuse, EN, und die Seite ER, als Maasse ber ber berden gegebenen Winkel. Man sucht die Seite RN, das Maaß des unbekannten. Also in meiner sphärischen Trigonom. der rechtwinklichte Drepecke 14 Fall

bier 90°—m PA BA

Folglich

Folglich col t = r. fin m

51. Prempel. Der Schnur Donlege sen 25 15'= p. Sie schneibe auf ber Eisenscheibe ben Wogen KE = 50° 30' = m ab. So ist 10 + log fin w = 19, 8874061

 $\log \cdot \cos p = 9,9563870$

log col t = 9, 9310191 glebt $90^{\circ} - t = 58^{\circ} 34'$ also t = 31 26 +

52. So fanbe fich in biefem Erempel 31 Se. 26 m; für ben horizontalen Wintel NCR, welcher bem Bintel in einer Schiefen Chene NCE = 39 Gr. 30 m jugehort, wenn benbe Winkel einen borizontalen Schenkel gemein haben.

- 53. Die Formel (50) ist nach ber Vorrichtung bon bes grn. v. D. Scheibe eingerichtet, wo unmittelbar ber Winkel KCE = 90° - NGE geges ben ift. heißt man NCE ober 90° - m = hs so wird die Formel

colt = r. colhcofp

14. Der Bintel p; die Reigung einer linie gegen ben Horizont, ift allemahl fpifig. Es mache freslich eine Unie mit bem Horizonte zweene Debenwintel von benen einer flumpf ift; Unter bet Reigung aber verfteht man boch ben fpigigen.

55. Der Windel li, ben die schiefe linie mit ber horizontalen macht, kann auch allemahl für spisig angenommen werden.

In der Figur ift NCD spisse. Ginge aber eine schiese linie von C durch den Quadranten MK hinaus, daß sie mit CN einen stumpsen Winkel machte, so machte sie mit CM einen splsigen, und der hiesse nun h.

56. Wenn biese beyben Winkel spisig sind, so ist auch t spisig. Denn er ist gewiß kleiner als 180 Gr. und sein Cosinus ist bejaht (Trigonom.

3 Erkt. 4 Zus.)

57. Jeder Sinus ober Cofinus, ist kleiner als

ber Sinus totus. Folglich ist cosp in (53) ein

uneigentlicher Bruch, und weil man cosh damit multiplicirt, so kömmt cost > cosh; baber, weil hier alle Winkel spisig sind, e < h.

58. Das heißt: ber horizontale (söhlige) Bin-Eel NCR ist kleiner als der in der geneigten (donlegi-

gen) Chene NCE.

59. Hätte man den Winkel NCR gemessen, und wollte daraus NCE berechnen, so gabe sich dafür cosp. cost

aus (53) vie Formel — cosh

60. Der Sr. v. D. macht sich baben ben Einswurf: Man fande vielleicht auf der Scheibe nicht allemahl den Winkel, den die Schnur mit der siche ligen linie macht, richtig genug angegeben; daraus wurde

wurde also ber soblige Winket nicht gang richtig berechnet werben, wenn man auch gleich bie Don-

lege, wie er annimmt, genau batte.

61. Seine Antwort hierauf laßt fich, auf meis ne Figur angemandt und dadurch erlautert so vorstragen: Man sindet aus dem grössern Bogen EN, den kleinern NR (58) ein Fehler also beym größern begangen, giebt einen geringern Fehler beynn fleinern.

62. Daß ein Fehler benm Rleinen geringer mirb als benm Großen, gilt nur, wenn bas Klei-ne bem Großen ahnlich ift, g. E. Wenn man eine Bigur verjungt, fo wird ein Fehler ber in einer Seite ber groffen ist begangen worben, ben ber abnlichligenben Seite ber Rleinen, geringer. Daren die Bogen EN, NR, einander abnlich, bata te einer so viel Grabe als ber andere; und man batte bes Groffern lange auf irgend eine Art gemessen, baben aber um Etwas gefehlt, so murbe man, nach bem Sabe baß fich die langen abnlichet Bogen wie ihre Salbmeffer verhalten, bes Kleinern lange auch mit einer Unrichtigkeit wiffen, fie ware aber geringer, als Die benm Groffern begangene.

Aber bier find ber fleinern und gröffern Bos gen nicht ahnlich, und also ist fein Grund vorhan. ben allgemein zu schlieffen, man werbe bepm fleinen

weniger fehlen als benm groffen.
63. Ein Erempel mirb auch fogleich bas Bes gentheil zeigen. Man sebe, bie Gröffen in (51) find

sind die wahren. Man hatte aber, aus Jerthum, oder weil die Scheibe nicht genau genug eingestheilt war, statt des wahren m; nur 50 Grad genommen, also statt des wahren h; 40 Gr. Jes nen Winkel einen halben Grad zu klein, diesen, den Winkel in der schiesen Ebene, einen halben Grad zu groß. Die Donlege ware richtig. So sühre man die Rechnung nach (73) aus dem uns richtigen h.

10 + log cof 40° = 19, 8842540 log cof 25° 15' = 9, 9563870

log cos t = 9, 9278670
Also findet sich dieser
unrichtige t = 32° 7° —
zuvor (51) der richtige = 31 26 +

Der unrichtige zu groß um o 40

Allso beträgt bie ber Fehler benm horizontalen Winkel 10 M mehr als ber benm geneigten. Und ist nicht wie Hr. v. D. sagt geringer

64. Dieser Saß bes Hrn. v. D. ist also nur eine kleine Uebereilung. Der Versasser ber Analysis Triangulorum, nahm sich hier nur die Zeit nicht, die Sache nach seinen so gründlichen und tiesen Kenntnissen zu untersuchen. Es ist bekannt daß man Formeln hat, kleine zusammengehörige Aenderungen, der Seiten und Winkel eines Dreyecks zu vergleichen, dergleichen ich in meinen astronomischen Abhandlungen I. Sammlung I. Abh. 23 für ebene Dreyecke, II. Abh. 2. Cap. für Kugelbrevecke

geldreyede gegeben habe. Sie beruhen auf den Ausdrückungen der Differentiale von Winkeln, durch die Differentiale ihrer trigonometrischen lie nien, und wer also solche Differentialsormeln kennt, kann sich sür jeden vorkommenden Fall, die Vergleichung alsobald machen, ohne ein Buch deswegen nachzuschlägen.

65. Zu gegenwärtiger Absicht, sesse man in (53); $r = \tau$; p unveränderlich, und differentitre. De sindet sich

 $20\% dt = \frac{\sin h \cdot dh}{\sin t \cdot \cosh}$

66. Diefe Formel giebt immer etwas ber Babre beit nabes, wenn auch gleich die Aenderungen ber Binkel, die man bier als Differentiale ansieht, eie nige Minuten betragen.

67. Auf jesiges Erempel wurde man sie.so ans wenden: Man hatte h = 40° gefunden, ware aberungewiß, ob der wahre Winkel nicht etwa 30 M. kleiner ware. Man wollte also berechnen, wie viel sich der Winkel t, den man (63) berechnet hat, andern wurde; wenn man ihn aus einem h der um 30 M kleiner ware berechnete.

Also seste man dh = 30 Min., wo man ben bem Gebrauche ber kogarithmen auf bas Zeichen nicht acht zu geben nothig hat, bie Anwendung bessel.

besselben ist nur, daß man sieht, de sen verneint, wenn dh'es ist, oder : t und h nehmen zugleich ab.

Nun wäre log sin h = 0, 8090675 — 1
log 30 = log dh = 1, 4771212

Summe = M = 1, 2851887
log sin 32° 7' = log sin t = 0, 7256217 — 1
log cosp = 0, 9563870— 1

M — N = 1, 6820087 — 1

Dieß ist log dt; gehört zu 40, 10; Und zeigt also t nehme um 40', 1 ab, wenn h um 30' abnimmt. Welches mit der Rechnung 63; sehr wohl übereinstimmt.

68. In gegenwärtigem Falle, ware es freylich kürzer, ohne die Differentialformel (65) die Rechenung wie in (63) nur für h = 30° 40° ju führen, da man t so groß als in (51) sinden müßte. Ausserdem aber daß es gut war hie ein Benspiel zu geben, wie nach der Differentialformel gerechnet würde, so ist der Gebrauch solcher Formeln haupts sächlich, wenn man annimmt daß die Aenderunzen der gegebenen, folglich auch der gesuchten Wintel, nicht eben gänze Minuten, sondern Misnuten und Secunden, vielleicht gar nur Secunden den betragen. Da würde man die gemeine Rechenung nicht bequem von vornen anstellen können, weil die gewöhnlichen Tafeln die Wintel in keinen kleisnern Theilen als in Minuten angeben.

Man f. hierüber die angef. I. astron. Abhands. 164. 167.

69. Man fann fragen, wie fich dt anbert, wenn dh immer einerlen bleibe? Run ift h' > t (57) ber Fall ausgenommen, wenn colh = 0 ba h = t = 90°. Alfo ift bon di ber fleinfte Berth ber für finh = fint = 1; und biefer flein-

 $\text{fle Werth iff} = \frac{1}{\text{cosp}}$ = dh. fec. p. Beil nous

allemahl fec p > 1, so ift auch ber fleinfte Berth von dt, gröffer als dh. Des frn. v. D. Gag ift nicht nur, nicht allgemein richtig, sonbern so gar allgemein falsch. Wenn man ben Wintel in ber Schiefen Ebene mit einem Fehler gemeffen bat, fo berechnet man baraus ben borigontalen Bintel mie eineni groffern Fehler.

70. Für das bisher gebrauchte Erempel berechnete man ben tleinften Fehler fo;

log dh = 1, 4771212

abgez.logcolp = 0, 9563870 - 1

1, 5207342

Gehort zu 33, 17. Um so viel Minuten wird ben diefer Danlege der sohlige Winkel zum wer nigften unrichtig, wenn ber in ber bonlegigen Ebene nur um 30 unrichtig ift.

71. Diefer fleinfte Fehler dh. fec p ift befto gröffer je gröffer p ift. Für p = 600 ist er = 2 dh. Ober wenn ber Schnur Donlege = 60 Grad, fo fehlt man benn fohligen Bintel wenige ftens

stens um noch einmahl so viel als ben dem in ber bonlegigen Ebene. Ein Fehler von 15' ben die sem, giebt wenigstens einen von 30' ben jenem. Für grössere Donlegen, kann der Fehler des söhligen Winkels vielmahl grösser werden, als der Fehler dessen in der donlegigen Ebene, mehr als 6 mahl so groß, ben einer Donlege von 80 Graden; also einen Grad betragen, wenn man ben dem donlegigen Winkel nur um 10 Minuten sehlt.

Will man dieses durch die gemeine Rechnung nach der Formel (53) prüsen, so nehme man eine willführliche, nur etwas grosse Donlege an, und berechne daraus für zweene Werthe von h, die auch nahe ben 90 Graden, nur unter sich weinig unterschieden, die zugehörigen Werthe von t. Man wird sinden, daß solche vielmehr unterschieden sie Winkel aus denen man sie berechnet hat.

Ich habe die Donlege p = 800 angenom-

men. Da finbe ich für h = 85° | t = 84 50' |

t = 59° 52′ + 56 45 +

Unterschiede 0 10

Dem vorhin gesagten gemäß, ist ber lettere Unterschied ohngefähr sechsmahl gröffer als ber erste.

72. Ich befürchte baber, des Hrn. v. D. Sisenscheibe ist nicht so brauchbar als man sonst ben ihrer übrigens so wohl ausgesonnen Appricheung wurden. schen

schen michte. Er würde felbst so geurtheilt haben, wenn er statt seines nur übereilten Schlusses die Sache genauer untersucht hatte.

9. Anmerkung.

lleber die Berechnung des rechtwinklichten Drevecks. W. 47. J.

1. Wenn man sich in bem rechtwinklichten Drepeck 17 Fig. die Seite AB vertical vorstellt, als die ganze Ebene des Drepecks vertical (Geom. 47. 6.) so beißt ben-dem Markscheider

die Hypothenuse AC Glache

Höhe AB Seigerteuse

Grundlinie CB Soble

Der Winfel C Donlege

2. Bekannte trigonometrische Regeln lehren hie aus gegebenen Dingen gesuchte zu berechnen. Ich will hier einige hieher gehörige Formeln beibringen, so ausgedruckt, daß ich den Sinustotus das ben = I sehe, wodurch die Ausdrückungen am kürzesten und bequemsten werden. Wenn man barnach mit Hülse der Taseln rechnen will, so muß man sich erinnern, daß jeder Sinus und jede Tangente in den gewöhnlichen Taseln, in Zehnmillions theilchen des Sinustotus ausgedruckt ist, die Loggarithmen derselben aber den Sinustotus für Zehnstausend Millionen annehmen. Wie man die Rechnung diesem gemäß sührt, habe ich in meinen Angfangs.

fangsgründen 1. Theil gezeigt, besonders in der dritten Auslage in der Borerinnerung vor der Anmendung der Buchstabenrechnung auf die Trigonometrie. Es wird sich auch hier an Exempeln leicht weisen lassen.

3. Um gewöhnlichsten find Donlege und Ridche

gegeben, baraus man bas übrige fucht.

4. Ich will der Rurze wegen, jede Seite mit dem fleinen lateinischen Buchstaben andeuten, davon der grosse an dem Winkel der Seite gegenüber steht. So heißt die Flache = b; Seigerteufe = c; Solle = a.

5. Also hat man in (3) Folgende Borschriften:

Seigerteufe = c = b. sin C Sobie = a = b. cof C.

6. In Weiblers Erempel (B. 47 S.) ist bie Donlege = 10°, die Flache = 6 lachter.

7. Will man mit den Zahlen selbst rechnen, so drucke man (2) Sinus und Cosinus der Donlege, die in den Taseln stehn, als Zehnmilliontheile aus.

8. Für bie Seigerteufe

c = 1, 0418892

9. Die Decimalbruche des lachters multiplicire man mit 8, so bekommt man Achttheile, und deren Decimaltheile (Arithm. I Cap. 81.)

In (8) kömmt = 0, 0418892. 8 = 0, 3351136. Alfo beträgt die Seigerteufe

1 lachter

: 1 lachter o, 3351136 Achttheil 10. Fur die Soble cul C = 0, 9848077

a == 5, 9088462 = 5 lachter 7, 2707696 Achttheil.

11. Es ift leicht zu feben, baß nicht verlangt wird, bas Gesuchte in fo fleinen Theilen anzugeben, felbst die gegebenen Groffen, nicht fo febr richtig senn werben, in so grosser Scharfe aus ih-nen zu rechnen. Also kann man zu Abkurzung ber Rechnung etwa van jedem Sinus die benden lege ten Biffern weglaffen, wie 2B. gethan hat. Biel-leicht ift es aber boch oft beffer, bag man fich bie fleine Muhe nicht verbruffen läßt, ein paar Bifern mehr zu multipliciren, wo man noch allemahl vom Produtte, die letten Ziffern wenn sie entbehrlich find meglaffen fann.

12. Wenn man bie Flache burch 48 Achttheile ausgebruckt, und bamit fogleich, flatt 6 multiplicirt batte, so ware bie gesuchte Groffe sogleich in Achtebeilen und beren Decimalifeilen gekommen. Man hatte aber alsbenn bie gange barinn enthaltene lachter, burch bie Division mit & herausbrin-

gen muffen.

13. Wer bes R. Pr. Brn. Bauraths lamberts Bufage gu ben logarithmifchen und trigonometrischen Zabellen (Berl, 1770; 8vo.) besit, findet daselbst inder XXV. Tafel unter der Aufschrift: Abacus Sinuum. £ `3

nuum, die Sinns aller ganzen Grabe, seden auf den Sinustotus 1 gebracht, und mit jeder leinzelnen Zifer multiplicirt. Die Sinus sind nur dis auf Hunderstausendtheile des Sinustotus angegeben, seder hat also 2 Zifern weniger, als in den gewöhnsichen Tafeln. So steht das (8) gefundene Produkt, dort so 1, 04189 die niedrigste Zifer nähmlich um 1 vergröffert, da das Weggelassen beynahe eine ganze Einheit von ihr beträgt.

Das ist also ein Einmahleins für bie Sinuffe.

Hr. L. hat sich bestelben zu astronomischen Rechnungen bedient, und da ihm hiezu sunf Decimalstellen in jedem Sinus genug gewesen, so könnte der Markscheiber, dem doch astronomische Schärfe gar nicht einfällt, daraus schliessen, daß auch er jeden Sinus nur in fünf Decimalstellen nöthig bätte (II). Daben wurde ich doch erinnern, daß Ir. L. wohl in der That sein Einmahleins zu machen, sieben Decimalstellen jedes Sinus multiplicirt hat, vom Produkte hat er die benden niedrigssten Zisern weggeworsen, und wenn sie viel betrngen, die niedrigste die er behielt um I vergröffert. Daß er sich so verhalten hat, zeigt das bengebrachte Erempel.

Uebrigens enthalt bieses Einmahleins nicht bie Bogen bie burch Grade und Theile von Graden

gegeben merben.

Mit den Logarithmen.

14. Da ziehe ich von jedes Sinus ober jeder Tangente logarithmen den ich aus den Tafeln neh-

me 10 ab; Ich beute aber nur diesen Abzug hinter ben togarithmen, durch das gehörige Zeichen an, und ziehe am Ende 10 von der Summe ab. Man kann auch gleich die Kennziser des trigonometrischen togarithmen in 0 verwandeln, und hinter ihm, nur so viel abzuziehen als der Kennziser zu 10 sehlte. Bendes zeigt sich in nachstehender togarithmischen Rechnung des vorigen Erempels.

15.
$$\log \sin C = 9$$
, 2396702 — 10 $\log b = 0$, 7781512 $\log c = 0$, 0178214 $\log 1$, 0419 = 0, 0178260

Weil $\log \tau$, 0419 — $\log \tau$, 0418 = 417; so muß man von 1, 0419 ben Peoportionaltheil $\frac{46.10}{417}$

abziehen, giebt c == 1, 04189

Ohne diesen Proportionaltheil zu brauchen, sieht man sogleich bas c nur febr wenig kleiner als 1,0419 ist.

16. So stimmt viese logarithmische Nechnung mit 8; 11; überein, und giebt das Gesuchte so gleich bis auf Zehntausendtheile des kachters, das ist die auf Hundertheile des kachterzolls (2 Unm. (41) welches für die Ausübung scharf genug gehalten wird.

17. 3ch habe mich freylich hieben grofferer Lafeln für die Logarithmen der Zahlen bis 200000 bedienet. Die gemeinen Tafeln für die Bablen bis 10000 gaben bas Gefuchte unmittelbar in einer Decimalstelle weniger, als es in (15) ohne Proportionaltheile gefunden wird, immer noch zur Ausübung richtig genug. Benbete man ben ihnen bie Muhe an , Proportionaltheile gu brauchen , fo fande man bas Befuchte fo genau, als es bie grof. fern Zafeln unmittelbar geben.

18. Wenn die Glache groß ift, findet man frenlich burch die Logarithmen Sohlen und Seigerteufen, nicht in fo fleinen Theilen als benm gebrauchten Grempel. Alledenn aber, murden ben langen - Linien hundertheile eines Lachterzolls, vielleicht felbft lachterzolle, nicht febr in Betrachtung

fommen.

19. Ift bie gegebene Groffe in lachtern und Theilen berselben ausgebruckt, so wird es wohl am bequemften fenn , bie gangen lachter gu Achttheilen zu machen, und fo Alles in Achttheilen und beren Decimaltheile auszubrucken.

Wie man die trigonometrischen Linien als gemeine Zahlen ben den Logarithmen, brauchen konnte.

20. Fur jeben Winkel finden fich in ben gemeinen Lafeln, Simus, Langente, auch mobil Gecante, cante, so berschnet daß der Sinus totus zehn Millionen angenommen ist. Der logarithme aber, der sür jede dieser Unien angegeben wird, sest elnen Sinus totus von Zehntausend Millionen zum voraus. Der logarithme also gehört zu einer taufendmahl grössern Zahl als seine trigonometrische Linie. Vermindert man ihn um 3, so bekömmt man einen logarithmen, dessen Zahl die ihm zuges hörige linie ist; Und umgekehrt: Jede trigonomes trische linie, kann man als die Zahl des neben ihr stehenden logarithmen ansehen, nur müßte man an sie rechter Hand noch dren Zisern schreiben, die man nicht weiß wenn man nur die gemeinen Taseln hat; in größern wie in Gellibrands Taseln, wurde weiß sinden.

21. Prempel. Man vermindere den logarithmen der Tangente von 55 Graden um 3; so ist 7,1547732 = log 14281480. Umgekehrt, die Zahl 14281480067 hat zum logarithmen 10, 1547732; Der Zahl dren leste Zisern sind aus Gellibrands Taseln; State dieser Zisern mußte man dren Rullelen sesen, wenn man nur die gemeinen Taseln hat-

te, und also diese Zifern nicht wußte.

22. Solchergestalt mare mobl naturlich auf fol-

gente Borfchlage zu fallen :

23. Man bekömmt für eine gemeine Zahl einen Logarithmen, der die Tafeln der Logarithmen für die gemeinen Zahlen, die man hat, übersteigt: So feste man ihn als einen Logarithmen einer trigonomes trifchen Linie an, und suche ihn also unter den trischen En gonomes

gonometrischen logarithmen, und nehme die ihm angehörige linie, für feine Bahl an.

angegorige einte, für feine Babl att.
24. Lingefehrt, eine groffe Babl, febe man

als eine trigonometrische Linie an, suche sie unter benseiben auf, und finde so ihren baben stehenden Logariehmen.

Diefen Vorschlag that schon Neper, ber seine Logarichmen nur für die trigonometrischen Linien berechnet hatte. Man sehe meine IV. aftron. Abh. 59. f. Er ist auch wohl in der That zuweilen gestraucht worden, z. E. vermuthlich vom Hugen,

man f. unten 33. Anmert. 28.

25. Dieß Verfahren ist der Theorie nach völlig eichtig. In der Unwendung aber leidet seine Brauchbarkeit einen grossen Absall, weil die trigonometrischen Linien, sich nicht durch einzelne Einheiten, sondern sprungweise andern, und also die gesuchte oder gegebene Zahl, in ihnen selten sehr genau zu sinden ist, sondern nur Grenzen zwischen welche sie fällt, und zwar diese Grenzen nicht eben gar zu enge bensammen, wenn man nur die gemeinen trigonometrischen Taseln hat, wo die Vogen durch alse Minuten gehen.

26. Zur Erläuterung diene die Berechnung der Sohle in (15). Wenn man den Tasellogarithemen des Cosenus von C, nicht um 10 vermindert, sondern ihn, wie er in den Taseln stand, gelassen hätte, so käme der Sohle Logarithme = 10,7715027.

Es erhellt daß biefes ein logarithme irgend einer

Œ۲

Tangente fenn tann.

Er fallt groifchen bie logarithmen folgenber ben ben Langenten

Bon 80⁹ 23¹ tang == 59019138 24 59123550

Man mußte an jede der Langenten rechter Sand brey Rullen schreiben, so hatte man die Zahlen; welche den benden logarithmen in den Laseln zugehören, nur mit Ungewisheit der dren niedrigsten Zisern jeder Zahl. Und nun, von jeder Zahl die zehn niedrigsten Zisern rechter Hand abgeschnitten, giebt die eigentlichen Zahlen, zwischen welche die Sohle fällt. Die waren also

5,9619 ..

5, 9123 . . Diefe Mannen

Diese Grenzen geben mas zwischen sie fallt ziemlich unsicher. Man könnte freylich auch ben ihnen Proportionaltheile brauchen; aber ba wird man lieber sieh der Logarithmen ber gemeinen Zahlen bedienen und ben ihnen Proportionaltheile anbringen.

- 27. Hatte man sowohl die trigenometrischen is nien als ihre Logarithmen, für Bogen die durch kleinere Unterschiede wachsen, so fande man freglich siche Grenzen enger benfammen.
- 28. Die logarithmen der Sinusse und Tangenten von 10 ju 10 Secunden, hat man in Taseln die unter Sperwins und Gardiners Nahmen unterschiedenemahl herausgekommen sind, und ich in meiner astron. Abh. II. Samml. 4. Abh. 20 S. beschrieben habe. Die weueste, dort ebenfalls 21 S. angezeige

angezeigte Ansgabe: Tables des logarithmes - -Avignon 1770; enthalt die angezeigten trigonomes trifchen logarithmen, auch für Die erften vier Grabe burch alle Secunden, und bie logarithmen ber gemeinen Zahlen bisto2100. Aber teine natürlichen trigonometrischen Linien.

29. Da man, feitbem bie logarithmen befannt worden find, die trigonometrischen Rechnungen lieber burch fie führt, als burch bie natürlichen Linien, fo hat man nicht geglaubt baß bie legten in groffer Vollständigkeit nothig maren. ' Wozu man fie noch braucht, etwa Winkel burch Zeichnung vermittelft ihrer zu meffen ober aufzutragen, (Trigonom 7; 9; Sat) baju ift es genug fie für alle. Minuten ju baben.

30. Bon zehn zu zehn Secunden findet man fie in einem jego ziemlich feltenen Folianten: Thelaurus mathematicus, f. Canon Sinuum... a Bartholomaco Pitisco, Grunberg-Siles. Franks. 1613. Pitifcus giebt bie nur bie Sinus fur ben Sinus totud: taufend Billionen. Diefem aber ift bengefügt: Georgii Ioachimi Rhaetici Magnus Canon doctrinee triangulorum . . . auch von 10 gu 10 Secunden, und fur ben Salbmeffer zehntaufent Millionen, Sinuffe, Langenten, und Secanten; nicht unter ben jest angeführten Nahmen, wer aber biefen Canon gebrauchen tann, wird gleich feben wie biefe Dinge bort beiffen.

34. 3ch will nun noch einmahl Grenzen, zwischen welche ber in (26) angeführte logarithme

fällt.

fällt, aus den Avignoner Tafein herschreiben, und die ihnen zugehörigen Tangenten, aus des Mariscus Canon.

| • | | • | Logtang | Tang |
|------|-----|------|------------|----------------------------|
| 80,0 | 231 | 3011 | 10,7713765 | 59071299334 59088706327 |
| | , | 40 | 10,7715045 | 19088706327 |

Man fieht hieraus daß die gesuchte Sohle zieme lich genau durch die gröffere der benden Tangenten, auf den Sinus totus — 1 gebracht, wied gegeben werden, welches mit (10) wohl übereinstimmt.

32. Die trigonometrischen Linien als gemeine Babten mit ihren logarithmen zu vergleichen giebt boch also eben keinen groffen practischen Bortheil; wenn man auch gleich die von mir zunächst gebrauchten, feltenern Sulfsmittel anwendet. lich wenn bie Grenzen noch enger benfammen maren, wenn man Die trigonometrifchen linien, und derfelben logarithmen burch alle einzelne Secunden hatte, murbe die Ausubung biefes Kunftgriffes noch bequemer und richtiger. Wie aber, nicht eben ber unterirrbifche Geometer ber Marticheiber, fonbern mehr ber himmlische, ber Astronome, foli che logarithmen fur alle Secunden, wohl wunschen burfte, so find boch bie kinien felbst daben in solther Bollständigkeit, ju jeder Absicht so viel ich einsehe als jur gegenwärtigen, entbehrlich. Und allemahl wollte ich statt der trigondmetrischen inien durch einzelne Secunden, lieber logarithmen ber gemeinen Zahlen etwa bis auf eine Millian bered)net

technet, haben, baburch sich bie logarithmischen Rechnungen bequemer und sicherer wurden führen lassen, als durch ben Gebrauch der trigonometrischen Linien.

33. Es ist manchmahl gut, einen Vortheil ber sich darzubieten scheint, gehörig zu schäßen zu wissen. Das wird mich rechtsertigen, wenn ich von diesem Gebrauche der trigonometrischen Linien als Zahlen, so umständlich geredet habe. Uedrigens gehört dieses frenlich nicht weiter zur Markscheideskunst als in sasen die Trigonometrie dazu gehört. Es hat indessen der Kr. v. Oppel selbst einen solchen Gedanken geäusert 260 S. auch erinnert, daß hieden dienlich senn würde, die trigonometrischen linien und ihre logarithmen, sür alle Secuns den zu haben.

Ueber des Herrn von Oppel Tafeln der naturlichen Sinusse und Tangenten.

34. Der Hr. v. D. 257 u. f. S. beschreibt die Einrichtung und den Gebrauch besonders von ihm eingerichteter trigonometrischer Taseln. Er hat den Sinustotus — 80,0000 angenommen, und darnach die natürlichen Sinus und Langenten in den gemeinen Taseln deren Sinustotus zehn Mils lionen ist verändert.

Es ist nahmlich für jeben Winkel, zehn Milkonen: 80 = gemeiner Sin.; v. Oppels Sinus. Also ber Oppelische Sinus = 0, 000068, gemeiner Sinus.

3. E.

3. E. Idr I Minute, ist der gemeine Sie nus = 2009; biefer mit ber angegebenen Babl multiplicirt, giebt 0, 023272; die benden lesten Bifern laßt Br. v. D. weg, weil er nicht weiter als bis auf Zehntaufendtheile geht, und vergröffert wie gewöhnlich, bie unter ben Zifern bie er behalt die niedrigfte um 1; weil das Weggelaffene, mebe als eine halbe Einheit dieser Zifer beträgt. 35. Man fieht leicht bag ber Gr. v. D. fich bie-

ben ben Sinustotus als I tachter = 80 Boll vorgeftellt, und die Groffen bis auf Zehntaufendtheis le eines Zolls angeben wollen. So begreift jeder feiner Sinuffe ber nicht fleiner als go bes Sinus totus ist-Bolle, und Zehntausendtheile berfelben. Die Zehntausendtheile sind in den vier lesten Bifern enthalten, und biefe Zifern hat der Sr. v. D. beswegen burch einen Punct von ben vorhergebenben gangen Bollen abgefondert.

36. Alfo aus Flache und Donlege, Die Seigerteufe zu finden, giebt er folgende Borschrift: Man drucke bie Flache als eine Menge von lachtern aus, biese Menge kann auch ein Bruch senn. Go ausgebruckt multiplicire man fie mit bem Sinus feiner Das Produkt giebt die Seigerteuse in Zehntausendtheilen von Bollen. Schneibet man also die vier niedrigsten Bifern ab, so hat man in den höhern bie ganzen Bolle, die man mit 80 bivi-

biren muß, sie ju lachtern ju machen.

37. Sein eigen Erempel ift: Die Flache = 5 & 3 Achtth, 6 Boll = 198 lachter. Die Donler ge ==

ge = 37° 15'; beren Oppelischer Simis = 48-4235 ber Punkt sondert die Zehntausendtheise ab. Dieser mit 209 musiphicirt giebt 5278. 1615 und das mit 20 dividirt giebt 263. 90807; die Zissern linker Hand des Punkts sind ganze Zolle, also ist die Seigerteuse = 3 lachter 23, 90807 Zoll. Die fünste Decimalziser 7 hat Hr. v. Oppel nicht, weil er nicht weiter als die vier geht.

38. Wenn ber Hr. v. Oppel für gut befunden batte, nach meinem Vorschlage (19) Alles in Achtspeilen und deren Decimalbrüchen auszudrüffen, so wären ihm die gemeinen trigonometrischen Taseln zulänglich gewesen, und er hätte die Müste erspart sie für einen Sinustotus von Achzig Zehntausendtheisen zu verwandeln. Wirklich hätte ein Mann von seinen Einsichten und Eiser, die Zeit die ihn dieses gekostet hat, zu Etwas viel wichtigern und nühlichern anwenden können.

39. Sein Erempel wurde ich nach (5) so rechenen. C = 37° 15'; b = 43, 6 Achttheil, Aleso sinc C = 0, 6052940 der mit 43, 6 multiplieitt; c = 26, 39081840 giebt. Das sind Achte speile, und also ist die Seigerteuse = 3 lachter 2, 3908184 Achttheile. Diese Rechnung ist doch in nichts weitläuftiger als des Hrn. v. D. seine, ausser in sofern der Sinus den ich brauche eln paar Zisern mehr hat, und so die Rechnung mit einer freplich überstüffigen. Schärse giebt.

40. Die logarithmen der trigonometrischen linien, hat der Pr, v. D. so gelassen, wie sie in den gewöhne nöhnlichen Tafein, für den Gittletotus zehntau.

fend Millionen zu finden find.

41. Ben der Nechnung mit den logarithmen sucht er sich des 20 u. f. angesührten Vorthells zu bedienen. So findelt er sür das Exempel (38) log tab sin 37° u. 5. In log 109 — log 20 — 10, 51863629. Alle logarithmen aus den gemeinen Laselm genommen. Dirun sucht er den gesundenen logarithmen die seinem trigonomeerischen Laseln auf. Im müchsten komme diesem kogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der von Lang 37° 8'3. Sie ist der sogarithmen der Sie eigenkliche Seigerteufe (37) und so bekömmt der Hr. v. D. Anlaß zu der (33) angesähren Erinnerung.

42. Weim man die Langente von 79 Gr. 8M. in den gemeinen Laseln aufsucht, und auf den Sie nuscous = 1 deingt, so ist sie Ied Jahl von Lachtem welche der Seigereuse gehören. Benn die Seigereuse zu sinden, multipskirte Hr. v. D. den Sinns der Donkege unt 380 und die Einsteit, auf welche sied diesek Andigentliche Brudh bezieht, ist ein kachter (36):

Alfs ift die Seigerteufe = 3,2982851 Lachter. Die Derimalbeuche mit 8 multiplicirt, tomt 26, 3862808 für die Menge von Achttheilen, die noch zu den 3 ganzen kachtern gehöreit, die Seigerkufe auszumuchen Wan sieht daß diefes, wiegehorig, genna until(4+) übereinstlimmt, nur daß bie bie tleinsten Gangen bie Aldstheile, benten Boll finb.

10. Anmerkung.

Ueber die Tafeln der Gohlen und Seigerteufen.

Berechnung berfelben.

5. In (9. Ann. 5.) sep die Floche aus zwen Studen zusammengesett, b = p + q; fo ift

Seigerteufe = p. fin C + q. fin C Soble = p. col C + q. col C

2. Alfo berechne man für eine gegebene Donlege, Seigerteufe welche ber Flache p; und Seigerteuse welche ber Flache q gehört, benden. Seigerteufen Summe, ift die Beigerneufe welche ber Flache p-4 gehom. Eben so mit ben Sohlen.

3. Es erhellt daß eben das statt sindet, wenn die Flache aus drep oder mehr Studen gusammengesett wird; So ist die ganze Seigerteuse, die Summe der Seigerteusen, und die ganze Soble, die Summe der Soblen, die den Studen jugeboren. Welches man sich auch leicht durch eine Figur vorstellen kann, wenn man ein rechtwinklichtes Prepeck mit linien durch Punkte der Hypschenuse den Seiten parallel gezogen, in chnliche kleinere theilt.

4. Was für ben Winkel C, als Doulege betrachtet, Seigerteufe ift, ware Gobie, wenn man A für Donlege amabure, bas ist BC vertical, allemahl mahl den rechten Winkel zu unterft stellte. Und gegentheils, der Donlege C Sohle ist der Donles ne A Seigerteufe.

Nahmlich Seigerteufe und Cobie, find ber

Donfege Sinus und Cofinus.

Auch machen C und A zusammen ho Grad.

3. Für eine angenommene Flache alfo, ift

Geigerteufe ju 45° - u == Goble ju 45° + u

Sohle zu Seigert. zu Go hat man alle Seigerteusen und Sohlen berechenet, wenn man fie für bie etsten 47 Brade berechenet hat.

6. Diefen genaff, haben fich ble Zafeln fo eine

richten luffen, wit ich nun beschreiber will.

Weidlers Tafeln.

7. In einer schmalen Columne linker Sand fies hen die Donlegen, unter der Anfschrift: Gradus libellar, welche der Ueberseger, wortlich durch Grade des Gradbogens gegeben. Sie wachsen bis 90 durch alle Viertheilsgrade, welche Schärfe nach B. Erachten den Markscheidern zulänglich ist.

8. In einer schmalen Columne rechter Dand sieben Donlegen, deren jede mit der, (7) welche sich mit ihr in einer Zeile befindet, 30 Grad macht. 3. E in einer Zeile linker Hand 4 und rechtes Hand 86. Diese Donlegen rechter Pand, wache sen also von hinten, vom Ende ber Tasel bis vor in den Ansaug.

9. 3mm

9. Zwifchen biefen Columnen, besinden fich swolf, überschrieben &; &; &; &; 1; 2; 3; 4; 5; 6; 10; 20; die lesten acht Zahlen bedeuten ganze Lachter, die ersten viere, Theile des Lachters.

10. In jeder folcher Columnen fleben für Die Ilm chen bie ihre Ueherschrift anzeigt, Seigerteufen, ben Donlegen in ber linken Seitencolumne zugehörig.

gr. Nahmlich was in einer ber Columnen (9) und zugleich in diner Zeile mit einer Donfige (7) fiehe, ist die Seigerseufe, welche der Fläthe der Columne und der Donfige der Zeile zugehört.

12. Eben bas (11) aber, steht in einer Beile mir einer Bonlege wedzer Sand (8). Und für

Diefe Danlege ift es Goble: (5).

13. Wenn man also Seigerteufen wissen will, sucht man die Donlegen linker hand, und wenn man Sohlen wissen will, rechter hand.

14. Diefe Goblen ober Seigertaufen, giebt 98.

Bis auf Zehntheile von Zollen an.

15: Wenn ein Glieb feiner Tafel nicht mehr als bren Zifern enthält, so lassen sich solche zusammen lesen, wie man sonst Zahlen mit bren Zifern geschrieben lieft, die niedrigste Einseit bedeutet Zehntheilt von Zellen.

Bu 2 Gr. Donlege und 10 & Flache gehort 279 Seigerteufe, nahmlich so viel Zehntheile eines Zolls, ober wie sie zuweilen genannt werden Drimen; So kann man dieses als eine einzige Zahl aussprechen, oder sagen: 2 Achtheil, 7 Zoll, 9 Primen.

16. Wenn

16 Wenn aber ein Glieb ber Tafel mehr als bren Zifern bat, fo tann man bie, welche ben bren niedrigsten zur linten Sand ftehn, nicht mit ihnen jufammen lefen. Sie bebeuten für fich, gange Lachter.

Zu 85 Gr. Donlege und 20 & Flache gehört. Das heißt 19 lachter 739 Primen.

17. 3ch finde es, jumabl für einen lehrer ber Mathematik, febr unvorsichtig, auf biese Urt Bifern an einander zu febreiben, Die nicht fannen zusammen gelesen werben. Dieses kann sehr leicht ben dem Gebrauche ber Tafeln Frungen verurfachen, wenigstens erforbert es eine Aufmertfamfelt auf die Bedeutung ber Bifern, die mit einer fleinen Bezeichnung leicht mare erspart worben.

18. Den Gebrauch feiner Safeln erlautert 33. mit Erempeln, baben ich Giniges bemerken will.

19. In feinem 48. f. II. Er. ist die Regel of. fenbahr gang falfch. Er will die Seigerteufe fur . 41 Brab und 5 lachter wiffen. Da fucht er fie, Diefer Glache jugeborig, erft fur 4 Brab, benn für 4 Grad, und abbirt das jusammen.

Mun aber ift bekanntlich bie Geigerteufe ber Sinus ber Dontege, wenn man die Rlache fur ben

Einustotus annimmt.

Ulfo ift 3B. Verfahren folgendem gleichgultig: Man will ben Sinus von 44 Gr. wiffen, und abbirt Jusammen, bie Ginuffe von 4 Gr. u. von 1 Gr.

Daß der Sinus der Summe zweener Winke wicht die Summe ihrer Sinuse ift, kann man sich, wer es noch nicht weiß, leicht überzeugen. Also ift W. Verfahren unrichtig.

Sind aber bende Winkel klein, so ist bepnahe ber Sinus ihrer Summe, die Summe ihrer Sinuffe, wie aus ber Formet fur ben Sinus ber

Summe erhellt (Erigon. 19: S.).

Alfo batte 2B. erinnern follen, daß fein Ber- fabren ben biefem Erempel, nur ben fleinen Bin-

feln, und auch ba, nur bennahe gutrifft.

Wenn man 5 kachter burch 40 Achtheile ausdruckt, und damit den Sinus von 4½ Grad auf den Sinustotus 1 gebracht, multiplicitt, fo bekömmt man die richtige Geigerteufe 2, 96434 Achttheil; also frentich in Zehntheilen des Zolls, so wie 2B. sie angiebt, der nicht weiter geht

20. In seinem III. Erempel, verlangt er die Seigerteufe für 34 Grabund 13 & Lachter. Da sucht er einzeln, für diese Donlege, die Seigerteufen zu 303 33 & Lachter, und abbirt solche zusammen.

21. Theoretisch ist dieses Verfahren ganz richtig. In der Anwendung aber muß man bedeuten, daß jede einzelne Seigerteufe, nur die auf Zehnetheile des Zolls angegeben ist. Gine Summe vieler solcher Gröffen, wird also nicht in Zehntheilen des Zolls richtig sehn, und W. giebt doch diese Zehntheile in der Summe an.

22. Zu zeigen wie viel Unrichtigkeit biefe Tafeln fo gebraucht geben, will ich W. Erempel unmittelbar

telbar trigmometrisch berechnen, einmaßl burch ben natürlichen Sinus, und barnach burch logarithmen. Die Fläche ist 13 & 5 A. = 109 Achtebeile, und ich nehme zur Sinheit ein Achtebeil an. Die Donlege ist 34 Grab.

 $\sin 34^{\circ} = 0,5591929$

109

5, 0327361 55, 919290

Seigerteufe = 60, 9520261 Achth.
7 lachter = 56

Geigerteufe = 7 & 4, 952026 Achttheil. Ferner log sin 34°, = 0, 7475617 — 1 log 109 = 2, 0374265

log ber Seigert. = 1, 7849882 giebt die Seigerteufe = 60, 952 Achtifeil

Alfo, fo weit die logarithmen hie reichen, eben wie die Rechnung mit dem Sinus felbst.

23. Erfilich aiso ist die logarithmische Rechnung offenbahr kinger abs die aus B. Taseln. Man addirt doch wohl lieber zweine kogarithmen, als wier Glieber ihrer Tasel. Hat man kogarithmen, wie ich hie gebräucht. To sindet man also mit leichtere Mahe, als aus B. Taseln, das Gesuchte in Hundertheilen des Bolls, an die B. Taseln nicht reichen, wenn quid die Zehntheile des Zolls aus demselben richtig Zesunden marden. Die gemeinen logarithmischen Massel die Lood, geben doch das Gesuchte

Gostichte auf Zehntheile des Zolle, mis so genau als W. Lafeln es versprecken, (aber nickt halten) und weim man Proportionaltheile brauchen will, auch auf Hunderttheile.

Und solchergestalt ist schon bie Muhe bie man, sich durch 2B. Tafeln erspart, nicht fehr beträchtlich.

24. Nun aber zeigt sich vollends, daß die unmittelbare Berechnung, 22 Hundertihelle eines Zolls, Weiblers seine nur 3 Zehntheile, also über 2 Zehntheile zu wenig giebt. Der fünfte Theil eines Zolls, um welchen Weiblers Rechnung, ober eigentlich noch um was mehr sehlt, ist keine ganz unbeträchtliche Grösse.

24. Die Unwollkommenheit ber Lafeln, jedes Glied nur bis auf Zehnsheile des Zolls geht, batte fich badurch vermindern laffen, bag inan eines Gliedes niedrigfte Bifer um i pergroffert hatte, wo die weggelaffenen hunderttheile u. f. w. mehr als ein halbes Zehntheil betragen, welches ben trigonometrifchen u. a. Tafeln gewöhnlich genug ift, felbsten von Voigtel 41 S. gelehre with. Daß Weibler Diefes wenigstens nicht allemahi gethan hate ethellt aus Bergleichung einiger Bijeberger für gleiche Donlege, ist offenbahr ben ber Blache 10, bie Seigerteufe gehnmabl gröffer als ben ben Glache I. Und ba ift oft ben jener bie niedrigste Biffer groß, ohne baß bas ben biefer in Betracheung gejogen Bu ' Deilege, Beht 279 ban ber Flache roj und moben der T. Die fahter Seiger teufe, ist alfa begnage uns ein gang Finantheil eines nes Kolls zu kinde angegeben, mit viel geringern Inchume ware sie ein wenig zu groß; 28; gesehrt worden.

26. Eine allgemeine Folge aus dem bisherigen, möchte wohl fenn: daß W. Tafeln nicht viel beffer als unnif sind.

Beyers Tafeln.

27. Sie fiehen, am Ende feines II. Speils. Beger liefert Deeperley folde Safeln.

28. Die erfte neunt er mich ben Zichteln.

Sie ist im wosenkichen mit ben nur beschrier benen einerlen; hat eben die Seitencolumnen (7; 8) giebt Sohlen ober Seigerten m wie (14) und die Juhlen wie (14; 16) ausgedrucket, auch ist die Erinnerung (25) ben ihr ebenfalls nicht beobachtes, sondern es steht auch in dem dorten angesährten Erempel 27 wo 28 der Wahrheit näher ware.

29. Rur enthate fie mehr Zwischencolumnen (9) als W. Reben ben borrigen zwissen,-noch neun,

für jebe Menge einzelner Boll.

Durch diese neun, wird die Regel Detri erspart, die AB: nothia hat, wenn die Fläche mit durch Zoll gegeben ist. Man s. hieven sein III. Exempel.

30. 33. Lafeln konnen alfor, als ein Auszug

aus diefer Beverifchen angefehen werben.

3. Debrigens gilt auch bie, was ich ai. . 26

gefagtibabe.

32. Beners zwente Tafel heißt: nach ben Zehenteln. Es ist Woigtels Tafel, aus bessen Mark-G & scheibefchelbekunft f. Theile Das Tochter wird in taufend Theile gerheilt, und in folden Theilen find Sohlen und Seigerteufen angegeben, bas ift in folden Theilen, beren jeder o ondes Molls ift,

27 (2. Anm. 44.) Diefe Theile find alfo nur ein wenig fleiner, ale die Behntheile bes Bolls bis auf welche Bepers und Weiblers Tafeln gehn.

33. Seine britte Zafel, nennt Beper, einen Ertract aus weiland herrn Simonis Stevini Tabulis Sinuum. Sinus und Cosinus burch alle Wiertheilsgrade, in zehntaufenbtheilen bes Simus. totus, alfo in bren Bifern weniger ale bie gewöhnlichen Lafeln haben. Angenommen, baf ber Grab-Bogen die Donlegen nicht genauer als auf Biercheilsgrade angeben foll, so kann biefer Extract bem Marticheiber nur bagu bienen, bag er bie Bogen, bie er allein braucht, bie von ben übrigen abgesondert leichter findet. State Cofinus ift in ber Ueberfcheift ber Columnen : Ginus Berfus gefest', nur burch einen Gebreibfehler, benn dus P. 4. c. 8. erhellt, baß Bener mobi gewußt, mas Sinusversus, und Sinuscomplementi find. nusrectus ift burch Seigerteufe, und ber falfchlich fogenamite Gimusversus burch Goble überfeßt, Diefe Lafein follen nach Beners Erinnern V. If. 5. Cap. ben vorigen jur Probe bienen.

In ber Erigonometrie, bie Beper IV. Theil 8. Cap. abhandelt, find feine togarithmen gebrauche,

aber P. VI. Prop. 18.

Des Hrn. v. Oppel Tafeln.

34. Sie geben durch Donlegen von 5 ju 5 Mir nuten. Der. Hr. v. Oppel sodert, daß man die Winfel wo möglich so genau meffen soll, und hat kierinnen schon Boigteln, Markscheidek. 111. Th. 6. zum Borganger.

35. Die Flacken, zu beren jeder, für jetze Donlege Seigerteufe und Soble berechnet find, sind folgende: In Bollen; \$\frac{1}{4}; \$\frac{2}{4}; \$1; \$2; \$3; \$4; \$5. In lachtern; \$\frac{1}{6}; \$\frac{2}{6}; \$\frac{1}{6}; \$\frac{1

36. Sohlen und Seigertenfen sind in Zollen und beren Humberttheilen ausgedruckt. Daburch wird vermieden daß lachter, und Achtheile entweder mit besondern Zeichen mußten unterschieden werden, oder wie ben vorhin beschriedenen Einrichtungen, auf eine unschiedliche Art zusammengeseht wurden. Daß Hunderttheile der Zolle angegeben sind, bringt den Bortheil, daß ben Summirung etlicher Glies der Lasel, das Verlangte, doch immer noch in Zehnebeilen, wenigstens in ganzen Zollen, richtig herauskommen wird.

37. Ich will nach biefen Lafeln bas Crempel (22) rechnen

| 10 & geben | 447, 35 301 |
|---|-------------|
| | |
| 3 4 21. | 29, 37 |
| 1 | 5, 19 |
| | 511, 92 |
| • | 98, 3 |

609, 52 wie in (22) nur baß

bie die Ginheit ein Boll ift.

38. Wenn man biese Rechnung mit Weiblers seiner vergleicht, so wird man sehen, daß ben W. die Columne der Hunderttheile des Zolls sehlt, und beswegen bekömmt er in Zhatheilen so viel zu

wenig.

39. Daß aber hier die Hunderttheile eben so fommen, wie ben ber unmittelbaren Berechnung, ist frenlich ein glücklicher Zufall, den man nicht allemahl erwarten darf. Wie er hier entstehen konnte, macht die Rechnung (22) dedurch begreiflich, daß sie keine Laufendtheile des Zolls angiebt. Auferdem trägt es auch zur Richtigkeit der Rechnung nach Hrn. v. D. Lafeln viel den, daß er die Zifer der Junderttheile um s vergröffert hat, wenn das Weggelassene bennahe ein hundertheil berna.

40. Benm Gebrauche dieser Taseln wurde nutslich senn, jede Zahl von kachtern wenigstens von e bis 10; in Zollen ausgedruckt zu haben. Ders zwichen Einmusteins für die kachter wurde im Erempel (37) gleich zeigen, daß 7.1. = 560 Z. und so behielte man durch den Abzug die Zolle abrig.

41. Wenn

41. Wenn man Lafeln von Sohlen und Selsgerteufen brauchen will, so sind ohne Zweifel die Oppelischen vorzüglich zu empfehlen,

42. Indessen gestehe ich, daß ich mit logarithe men für die gemeinen Zahlen bis 100000 allemahl bequemer und richtiger zu rechnen glaube, als setbst mit diesen Zasein.

43. Ein Bepspiel, das der Hr. v. D, selbst giebt mag dieses bestätigen. Er sucht 672 S. für $28\frac{1}{8}$ lachter $9\frac{1}{4}$ Boll und $69^{\circ}25^{\circ}$ die Beigerteuse. Die sest er nun aus folgenden zusammen: Für $(10+10+4+4+\frac{4}{8}+\frac{1}{8})$ lachter $+(5+4+\frac{4}{4})$ Boll. Also hat er neun Glieder seiner Tasel zu addiren.

Ift nicht folgendes kurzer: 28 lachter = 224 Uchtel. Alfo ift die Flache = 229, gr Acht.

 $\log 229$, 95 = 2,3616334 $\log \sin 69^{\circ} 25^{\circ} = 0,9713509 - 1$

gebort ju 215, 27 A.

26 { = 208

Die Geigerteufe = 26 £.7, 27 Ucht. Pr. v. D. findet = 26, 7, 269,

n. Unmerfung.

Den Winkel von gezogenen Schnuren, blos durch Messung gerader Linien anzugeben.

1. Man tann biefes munfchen, wenn man ben Compag nicht brauchen barf, und mit ber Eisenscheibe nicht verfeben mare. Geometrie und Eris gonometrie bieten baju unterfchiebene Mittel an.

. Geometrische Auftofung:

o. AB, AC, 18 Fig. find Studen nuf ben Schnuren aus bes Winkels Spige gemeffen; Man meffe noch ihre Gebne BC, und zeichne nun aus ben bren Seiten bas Dreped boa 19 Big. nach bem verjungten Maasstabe, fo tann man in biefet Reichnung ben Winkel a = A meffen.

3. Das fest alfo nur jum voraus, baß ber Markitheider ein Maaß ben fich bat, bie Schnu. re AB, AC, BC, bamit zu messen. Es muß fleine Theile enthalten, ober man muß einen Theil bapon, in fleinere gerheilt haben, bie linien ge-nau zu meffen, besonders BC bie nicht willfuhrlich ift.

4. Wollte man fich ber lachterschnur bedie nen, die man ohnebem ju brauchen gewohnt ift, fo tonnte man besonders auf Bolg ober Meffing, ein Achttheil , ober ein halbes Achttheil in taufend Theile getheilt haben.

. Wei

g. Weil die Schenkel des Winkels von willbiffelicher lange fomen genommen werden, fo murbe, ich rathen jeden gebn Achttheile lang zu machen, die Sehne auch mit Achttheilen, und Tenfandtheilen: eines Achttheils zu meffen.

6. Der wenn man nicht fo lange Schenkel nebe, men wollte, konnte man jeden funf Achttheil machen, und ben Abmessing ber Sehne, sich ber ganzen, und bes halben in Tausendtheile getheilt bedienen.

7. Jedes bieser Berfahren (5; 63) gabe bes. Dreneds gleiche Schenfel jeden = 10000 unb

Die Grundlinie in folchen Zehntaulenotheilen,

y. Wollte man sich also ben ber Zeichnung eines verjüngten Maasstabes bedienen, ber wie gewöhnlich rood Thell hat, so könnte man zuerst von ihm die Grundlinie Verzeichnen, und die Schenkelbarüber, zehnmahl so lang als er ist setzen.

9. Ware die Groffe dieser Zeichnung zu imber quem, so murbe man wohl sich befriedigen konnen, wenn man einen Theil des verjüngten Maasstabes' so viel bedeuten liese als zehn des wirklichen. Des Drepecks Schenkel wurden da ber lange des verstüngten Maafstabes gleich.

Denn man nicht aus der Spice des Win

tels meffen tonnte.

10. Es könnten wohl ein paar gerade kinlen, BD, CE, ihrer lage nach gegen einander bestimmt senn, ob man gleich ben Punkt. A in dem sie zus sammenstossen, nicht vor Augen sähe, oder sonst nicht bequem genug von ihm messen könnte.

21. 2. Ed

ein paar Gange zu Tage ausstrichen, boch nahe genug ben einander, daß man von einer zur andern auf einer Gbeme meffen könnte.

12. Da messe man asso in ben benben kinien willkubrliche Stude BD, CE; Ferner die kinien BC, BE, CD.

'13. Nun die Zeichnung zu machen, ziehe man auf dem Papiere, be nach dem verjüngten Maasse so groß als BC nach dem wirklichen ist.

Darauf fetse man nach bem verjungten Maaffe bie Drenecke bed, bee, wie die groffen nach bem wirklichen Maaffe find.

So hat man die Linien bd', ce, bie verlangert einander in a schneiben, und bas Dreneck bac ist dem groffen, bas eben die Buchstaben hat, abulich.

14. So gabe fich burch Abmessen auf ber Zeich, nung mo bie Linien, wie (11) jusammenftiesen und was sie fur einen Winkel machten.

Trigonometrische Auflosung.

gemessen hat, so kann man allemehl aus ben brep Geiten, ben Binkel A berechnen.

16. Da wird nun alles sehr erleichtert, wenn anm die Schenkel gleich macht und wie in 5 ober 6 verfährt.

ry. Die Regel den Winkel zu finden, ist aus Trig. 9. S. folgendes

Man halbire die gemeffene Sehne.

Diese Balfte febe man als einen Sinus, für

Den Sinustotus = 10000 an;

Das ist man suche unter den Sinussen wie sie in den gewöhnlichen Taseln für den Sinustotus zehn Millionen stehen, den auf dessen höchste Ziser, die drey niedrigsten abgeschnitten, ihr am nächsten kommen.

Den Winkel, melder biefem Sinus jugebort,

verdoppele man, fo hat man ben gesuchten.

18. Exempel. Hur BA = CA = 10000; fev BC = 11387

 $\frac{1}{2}BC = 693, 5$

Aber sin 34° 42° = 5692795

43 = 5695186

Wenn man von jeden dieser Sinusse die brey niedrigsten Zisern abschneidet, so fällt die halbe Sehne zwischen bende, und ziemlich nahe an den kleinern. Man nehme also seinen Winkel für des gesuchten hälfte an, so ist der gesuchte A = 69° 24.

18. Wenn es ber Mühe werth ware, und man sich auf die Messung der Linien genau verlassen durfte, könnte man den Winkel noch schärfer finden. Man bringe die Sinus auf den Sinustorens zehntausend, oder man stelle sich vor jedes vier niedrigste Zisern, sind Decimalbrüche, und die höhern Ganze. Er ist der benden Sinusse Interfahre

schied = 2, 391; des kleinsten, und ber halben Sehne Unterschied = 0, 704; zu diesen benden Zahlen und 60 die vierte Proportionalzahl = 18. Um so viel Secunden ist der halbe Winkel grösser, als der kleinste der benden, zwischen die er fällt. Folglich bekömmt der ganze zu der angezeigten Grösse noch 36".

19. Die trigonometrischen Tafeln zeigen, baß bis auf 75° 45°, die Sinus sich in Zehntausendtheilchen des Sinustotus andern, in dem sich die

Bogen um einzelne Minuten andern.

20. Wenn man also nach gegenwärtigem. Verfahren den halben Winkel kleiner als 75 Grad finbet, so hat man ihn innerhalb einer Minute, und
ben ganzen innerhalb 2 Minuten. Es ist auch
leicht zu sehen, welcher von den benden Minuten,
zwischen die er fällt, der halbe am nächsten liegt,
und welcher seiner Grenzen also der ganze am
nächsten senn wird.

21. Für gröffere Winkel findet man ben halben mit einer Ungewißheit die 2 oder mehrere Minuten beträgt, und ben ganzen allemabl mit doppelt

so viel.

22. Einen fo ftumpfen Winkel, murbe ich rathen, burch eine Schnur, bie aber genau in feiner Chene mußte gezogen fenn, in zweene zu theblen, und jeben einzeln zu fuchen.

23. Hatte man das ganze oder halbe Achtfeil in 5; 6; nur in Hunderttheile getheilt, so gaben sich die Sehne des ganzen Winkels oder der Si-

nus

nus des halben, nur in Tausendtheilen des Sinustotus. Dergleichen Sinus stellen die in den Tafeln vor, wenn man von jedem die vier niedrigsten Zisern abschneidet. Da läßt sich der halbe Winfel, wenn er über 10 Grad beträgt, nicht genauer sinden, als auf 2 oder 3 Minuten, der Ganze auf 4 oder 6 Min. Allemaßt viel genauer als ihn Compaß oder Eisenscheiben angaben. Nur ben ziemlich stumpfen Winkeln, wurde die Ungewisheit Viersteils die halbe Grade betragen. Solche Winkel müßte man also in kleinere theilen, (22) oder versuchen, ihre Nebenwinkel zu messen.

24. Wer sich die Mube ersparen wollte, erst jedes Winkels Salfte aufzusuchen, und bann zu verdoppeln, könnte sich eine Tasel der Sehnen für den Sinustotus Zehntausend machen. Nähmlich, jeden Sinus in den Taseln verdoppeln, und vom Doppelten die vier niedrigsten Zisern abschneiden, mit der Vorsichtigkeit, daß der bleibenden niedrigste um s vergrößert wurde, wenn die weggeworsenen mehr als eine halbe Einheit von ihr austragen.

Diefe Tafel ginge von 2 ju 2 Minuten.

25. Wer nur alle Sinus bis 45 Grab verbops pelte, hatte eine folche Lafel, die aber nur bis an ben rechten Winkel zu brauchen ware.

26. Stumpfe Wintel mußte er also nach (22)

eintheilen.

27. Für den Sinustotus Tausend (23) findet sich eine folche Tafel (24) in P. Bernh. Grubers, eines Cistercienfers, und Prof. der Philos. 3u Prag,

Horographia Trigonometrica, Prag 1718; 4°. am Ende bes Buchs. Sie geht nur bis an 90 Grad (25). Wie genau sie die Winkel geben kann zeigt (23).

28. Wenn man Winkel zeichnen will, (und bazu ist Grubers Lafel bestimmt) läßt sich nicht wohl was genauer eingetheiltes zum Sinustotus brauchen, als ein tausendrheilicher Maasstab. Und so kann eine Lafel wie Grubers, zu Zeichnungen zulänglich senn.

29. Aber, Winkel zu meffen, konnte man, bachte ich, wohl ben Sinustotus Zehntausend brauchen.

30. Es ist nichts Neues, Winkel so burch Sebnen zu meffen. Man bat eine Tafel bagu von Djanam, welcher annimmt, man mache jeben Schenfel 30 Buß, und meffe bie Gehne mit einem Maaffe, wo ber Fuß in 12 Boll getheilt ift. Das mare fo viel als Gehnen fur ben Sinustotus 30. 12 = 360, wenn bie Gehnen burch alle einzelne Bolle gingen; fie geben aber in ber Tafel von 2 ju 2 Bollen, bas ift die Lafel giebt die Winkel nur fo genau an, als Sehnen für ben Ginustotus 180 fie angeben tonnen, alfo ift ein Wintel von feinem nachften fchon um viel Minuten unterschieden, wenn die Winkel nur maßig groß werben. Da nun auch bie Ginrichtung bes Maaffes ben biefer Lafel ziemlich unbequem ift, fo verdiente fie es eben nicht, baß fie fo oft ist abgebruckt worden. Man finbet sie unter andern auch in Sturms Ausgabe von Strauchs Zafeln, gegen bas Enbe. Hrn.

Heftafel Halle 1753, ist bequemet eingerichtet, enthalt aber nur für ben Sinustotus 500 Sehnen von halben zu halben Graben.

Trigonometrische Auflösung des Falls in 10.

- 31. Aus der Drepecke DBC, ECB, Seiten berechne man die nur genannte Winkel. Ihrer Summen Supplement zu 180 Graben ist der gefuchte A. Auch kann man im Drepecke ABC, aus der Grundlinie und den Winkeln, die benden übrigen Seiten berechnen.
- 32. Steht es frey BD = CE und jede so lang als BC, welche nicht willführlich ist, zu nehmen, so werden die benden Drenecke, in benen man die Winkel such, gleichschenklicht, und die Rechnung ist leichter.

12. Anmerfung.

Winkel mit doniegigen Schenkeln auf fohlige zu bringen.

1. Wenn die Schnuren, durch welche der Markscheider Schenkel eines Winkels angiebt, bonlegig
sind, so will er eigentlich nicht diesen Winkel wissen, sondern den Winkel den die benden seigern Ebenen durch die Schnuren machen, oder, wie er
sich ausdrückt, der Schnuren Sohlen.

2. Diesen

2. Diefen Winkel giebt ibm ber Sangecompaß an, welcher sich unter jeber Schuur, in ber feis gern Sbene burch sie sohlig stellt. (7. Unm. 54).

3. Wenn es ihm verboten ift, ben Compaß zu brauchen, so sucht er die Eisenscheiben bazu einzurichten. Wie das geschicht, und daß es mit allerlen Unbequemlichkeiten und Unsicherheiten verbunben ist, lehret das mas ich von den Eisenscheiben
gesagt habe (8. Unm.).

4. Weiß man nun ben bonlegigen Winkel blos burch Abmessung gerader Linien zu sinden, so kann man leicht auf die Gedanken gerathen, ob sich nicht auch ein Verfahren angeben lasse, aus bem

bonlegigen ben föhligen ju finben.

5. Das ist die Absicht nachfolgender Untersuchung. Es versteht sich baben, daß der Schnuren Donlegen bekannt sind. Den Gradbogen verbieten die Eisenerze nicht.

Wenn man einen Winkel gemessen hat, dessen Schenkel gegen den Gorizont ger neigt sind, zu finden, was die beyden Verticalstächen durch seine Schenkel, für einen Winkel machen.

6. OP = OQ 20 Fig. sind ein paar gleich land ge Schenkel eines Winkels, beren jeder eine andere Reigung gegen den Horizont hat. Ich nehme sie bende gleich lang, als eine Worbereitung zur folgenden Untersuchung. Sonst kann man sich jeden Schenkel so lang, als man will, vorstellen.
7. Der

7. Der Bintel beiffe POQ = g; jeber feiner

gleichen Schenkel = a.

8. 3ch nehme an, man weiß die Neigung jedes Schenkels gegen ben Sorizont. In ber Figur laßt fich biefes fo abbilben:

9. Man stelle fich burch O eine Borigontalflathe vor, und auf ste Verticallinien PK; QS; so find ber Schenkel bes Winkels ihre Neigungen, POR = p; QOS = q.

Der Markscheiber nennt, von bes Winkels Schenkeln, PR, QS, Seigerteufen, OR, OS,

Sohlen.

10. Die Sbenen POR, QOS sind vertical (Geom. 47. S.). Also ift ihr Durchschnitt auch vertical (Geom. 48 C.). Mit bemfelben mas chen die horizontalen kinien (9) OR, OS, rechte Wintel. Folglich ift ROS ber verticalen Ebenen Deigung gegeh einander (Geom. II. Th. 2. Erfl.).

11. Dieser Wintel ROS = li ist ber, melcher

gesucht wirb.

12. Durch die parallelen Verticallinien (9) geht (21 Fig.) eine verticale Ebene PRSO, welche in ber II Fig. besonders vorgestellt wird. In ihr ziebe man QT horizontal, so ist QT = SR; und PT = PR - OS.

13. Bas alfo ju (11) erfobert wirb, lagt fich

folgendergeffalt überfeben:

Unmittelbar gegeben find g; a; (7) p; q;

(9) auch die Gebne PQ.

auch die Seine E.C. Daraus suche man PR; OR; QS; OS;

So hat man auch PT (12).

Und, weil QTP ein rechter Winkel ist, hat man auch QT = SR.

Alfo des Drepects ROS Seiten, und baber unter feinen Winkeln ben gesuchten.

Aufibsung burch Beichnung.

14. Man beschreibe mit einem Halbmeffer om (22 Fig.), ber nach bem verjungten Maasse so viel balt als OP = OQ nach bem Wirklichen, einen Kreis, ober nur so viel bavon als nothig ist.

rs. Da nehme man die Bogen mg, mp, ben Winfeln QOS, POR gemäß, daß also diesen Winfeln hie gom, pom gleich sind.

\ 16. Man falle die Perpendikel pr, qf; Sie werden nach dem verjungten Maasse so viel halten, als PR, QS, nach dem wirklichen Maasse. Und so hat man aus der Zeichnung die Grösse dieser Linien PR, QS, die man nicht unmittelbar messen kann.

17. Eben so aus or, of, in ber Zeichnung, die kinien OR, OS.

18. Man ziehe at parallel mit mo, (22 Fig.) so ist pt nach bem verjungten Maasse, PT nach bem würklichen, weil pr, af, unter sich parallel sind, wie PR, QS.

19. Aber ber Winkel poq ist nicht = POQ, jener ist = pom — gom bas ist aber bieser nicht.

Daher

Daher find auch nicht pa; ge, nach bem verinnaten Maasse so viel, als PQ, QT, nach bem wirflichen.

20. Nun nehme man (23 Fig.) pq nach bem verjungten Maasse, so groß als PQ welche man

weiß (13).

Darüber als über einem Durchmeffer, befcreibe man einen halbfreis, und trage in felbigen

Die Gehne pt = ber (18) gefundenen.

Bieht man nun bie qt, so ift, wegen bes rech-ten Wintels ben t, bas bie gezeichnete Dreped bem mit ben gleichgultigen groffen Buchftaben (20 u. 21 Fig.) ahnlich.

Also hie (23 Fig.) qt nach bem verjungten Maasse, so groß als QT = RS nach bem wirk

lichen.

21. Man nehmerf (24 Fig.) = qt (23 fig.) und zeichne baran bas Drepeck rof mit ben benben

übrigen Seiten ro. fo aus ber (22 gig.).

22. Go ist biefes Dreneck rof, bem ROS applich (20; 17;) also ber Winkel rof = bem assuchten ROS.

Aufthlung durch die ebene Trigonometrie.

23. Die Sehne PQ 20 Fig. = 2. a. fin & g == 10 24. PR = a. fin p; OR = a. cosp; QS =

a. fin q, OS = a. cof q.

25. Nun hat man PT = a. (fin p - fin q).

26. Aus 23; 25; $QT = \sqrt{(PQ^2 - PT^2)}$.

27. Die Ausziehung ber Quabratwurzel, kann man so vermeiben:

Man suche ben Winkel PQT = Q;

Es ist nahmlich $\frac{PT}{PQ}$ = fin Q

Mun hat man QT $\stackrel{ o}{=}$ c, col Q.

28. Dieses Berfahren, gabe vollkommne Richeigkeit, wenn man ben Binkel Q genau in ben Tafeln fanbe.

Meistens aber werden in ben Tafeln nur Gran-

gen fteben zwischen bie er fallt.

Alsbenn hat man auch feinen Cofinus nicht genau in ben Lafeln, fondern nimmt ftatt bessen was, das ihm am nachsten kömmt; Und so giebt sich das Gesuchte mit einer kleinen Unrichtigkeit.

Diese Unrichtigkeit, wird boch meistens nicht groffer fenn, als fich ber Markfcheiber fonft gefal-

len läßt.

Man vermiede sie burch Proportionaltheile, bas machte aber die Rechnung etwas mubfam.

Erempel:

29. Ich fege man habe folgendes, theils ans genommen, theils durch unmittelbare Meffung gesfunden.

a = 10000; c (23) = 12244

Also \(\frac{1}{2} \) c = 6122; giebt des Winkels PQQ Halse te ein wenig kleiner als 37° 45' also den ganzen g ein wenig kleiner als 75° 30°. Diesen Werth will ich für g annehmen.

30. Ger-

30. Ferner habe man durch den Gradbogen ges
funden (9) p = 50° 30° 1
q = 23 30

31. Dieser Winkel, Sinus und Cosinus, auf bem Binustotus Zehntausend gebracht, oder von jedem bie dren letten Zifern als Decimalbruche angesehen, geben

 $\begin{array}{c|ccccc}
PR &=& 7716, 246 & OR &=& 6360, 782 \\
QS &=& 3987, 491 & OS &=& 9170, 601 \\
PT &=& 3728, 755 & OS &=& 9170 & OS &=$

PT ist hie ber Unterschied zweener Sinusse für einen Sinustotus. Dergleichen Unterschied kann man durch das doppelte Produkt aus dem Sinus und Cosinus der halben Summe bender Winkel ausdrucken. (Trigon. 13. Sas V. Zusas oder 1. aftron. Abh. 9) und das giebt also dem logarithmen dieses Unterschiedes durch die Sums me etlicher logarithmen.

In der Folge braucht man den logarithmen dies les Unterschiedes, und da ware das angezeigte Versahren nicht unnus, ihn genau zu finden. Die aber da man sich mit Zehntausend als Sinustotus begnügt, belohnte es nicht die Mühe, die Rechnung durch diesen Runftgriff, ein wenig schärfer,

und viel weitlauftiger gu führen.

32. Nun nach (27). Weil ich hie nur mit ben ges meinen logarithmischen Tafeln rechnen will, nehme ich, ber Wahrheit naber zu kommen, PT = 3729.

3729. Weil c = 2. 6122 hat man ben logarith. men auch aus ben gemeinen Tafeln.

10 + log PT = 13, 5715924 $\log c = 4,0879^233$

log fin Q = 9, 4836691 giebt Q = 17° 441 -

33. Mun log c = 4, 0879233 abbirt log tab col Q-10= 9, 9788579

log QT = 4, 0668812

Die gemeinen Tafeln, geben die Bahl Belche biefen logarithmen gehort zwifthen ben Bebnfachen von 1166 und 1167, baraus man fieleicht burch Proportionaltheile berechnen tann. In groffern Zafeln findet man fie fogleich ein wenig fleiner als 11665, welches man für fie annehmen kann.

34. Mun ist noch übrig aus bes Drepects ROS bren Seiten, ben genannten Bintel ju finden. Die Rechnung nach meiner Trigon. 20 G. besonbers 16 u. f. Art. in ber britten Ausgabe laßt fich fo verflellen.

CR == 2 == 6360, 782 $OS = b = g_{170}, 601$

 $. \quad \mathbf{RS} = \mathbf{c} = \mathbf{11665}, \quad \cdot \quad \cdot$

a+b+c = 27196 (1 a+b-c= 3866 (II a+c-b= 8815 (III

b+c-a = 14474, 8 (IV

Diese Summen, die aller dren Seiten, und ble' von jedem Paare, weniger der beiten, zu berecht nen, habe ich ben den Seiten anfangs die Decimalbruche benbehalten, damit jede dieser Summen ein wenig richtiger herauskame; darnach habe ich sie von den Summen weggelassen. Mur ben det letten habe ich den Decimalbruch benbehalten, statt desse ich aber benm Gebrauche die niedrigste Zisfer der Ganzen, 4; in 5 verwandeln will.

35. Ich nehme an daß jemand, der nur die ges meinen togarichmischen Taseln besit, für die hie vorkommenden Zahlen, welche diese Taseln übersteigen, die togarichmen durch Addiren oder Proportionaltheile findet. Ich habe mich gleich der

gröffern Zafeln bebient.

36. Wenn man den gesuchten Winkel durch seinen Sinus bestimmen will, so muß man porläufis wissen, ob dieser Winkel spisig oder stumpk ist. Es ist aber bekanntermaassen im ersten, Falle a2 + b2 kleiner, im zwenten grösser als c2... Dieses nun leicht zu erforschen, berechne ich den logarithemen von c2 — b2 oder (c + b). (c — b) und halbire ihn, sehe, ob ihm eine grössere oder kleinere Zahl gehört als a. Im ersten Falle ist der Winkel spisig im andern stumps.

37. 3m Grempel ift c + b = 10835, 608;

c - b = 2494,399

log 10830 = 4, 0346284 2494 = 3, 3968964

Cumme = 7, 4315248 balb. = 3, 7157624

Gebort

Gehört zu 5197; einer viel kleinern Zahl als . Also ist der gesuchte, Winkel stumpf.

38. Diese Frage konnte man auch entscheiben, wenn man nach einem verjüngten Maasstabe ein Drepeck wie ROS aus ben bren Seiten zeichnete (34) ba sich wiese, ob der Winkel stumpf ober spisig ware.

39. Eine solche Zeichnung könnte überhaupt wie man glauben möchte, die Verechnung des Winkels ersparen. Und allerdings steht es jedem fren, ob er sie zu dieser Absicht groß und genau genug machen will. Weil man aber doch in einer Zeichnung nie einen Winkel so scharf messen kann, als er sich berechnen läßt, höchstens ihn auf 4 oder 5 Minuten, oft nicht einmahl so genau, aus der Zeichnung weiß, so muß man nach seinem Ends zweite entscheiden, ob man sich mit der Zeichnung befriedigen, oder, die frenlich muhsame Rechnung vornehmen will.

40. Diese Rechnung sieht so aus (24) log (1) = 4, 4345050

(II) = 3, 1872618

(III) = 3,9471886

(IIII) = 4, 1606186

S. der Column,= 11, 2111220

4918452

Bange Summe = 16, 1295740

Auflösung durch die spharische Trigonometrie.

41. Ich will zuerst die Worschriften geben, wie sie jemand, der auch keine spharische Trigonomestrie kennt, perstehen kann, und denn zeigen, wober diese Borschrift fließt.

42. I. Man ziehe bie kleinere Donlege von ber grofferniab.

11. Diefen Unterschied abbire man gut bem Bintel mit bonlegigen Schenkeln,

III. Und ziehe thu auch bavon ab.

IIII. Man halbire II; und III;

V. Dieser Salfte Sinus multiplirire man mit einander.

VI. Und dieses Produkt multiplicire man in das Quadrat des Sinustotus.

VII. Was so entstanden ist, bividire man burch bas Produkt der Cosinusse der Donlegen.

VIII.

VIII. Der Quotient ift bas Quabrat bes Sie nus ber Salfte bes gesuchten Winkels.

VIIII. Zieht man also aus dem Quotienten die Quadratwurzel, so hat man diesen Sinus, und

fein Winkel verdoppelt, ift der gesuchte. 42. Wenn man die Buchstaben (23; 24; II) braucht, so ziehen sich diese Regeln in nachstehende Zeile zusammen.

$$(f, \frac{1}{2}h)^2 = f, \frac{1}{2}(g+p-q), f, \frac{1}{2}(g-(p-q)), r^2$$

43. Für das vorige Erempel ist (30) $p - q = 27^{\circ}; Also (29)$

$$g+p-q=102^{\circ}$$
 30' halb = 51° 15'
 $g-(p-q)=48$ 30 =24 15

$$\log \sin \frac{1}{2} (g + p - q)) = 9,8920303
 \frac{1}{2} (g - (p - q)) = 9,6135446$$

Summe = 19, 7659083 = N M — N = 19, 7396666

held =
$$\log \lim \frac{1}{2} h = 9$$
, 8698333
glebt $\frac{1}{2} h = 47^{\circ}$ 49' 8"

Unterfchied benber Rechnungen 7

44. Die

44. Die Secunden ben dem halben Bintel durch Proportionaltheile zu suchen, ist deswegen nicht überfluftig, damit man den ganzen besto richtiger befommt. Betragen sie benm Ganzen noch keine halbe Minute, so kann man sie weglassen.

45. Nur diesen kleinen Theil der Rechnungen für die Secunden, habe ich nicht hergeset; Sonst stehe alles da, und so erhellt, daß diese gange Rechnung noch lange nicht so weitsaustig und muhsam ist, als nur der lette Theil der vorigen in (40.)

- 46. Daß man aber hie ben gesuchten Winkel schärfer sindet als dorten, ist daraus klar, weil man dorten so viel Zwischenrechnungen nothig hatte, durch die man Grössen suchte, nur in der Abssicht aus ihnen das lette Gesuchte zu bestimmen, und diese Grössen fand, und brauchte man nicht in gröster Schärfe, daß also der 40 gesundene Winkel das Resultat einer Rechnung voll kleiner Unrichtigkeiten ist. Daher kömmt der Unterschied bender Rechnungen. Hätte man in (29) nur a 1000 angenommen, so ware Alles, solglich auch h noch mit geringerer Richtigkeit berechnet worden.
- 47. In ben bisherigen Rechnungen nahm ich an, Die Schnuren OP, OQ, gingen von ber sohligen Ebene, burch O, benbe auswarts. Dem Mart. scheiber kann sich oft ereignen, daß die erste auswarts, die andere niederwärts geht, oder, wie er sich ausbrückt: jene steigt diese sällt.

48. Die Rechnung kann alsbenn boch noch nach ber Formel (42) geführt werden. Man muß nur wissen, daß ein Winkel, den eine Linie mit dem Horizontalwinkel unterwärts, oder fallends macht, als verneint anzusehen ist, und nun muß man mit verneinten Grössen zu rechnen verstehen. Dieser Winkel nähmlich wird addirt, wenn der ihm entgegengesetzte bejahte abgezogen wurde, und umgekehrt. Eines verneinten Winkels Sinus ist dem Sinus des bejahten sonst gleichen Winkels entger gengesetzt, aber Cosinus für bejahte und verneinte Winkel sind einerley.

49. Crempel. Die Schnur OP steigt 12 Gr.
30 Min. Die OQ fällt 20 Gr. 30 M. Ihr Winkel g = 50 Gr. Uss ist p = 12° 30'; q= — (20° 30') p — q = 12° 30' + 20° 30' = 33°; Und nun g + p — q = 83° halb 41° 30'.

g-(p-q)= 27 13 30 $log fin 41^{\circ} 30' = 9, 8212646$ 13 30 = 9, 3681853

20 + Summe = 39, 1894499 = 1 log cosp = 9, 9895815 } q = 9, 9715876]

> Summe = 19, 9611691 = N M - N = 19, 2282808 halb = 9, 6141404 glebt \(\frac{1}{2}\) h = 24° 17' 9" h = 48 34 18

> > 49. Wenn

- 50. Wenn bende Schmuren fliegen, gehotte in vorigen Rechnungen q ber, bie am wenigsten stie ge, ober es bedeutete von ben benden Neigungs-winkeln ben Kleinsten.
- 51 Dem Ausbrucke gemäß, daß eine verneins Gröffe weniger als Michts ist, hat man einen verneinten Winkel allemahl kleiner zu schähen als einen bejahten, wenn er auch gleich mehr Grade hatte als der bejahte. Denn er ist weniger als Nichts, ber bejahte mehr. Dieß ist der Grund, warum ich in (48) 4 dem Fallen zueignete, obgleich das Fallen mehr Grade beträgt als das Steigen. Denn solchergestalt bleibt dieser Buchstade immer noch den dem kleinsten Winkel, wo er war, wenn bende Schnuren stiegen.
- 52. Dun könnten auch bepbe fallen, bas ist: bie kinien OP, OQ, bepbe von ber söhligen Ebenne burch O, niederwärts gehen. Alsbenn bedeuteten sowohl p, als q, verneinte Winkel.
- 53. Dem Gefege gemäß, daß p ben gröften. Wintel bedeutet, wenn bende bejaht find, muß es von benden verneinten Winteln den bedeuten, der die wenigsten Grabe hat, ber Schnur gehören, bie am wenigsten fallt. Bon ein Paar verneinten Gröffen schaft man bie für die gröfte, welcher gum Nichts am wenigsten fehlt.
- 54. Erempel. Die eine Schnur fiel 27° 30'. Die andere 43° 15' fo feste man

$$p = -27^{\circ} - 36^{\circ}
 q = -43 - 15
 p - q = + 16 - 15
 = + 15 + 45$$

Machten nun die Schnuren einen Winkel von 50 Gr. 20 M. = g; so wäre

$$g + p - q = 66^{\circ}$$
 5' halb 33° 2' 30''
 $g - (p-q) = 34$ 35 17 17 30

55. Wenn man hie die Secunden nicht weglassen will, ist es leicht die logarithmen der Sinusse der halben Winkel durch Proportionaltheile zu sinden, weil man nur den Unterschied der benden nächsten logarithmen, zwischen die ein solcher logarithme fallen muß, halbiren dats. 56. Uebrigens wurde für dieses Exempel die

Nechnung wie vorhin gefühtt. Die Cosinusse von p und q sind die, von 27 Gr. 30 M. und von

43 Gr. 15 M.

, 57. Ist eine ber benden Schnuren sohlig, die andere steigt, so darf man nur in (42) q = 0

feßen.

58. Für diesen einfachern Fall aber ist schon vorhin ben Gelegenheit der Eisenscheibe (8 Anm. 53) eine Formel gegeben. Weil dorten die Größen anders heisen als hie, so will ich, damit man sich in den Buchstaben nicht irrt, die dortigen Bezeichnungen in die hiesigen übersehen. Es beist

borten t h p hie h g p

59. Also ist in der gegenwärtigen Bezeichnung $\operatorname{col} h = \frac{r. \operatorname{col} g}{\operatorname{col} p}$

Daß (59) eben ben Winkel giebt, ben man nach (57) bekame, läßt sich aus trigonometrischen Lehren zeigen. Wer diese zulänglich inne hat, wird die Vergleichung für sich aufsuchen, und einem andern siele ich hie ohne Nugen damit beschwerlich.

60 Ist eine Schnur sthlig, bie andere fallt 3. E. 12°; So sete man für die sthlige p = 0; für die fallende q verneint, im Eremrel = — 12°; barnit q wieder ben fleinsten bender Werthe hat.

(52). Im Erempet ware

p — q = + 12.
61. Ob bende Schnuren steigen, oder eine steigt die andere fällt, oder bende fallen, oder eine steigt oder fällt, die andere söhlig ist, diese fünf Fälle sind in der einzigen Formel (42) mit gehörigem Gebrauche der befahten und verneinten Grössen enthalten.

62. Noch ift alfo übrig biefer Formel Urfprung

zu zeigen.

63. Man stelle sich vor aus O (20 Fig.) werben mit dem Halbmesser a (7) Bogen beschrieben,
einer in der Ebene POR, der andere in der Ebene
QOS. Jener schneibe OR in H; dieser OS in K;
So sind diese Bogen HP, KQ, Maassel der
Binkel p, q.

64. Ein Bogen mit eben bem Salbmeffer aus eben bem Mittelpunkte, geht also burch H und K, und ift bes Winfels h Maaf (11).

65. Die benben Ebenen, in benen bie Bogen (62) beschrieben find, schneiben einander in einer geraben linie, bie burch O fentrecht auf 110K flebt,

also vertical ist.

66. Zieht man also jeden ber benden Bogen in feiner Ebene weiter aufwärts, so schneiben sie einander in einem Punkte der Verticallinie (64), welcher von O um den angenommenen Halbmesser entsernt ist. Dieser Punkt heisse Z. Won Z bis H und K sind Quadranten.

67 Ein Bogen mit eben bem Salbmeffer in ber Ebene POQ geschrieben ift bes Wintels g

Maag

68 Alfo kann man sich eine Rugel vorstellen, beren Mittelpunkt O, Halbmesser = a, auf ihrer Flache Quadranten gröster Kreise ZH, ZK (25 Fig.), welche mit dem Bogen KH, ben K und H rechte Winkel machen. In diesen Quadranten HP = p; KQ = q; und ben Bogen PQ = g.

69. So hat man ein Rugeldreneck ZQP; in felbigem find die drep Seiten gegeben PQ = g;

 $PZ = 90^{\circ} - p$; $ZQ = 90^{\circ} - q$.

70. Der Winkel Z Dieses Rugelbrepecks hat zu

feinem Maaffe ben Bogen KH = h.

71. Und so ift die Frage (11) darauf gebracht, n diesem Rugelbrenecke, aus den brep Seiten, ben Wintel zu finden.

72. Aus

72. Aus der spharischen Trigonometrie (8 Sas) findet sich das Quadrat des Sinus der Halfte des Winkels folgendergestalt.

 $\mathbf{f}_{\frac{1}{2}}$ (PQ+ZQ-ZP). $\mathbf{i}_{\frac{1}{2}}$ (PQ-(ZQ-ZP))_{\mathbf{f}^{2}}

fin ZP. fin ZQ.

Nun ist ZQ — ZP = p — q; und so übersest man leicht ben gegenwärtigen Ausbruck in bie

Buchftaben (42).

73. In bem einfachsten Falle, wenn eine ber benben Schnuren sollig ift, giebt es ben bem sohligen Winkel, ben man berechnet, nicht unbetrachte liche Fehler, wofern man ben bonlegigen mit einiger Unrichtigkeit gemessen bat. (8 Unm. 65; 64;)

Ulfolaßt sich auch hie urtheilen, bas Unrichtige keiten in Messung bes Winkels g begangen, nicht unbeträchtliche Folgen in dem berechneten Winkel h haben werden. Eine allgemeine Formel, wie ich dorten für den leichtern Fall gegeben habe, wurde hie zu verwickelt werden. Diese Bemerkung dient also nur, zu erinnern, daß man sich bemühen soll, g, auch p und q, so genau als möglich zu messen.

74. Von der Aufgabe: Einen Winkel in einer schiefen Sbene auf den ihm gehörigen horizontalen zu bringen, habe ich schon in meinen astronomischen Abhandlungen 1. Samml. 1. Abh. 168 u. s. S. umständlich geredet. Damahls dachte ich aber vornähmlich daran, wenn die Schenkel des Winskels a nur kleine Winkel mit dem Horizonte machen, welches sich benm Feldmessen ast ereignet.

Ich suchte baher für biese Boraussehung Adhevungen aus allgemeinen Vorschriften herzuleiten, fand aber, daß sich hierinnen nichts bequemes erhalten läßt. Daß man solche Untersuchungen auf bie Eisenscheiben und überhaupt auf gegenwärtige Aufgabe der Markschiebekunst anwenden kann, has be ich in diesen Abhandlungen II. Sammlung, 92 S. erinnert. Hie aber schiene mir die deutliche Aussührung einen Plaß zu verdienen, um desto mehr, weil die Vergleichung der dren Ausschungen (14; 23; 41;) die vorzügliche Vequemlichkeit und Richtigkeit der leßten zeigt.

75. Damit man übrigens biefen gangen Borfchlag, Wintel burch Abmeffung geraber Linien, ohne Bangecompag und Gifenscheiben zu bestimmen, nicht etwa fur bloffe Spiffindigfeit eines Theoretiters balt, fo muß ich noch benbringen, daß ihn Boigtel schon gethan bat. Er tragt fo mas Part. 14; n. 2. 113 Seite unter ber Aufschrift por: wie auf Gifenbergwerken accurater Scheiben, als mit Scheiben, ohne Compag abaugieben; Mur mit Baage und Schnur, welches ihm beffer, obwohl ju Saufe benm Ausrechnen und Bulegen mubfamer ju fratten fommt. Boigtel mifit ebenfalls die Sebne eines Bintels ben ein paar gezogene Schnure machen. Er fucht diefer Sehne Seigerteufe und Sohle (ben mir PT, TQ); bie lette burch Ausziehung ber Quabratmurgel. Db er fich aber biefer Goble recht bedlent, bie lagen ber Sohlen ber benben Schnure ju bestimmen men (ben mir OR, OS;) das mag man ben ihm nachsehen. Vielleicht hat er richtiger gedacht all sich ausgedruckt. In seiner Figur wenigstens, nennt er noch die Schnüre selbst, wo er nur thre Sohlen nennen sollte. Die Vortheile welche Geometrie und Trigonometrie hieben darbieten, waren ihm wohl nicht sehr bekannt, an spharische Trigonometrie konnte der Markscheiber zu V. Zeiten natürlicher Weise gar nicht denken. Das der Wim tel durch die Sehne nicht gar zu richtig gemessen wird, wenn tr etwas stumpf ist, hatte V. gleiche wohl auch bemerkt.

76. Weibler beschreibt auch so ein Verfahren S. 54. 1. Auflös. 9. Fig. Man soll an die Sehne ben Gradbogen henten, um berselben Steigen (ben mir den Winkel PQT) zu finden, wenn es sich offen Krummung der Schnure thun läßt.

Daß es sich nicht wohl ohne Krummung ber Schnur thun läßt, wurde man wohl schon urtheilen, wenn es auch Voigtel nicht schon gesagt hatte, ber sich ohne Zweifel sonst baburch gern bie Ausziehung ber Quabratwurzel (75) wurde ere spart haben.

77. Wie man die Messungen der Schenkel des Winkels und der Sehne brauchen soll, lehrt Weidler erst §. 66. 1. Fall ben Gelegenheit des Zulegens. Es hangt aber mit gegenwärtigem so natürlich zusammen, daß ich hie dabon reden muß.

78. Weiblers Wortrag und feine bagu beftimmge 10 Fig. scheinen mir gang verwirrt gu fen. Er will bas Drepect cdb, wie er fich ausbruckt, borizontal barftellen, und zieht zu dieser Absicht bie unterfte Horizontallinie zgd.

... 79. Alfo muß er sich durchd eine sohlige Ebene porstellen, die von ber feigern burch de in dz gefchnitten wird. Dieß erhellt auch baraus, weil mach feiner eignen Angabe, cz; zd; ber Linie cd,

Seigerteufe und Soble finb.

80. Weidler nennt ausbrucklich die linie zyd, nimmt also an, daß cz, by bendes Verpendikel auf Diefe linie find, folglich ift zyd in ber Ebene bes Prepects cbd; und weil er cz, by fur feigere tie nien annimmt, ist biefes Drepeck in einer feigern Cbene.

Es soll aber ohnstreitig bas Dreneck ebd feiner 9 Fig. bedeuten , benn S. 66. will er zeigen, wie bas S. 54. gemeffene zugelegt wird.

Das Drepect obd ber 9 Rig. ist aber nicht In einer feigern Chene, wenigstens laft fich biefes nach ber Absicht ber 9 Fig. nicht allgemein annehmen.

Also hat sich Weibler hie verwirrt, und felbst

micht gewußt, was er wollte.

81. Bon biefem Bieberfpruche tonnte man ibn burch eine etwas gewaltsame Emendation retten. Man mußte im Terte und in ber 10 Sig. es für einen Brethum annehmen, baß y in ber linie dz ift. Man tonnte fich biefen Punkt irgendwo fonft ausset ausser diese Linis, aber in der Spligen Sene durch sie, vorstellen, so bliebe das Uebrige noch wahr, mas M. sagt; Noch blieben bx, by, cz == xy, die Seigerteusen von bc, bd, cd, und aus cz und cd fande man zd.

82. Run aber sieht man nicht, mas W. sepener macht. Aus den Sohlen, sagt er, soll man das Drepeck obd zulegen. Run sind in seiner Figur ox die Sohle von ob, zd bie von od, und yd die von bd, wo aber y falsch gelegt ist (80). Und was man mit hiesen drep Sohlen machen soll, hatte B. deutlich anzeigen muffen, zumahl da die ersten benden in unterschiedenen Ebenen sind.

Aus den Sohlen das Drepeck obd zu machen, wie der beutsche Uebersetzer es gegeben hat, und wie es auch Weidlers Ausdruck wenigstens zuläßt, ist gedankenlos, denn des Drepecks obd Seiten sind nicht sohlig, man kann es also nicht aus Sohlen machen. Die einzige verständliche Auslegung von W. Ausbrucke kann seyn: das Drepeck zu zeichnen, daß der linien ob, da, de, Sohlen machen.

83. Wenn man überlegt, baß B. 19 Fig. ben Gebrauch ber Meffung in feiner 9 lehren foll, so ist leicht zu feben baß er ohngefahr folgendes hatte sogen follen:

Man stelle sich burch o ber 9 Fig. eine stollage Sbene vor; In dieser bestimme man ben Wintel, ben ber kinien, bo, bd Sohlen mit einanden,
machen.

Das

Das mare die bisher abgehandelte Aufgabe, sinif bonlegigen Winkel ben jugehörigen sohligen zu finden. Aber in 2B. Vortrage ist nichts, das Bafu biente.

84. Es scheint, daß Weidlern, wenigstens bie; bie' geometrischen lehren von den lagen der Ebetien nicht gar zu gegenwärtig gewesen sind, und dai diese lehren ben dieser Untersuchung nothwenbigiersobert werden, so ist kein Wunder daß er darüber etwas sagt, darinnen kein Werstand ist, und darein der deutsche Ueberseger freylich auch keinen bringen konnte.

13. Anmerfung.

Ueber das Verrichten der Grubenzüge mit dem Compasse.

₩. S. 52.

- 1. Der Markscheiber nennt abziehen, ober einen Zug verrichten, was ber Feldmeffer: ein Selb aufnehmen nennt.
 - 2. Der Feldmesser braucht gewöhnlichermaffen, so viel er kann, Horizontallinien, ben dem Markfcheiber verstattet die Beschaffenheit der Geburge in denen er arbeitet dieses nicht. Er muß also geneigte linien brauchen.
 - 3. Die Reigungen biefer linten giebt ibn ber Grabbogen (4. 20nm.).

1. Und

4. Lind hie die lage ber Berticalflache burch jebe linie, gegen ben Meridian ber Magnetnabel ber Compaß. (7. Unm.).

5. Die lange jeber linie, Die lachterschnur.

(e. Unm.).

6. Jebe biefer bren, vorhin ein ein beschriebenen Arbeiten, ben jeber ber kinien, bie in einer Reihe nacheinanber folgen angebracht, wird also bie Figur angeben, welche biese kinien mit einander machen.

7. Man sieht, daß dieses Versahren mit ber Feldmesserarbeit am meisten Aehnlichkeit hat, da man eine Figur, um die man gehen kann, aus ihrem Umfange, mit der Boussole mist. Nur daß der Feldmesser die Seiten des Umfangs horisontal annimmt, und gewöhnlich die Figur ganz umgeht, daßer am Ende seiner Arbeit wieder dahin kömmt, wo er am Ansange war; bendes geschicht eben nicht allemahl benm Markscheider.

8. Der Markscheiber nennt die linte, die er abzieht, einen Markscheiberwinkel. Bon Opp. 623.
626. Ich führe diese Benennung nur an, damit
sie nicht unbekannt ist, werde sie aber nicht brauchen, da sie nur Verwirrung verursachen wurde.

9. Die lage ber linie, die man abzieht gegen ben Horizont, gebe man so an, daß man bemerkt, ob sie nach der Gegend, nach welcher man zuzieht, steigt ober fällt.

Wenn 3. E. die Linie mit bem Horizonte einen Winkel von 60 Gr. machte, so konnte man an ihr

von oben herunter, ober von unten hinauf ziehen. Borten murbe man fagen, daß fie so viel fiele, hie, daß fie so viel fliege.

10. Den Compaß stelle man allemahl mie SE nach ber Gegend, nach welcher man zuzieht.

(7. Anm. 15).

11. Diese benben Vorschriften (9; 10) bienen bazu, baß man die lage ber Dinge, bie man abzieht, kurz, und ohne Gefahr zu irren aufschreiben kann.

12. Der seigern Sbene burch die Schnur, Ihre lage gegen ben magnetischen Meridian, giebt ber Hangecompaß unmittelbar an, weil er sich vermöge seiner Vorrichtung soblig stellt (7. Ann. 54).

13. Will man aber einen ber andern Compaffe brauchen, fo muß man in erwähnter seigern Chene irgendwo eine foblige Linie haben und biefer Streb

chen mit bem Compaffe abnehmen.

14. 3. E. Man liesse von der gezogenen Schnur zwey kothe herabhangen nahe genug an einander, daß eine kinie auf dem Compasse bende durchschneiden könnte. Nun hielte man den Compass nach einer solchen kinie, dem Augenmasse nach söhlig, an bezode kothe an, und bemerkte das Streichen der kinie. Oder: Man brauchte nur ein koth, und legte ein Richtscheid dem Augenmasse nach söhlig, durch einen Punkt dieses kothes, und einen Punkt der Schnur; dieses Richtscheids Streichen nahme man mit dem Compasse ab.

15. Solche, ober mo möglich-beffere Worriche tungen, mußte man bie fur ben Bebrauch bes Sescompaffes ober Grubencompaffes machen. Und bas erinnert Weibler, in seiner 2. Aufl. 3. Art. mit bem einzigen Worte unter ber Schnur; verlagt fich vermuthlich barauf, ber Marticheiber werbe, wenn er so was vornimmt, schon felbst finden, wie er es machen muffe.

15. Methoben, wie ich (14) angezeigt habe, scheinen mir ziemlich mubsam und unsicher, weil man benm Unhalten des Compaffes u. f. w. leiche etwas aus ber feigern Ebene fommen wirb. Man fann afo baben allerdings leicht in Ungebung ber Stunde fehlen , wie 2B. S. 53. fagt , ob ich gleich nicht febe, bag bie Enge ber Gruben hieben besonbers beträchtliche Wirkung haben follte. führt in dem lateinischen Originale Boigteln pag. 113 an. Da rebet B. aber von Gifenfcheiben, meniaftens in ber erften Ausgabe bie ich befige. Der beutsche Ueberseger bat Dieses Allegat wegges laffen, vielleicht, weil er es unrichtig befunben bat.

14. Anmerfuna.

Ueber die Berechnung eines Zuges, der mit dem Bangecompasse verrichtet morden.

33. 6. 58.

I. Es wird nicht unnug fenn, biefes Berfahren, bas nur Anwendung ber bisherigen Lehren ift, burch durch ein Paar Erempel zu erlautern, wozu einige Zeilen aus 2B. Lafel ben Diefem Absache bienen konnen.

- 2. Diese Tasel enthält in den ersten 7. Columnen, so zu reden, die Geschichte des Zuges; was der Markscheber unmittelbar gemessen hat, wozu noch die Anmerkungen der 11 und 12 Col. gehören. Die übrigen Columnen enthalten Berechnungen aus jenen Messungen hergeleitet. Man könnte sie also auch von den übrigen absondern. So hat es der Hr. v. D. gemacht, und S. 641 einen Grubenzug beschrieben, S. 678. desselben Berechnung mitgetheilt. Die Unmerkungen mußte er alsdenn sedesmahl benschreiben. Und so ist es frenlich natürlich, bendes in einer Tasel vorzustellen, wenn man nur den Ursprung der berechneten Columnen aus dem Gemessenn gehörig erläutert hat.
- 3. Die Geschichte bes Zuges in 2B. Tafel fangt also in ber ersten Zeile folgendergestalt an:

Bom Unhaltungspunkte ift man & lachter feiger aufwarts gefahren.

Also giebt es da kein Streichen, und keine Sahle.

- 4. Die Geschichte in ber zwenten Zeile heißt: Eine Schnur, 4 lachter lang, fiel 10, ihre Soble frich in 1 St. $7\frac{1}{4}$ Ucht.
 - 5. Hieraus murbe ich (9 Unm. 14.) fo rechnen:

Die lange der Schnur ist 32 Achttheil. log sin 1° = 0, 2418553 — 2. 38 = 1, 5051500

ber Seigert. = 0, 7470053'
cof 1° = 0, 9999338 — 1
32 = 1, 5051500

Der Soble = 1, 5050838

Diefe Logarithmen-geben

bie Sohle = 31,995 Acht. = 3 & 7,995 Acht. Seigert. = 0,55847

Ich habe mich ber gröffern logarithmischen Lafeln bedient. Aus den gemeinen findet man die linien in einer Decimalzifer weniger, also doch Sohn le in Zehntheilen des Zolls, in taufend Theilen Seigerteufe.

B. in ber 8. Col. giebt bie Sohle in gangen Bollen mit mir einerlen an. Folglich um 95 hunbertheile eines Bolls, bennahe um einen gangen zur klein.

Auch so, in ber 10. Col. die Seigerteufe fallens, 55 Bebnthelle eines Bolls, sie ist aber beren

bennahe 56.

6. Man sieht hieraus, wie unbrauchbar die Tafeln der Sohlen und Seigerteusen sind, deren sich W. hie ohne Zweisel bedient hat. Schon ben jeder dieser kinien einzeln ist W. Fehler nicht unbeträchtlich. Nimmt man nun viel kinien zusammen; addirt man z. E. die zz Seigerteusen sallensder ber zehnten Columne, so kömmt ihre Summe einen Zoll zu klein, wenn jede nur etwa ein Zehntheil eines Zolls zu klein ist. Und daß nach W. Tafeln jede einzelne Gröffe zu klein, nicht manchmahl zu groß kommen wird, läßt sich aus (10. Unm. 25) schliessen.

7. Aus dieser Erläuterung der zwenten Zeile versteht man alle übrigen, nur daß B. in Bezeichnung der Angaben micht allemahl mathematische Richtigkeit gebraucht, handwerksmäßigen Markscheidern sind solche Undeutlichkeiten eher zu verzeihen, die man sich aus dem Zusammenhange erläutert.

8. 3. E. ber 4. Col. Ueberschrift ist: kachter und Achtspeile. Mun steht barinnen in ber dritten Zelle r. Das heißt nicht r kachter & Achte theil, wie aus der Ueberschrift wohl folgte, fondern: Anderthalb kachter. Da W. in der ganzen Columne, was Achttheile und Vielsache dar von beträgt, als Brüche des kachters geschrieben hat, so mußte ihre Ueberschrift nur heisen: kachter.

9. Die dritte Zeile heißt also: Eine Schnur von 13 Lachter fällt 4°. Ihre Sohle streicht in 3 St. 33 Acht., ist 1 Lachter 3, 9 Acht. Seigert.

fallens o, 82 Achtth.

10. Die Berechnung (wie in 5) giebt mir hier Sohle = 1 & 3, 970 Achtth., Seigerteufe fablens = 0, 83708 — Achtth. Bende also wieder gröffer, als W. sie fand (6).

15. An•

15. Anmerkung. Vom Abziehen auf Eisengruben.

2B. S. 54.

1. Hie barf man nur bas wiederhohlen, was vorhin von Eisenscheiben (8. Unm.) und bem Berfahren, Winkel nur mit Schnuren ju messen, (11. Unm.) ist gesagt worden.

2. Bon Achsen ber Gruben (Beibler S. 54. II. Auflös. n. 7) habe ich ben keinem Markscheiber. was gelesen Man errath leicht, daß W. inskunfrige lehren will, Zeichnungen der Gruben zu.

machen.

16. Anmerkung. Von Grubenrissen. W. S. 61.

r. Wenn man sich die Grube, in der gemessen worden ist, mit einer sobligen Sbene durchschnitten vorstellt, und was sich in dieser Sbene besindet, auf einem Papiere, nach einem verjüngten Maaßstade verzeichnet, so entsteht ein sobliger Riß, so etwas, wie ein Grundriß ben einem Hause.

Einen folden Rif verfertigen, nennt ber

Markscheiber: zulegen.

2. Weil aber ben einer und berfelben Grube ein folcher söhliger Durchschnitt und ein anderer gar sehr unahnlich senn werden, so sind dergleichen R 2 Riffe

Riffe unterschiedene nothig, die man sich parallel übereinander in gehörigen Entfernungen vorstellen muß, wie Grundriffe von unterfchiedenen Stock

werten eines Hauses.

3. Die Grube liesse sich auch mit seigern She nen, nach unterschiedenen Richtungen gesett, durchschneiden. Was in eine solche Sebene fällt, kaßt sich auf einem Seigerrisse abbilden; den man also, über die gehörige Soble, senkrecht auf einen söhligen stellen kann. Wie Prosile eines Gebäudes.

4. Die allgemeine Beschaffenheit solcher Riffe wird fich folgenbergestalt vorstellen lassen.

5. FG, GH, 26 Fig. find ein paar Schnuren,

von beren jeder man lange und Donlege weiß.

6. Auf eine willkuhrlich angenommene sohlige Ebene fallen FT, GV, HW, seiger, sind also ber Punkte F, G, H, Sohen über dieser Ebene.

7. Ober Liefen unter ihr, wenn die Ebene

über einem, ober mehrere biefer Duntte lage.

8. TV ist so lang, als FO, eine ihr parallele Linie durch F zwischen FT und GV, folglich ist TV die Sohle von FG, und eben so, VW, die von GH (9. Anm. 1).

9. Es wird angenommen, baß man bas Strei-

den diefer Cohlen weiß.

10. Run muß man wissen wie weit einer ber brep Punkte (6) von ber sobligen Sbene ist.

11. Aus

re. Aus (5) fat man jeber ber benben kinien Seigerteufe in der Bebeutung, die bas Wort (9. Anm.) hat.

12. Folglich aus to; It; bie Perpenbikel FT,

GV, HW;

13. Nahmlich, wenn FG wie in ber Figur angenommen wird, steigt, so ist GO ihre Seigerteufe, und GV = GQ + FT, baß man also aus Seigerteufe und einer ber benden andern Linien die übrige hat.

14. Fiel FG, fo mare GV um bie Seigerteufe

fleiner als FT.

17. Ware also FGH ber Anfang eines verrichtes ten Zuges, so lieffe sich ber sohlige Rif bavon folgenbergestalt zulegen:

16. Man ziehe 27 Fig. TV, VW, in eben ben Stunden, in benen TV, VW 26 Fig. streichen.

17. Man mache nach bem versungten Maaße flabe bie benben Limen ber 27 Fig. fo lang, als die bepben ber 26; nach bem wirklichen find.

18. Ein Seigerriß läßt sich biesem föhligen

folgenbergeftalt benfügen.

19. Man ziehe nach Gefallen eine Unie MN 27 Fig. welche eine Horizontallinie bebeuten foll.

20. Auf sie falle man Perpentitel Tt, Vv,

Ww.

21. In diesen Perpendikeln nehme man if, vg, wh, nach bem verjungten Maasse so groß, als TF, VG, WH, 26 Fig. nach bem wirklichen.

E, G, H, in Absicht auf Thre Sohe und Liefe vor.

23. Nahmish: vg ist um sooviel gröffen ober kleiner als es, so viel G höher ober niedriger ist als F u. s. w. zum voraussest; daß die Hortzontalssiche (6) nicht über F liegt, sonst müßte man diese Ausdrückungen umkehren.

24. Rahme man fint, fo hieste bas bie Hori-

zontalfläche murbe burch F gelegt.

25. Zieht man fq 27 Fig. mit MN paraffel, so hat man ber Linie FG 26 Fig. Seigerteufe GO (23).

26. Und thre Sohle FO = TV 26 Fig.; vers' moge ber TV 27 Fig. im söhligen Riffe (17).

- 27. Will man also die kange der kinie FG 26 Fig. selbst wissen, so zeichne man 28 Fig. ein rechtwinktlichtes Drepeck, wo IK = gq; KL = TV 28 Fig., dessen Hypothenuse IL ist nach dem perjungten Maasse so groß, als die gesuchte kange nach dem wirklichen.
- 28. Sp laßt sich die lange einer bonlegigen lie nie, aus söhligem und Seigerriffe, burch eine Verzeichnung sinden, aber nicht unmittelbar abnehmen.
- 29. Das leste ginge für eine einsige:Anie so an: Wenn man MN-mit TV parallel gezogen, ober selbst in die Richtung dieser. Link gelegt häcte; da wurde sq = TV die Soble also kg 27 Fig.

nach dem verjungten Maaffe fo groß, als FG 26

Fig. nach dem wirklichen.

30. Aber nun kann MN nicht zugleich ber folgenben Sohle VW 27 Fig. parallel senn, und also muß man für bieser ihre Anie boch nach (28) verfahren.

31. Uebrigens ist ben dieser Gelegenheit noch ein sehr unrichtiger Ausbruck in Weidlers S. 65. zu verbessern. Er sagt: die gefundene Sohlen murben auf dem Papiere in die Winkel gegen ein ander gelegt, welche die Donlegen in den Gruben mit einander machten". Der Ueberseher hat es auch so benbehalten.

Die Winkel der Donlegen, sind FGH 26 Fig. die Sohlen ihre TVWie benda sehr unter-

schieden (11. Anm.)

17. Anmerkung.

Von den Werkzeugen, Winkel sohliger Linien zu zeichnen.

- T.. Wenn mann das Streichen jeder linle in Stunden angegeben hat, und eine Zeichnung von ihnen verfertiget, so kann man offenbahr annehmen, die erste, die man zeichnet, wie TV 27 Fig. streiche in welcher TV 26 von der die, 27 Fig. die Vorstellung ist, streicht.
- 2. Dieses angenommen, ift die Frage: wie man VW 27 Fig. tegt, daß sie in eben ber Stunde R 4 streicht

fireicht, in welcher bie von ihr vorgestellte Linie VW

der 26 Fig. streicht.

3. Ober, überhaupt: Die ift ber fohlige Rif zuzulegen, baß jebe feiner linien, in ber geborigen Stunde streicht, wenn man nur eine von ihnen in die ihr gedhrige Stunde gelegt hat?

4. Will man ber fohligen Linien Winkel in Graben ausbrucken, (7. Anm. 32) fo ift bagu kein anber Werkzeug nothig, als bergleichen sich ber Felbmeffer ben feinen Zeichnungen bebient.

5. Diese Verwandlung zu ersparen, bedienen sich die Markscheider bes Juleginstruments (Weibler f. 29.) bessen Gebrauch; von jedem der sonst zu zeichnen versteht, so gleich kann verstanden werden.

6. Weil sie glauben es sen am sichersten, mit eben bem Compasse zuzulegen, mit welchem ber Zug ist verrichtet worden, so nehmen sie ben Hangecompas aus feinem Behalfnisse, und bringen ihn in das Zuleginstrument.

7. Sorgfaltig muß von dem Tische, auf dem sie zeichnen wollen, alles Eisen entfernt werden. Selbst die Zirkel wunscht der Sr. v. Oppel von Silber, oder doch die fichlernen Spiken deran so kurs, als

moalich.

8. Das Verfahren (6) ist beschwerlich, und noch mehr die Sorgfalt (7) ben welcher noch der Riß immer in einerlen tage bleiben muß, damit keine seiner Linken in eine andere Stunde kömmt, als in die, in welcher sie streichen soll,

9. Und

9. Und eigentlich, wenn man sich auch bie Werwandlung (4) ersparen will, ware boch nicht nothig, daß jede kinie auf dem Risse in ihre Stunde de gelegt wurde, sondern nur daß jede mit der andern den gehörigen Winkel machte. Diesen köne te man in Stunden angeben, und ihn vermittelst eines Kreises auftragen, der in Stunden getheilt ware.

10. Dergleichen Werkzeuge sind schon unter ben Nahmen: Stundentransporteur bekannt; Bener redet davon, P. 11. sap. 13. und bildet sie Tab. 1. fig. 10, ab. Man hat sie gebraucht einen Zug zuzulegen, der mie Eisenscheiben vers richtet worden, offenbahr aber dienen sie allezeit

fatt bes Zuleginstruments.

11. Ein seicher Stundentransporteur ist leichter abzutheilen, als der gemeine Transporteur, weil ben jenem Alles durch Halbirungen der Bogen ge-

fchicht.

12. Sturm hat in seiner Markscheibekunst 13 hi Die Sehnen angegeben, die man zu einem gerabes linichten Stundentransporteur brauchen könnte. Wiel Rechnung hat ihn das nicht gekostet, denn es sind nur die Sehnen für alle ganze Stunden, also von 15 zu zr Graden. Aber eben deswegen ist auch Sturms Tasel nichts nüße. Der Feldmesser braucht den geradelinichten Transporteur, die Winkel etwas schäffer zu zeichnen als vermittelst des gemeinen möglich ist, und wurde ausgelacht werden, wenn er die Winkel nicht genauer als R 5

von is zu 15 Graben angeben wollte. Go grob als Sturms Chorbentafel, giebt' jeber Stunden-transporteur bie Winkel. Wollte man Achtcheile ober fleinern Abtheilungen ber Stunden angeben, to konnte zu biefer Absicht ein gerablinichter Trans porteur bientich fein, weil man für folchen, beit Balbmeffer groffer annehmen fann, als für treisformigen. Ueberhaupt aber, wurde ich ftatt em neu Instrument anzuschaffen, fteber bie allge-mein gewöhnlichen, mir ber so leichjen Verwandlung ber Stunben in Grabe brauchen.

g. Anmerkung.

Berjungter Lachtermaakstab.

"". Man trage bie Einie AD 29 Rig. , bie ein lachter beveuten folt, auf AB! fo oft als es angeht. Die ift es brenmaht geschehen.

2. Auf AD richte man AC fenfrecht auf, und trage auf sie so biet Miche Thette, als man im Lache a min comment

ter angugeben verlange.

4 36 Die find vier Theile gemacht ; und fo giebt ber Mankftab Biertheillachter, ober von 20 ju an Boll.

4: Run giebe man bie Parallelen; und bie Diagonale, wie die Figur zeigt, und fonft ben folchen

Maasstaben gewöhnlich ist.

1 5. Bon biefem Maafftabe fann man gange lachter, und die Theile die nach (2) anjugeben find, abnehmen.

Die

Die Sinie Gigs ware if lachter ober 1 lache ter 40 Boll. On

- 6. Der Dr. v. Oppel leher biefen Maakstab 120 f. Er trogt 16 Theile auf AC; sp. kann man Sechszehntheile best lachteret, ober wom 5 34, 5 Zollen barauf abnehmen.
- 7. In eben bem Orte leher er noch Maafflabe verzeichnen, bie etwas anders eingenichnet; Mes bieß versteht man leicht aus ben Verzeichnungen gewöhnliche Maafflabe. Daher ist hie eine kurze Unzeige bavon genug.

47 19. Anmerkung.

Grubenrif bes Anfangs von dem Zuge den Weidler 58. S. beschreibt.

1. Ich will hie die Zahlen benbehalten, wir B., sie angiebt, ohne die Verbesserungen, welche Sohlen und Seigerteuse, nothig haben. (14. Ann. 5.)

2. Meine Zeichnung foll nur die erften bier Zeis

len von 2B. Tafel vorstellen.

3. In der ersten Zeile ist vom Anhaltenspunkte seiger gemeffen worden, da giebt es keine Soble und kein Streichen.

4. Rin follen AB, BC, CD, 30 Fig. ble Sohlen Der 21; 3; 4; Schmur ober ber 23; 3; 4;

Zeile in 2B. Tafet fenn.

5. Dued jeben Punke von bem eine Sohle aus gehen foll, flelle ich mir eine Magnetnadel vor; Das

Das sind hie die gerüpfelsen Linien. Hie brauche ich nur die nordlichen Halften, und bezeichne jebes nordliche Ende mit P.

6. Go ift aus Weidlers Angabe.

2 Beile PAB = 1 St. 7\frac{1}{4} \tilde{A}. = 28° 35' 37"5 3 PBC = 3 3\frac{1}{2} = 54 33 45 4 PCD = 2 3\frac{1}{2} = 20 .9. 22,5

7. Die Sohlen AB = 3 & 7, 9 A = 31, 9 A.

BC = 1° 3/9 3° = 11, 9. CD = 4° 6,3 3° = 38,9

8. Der Raum verstattet nicht die Zeichnung groß genug zu einer maffigen Richtigkeit zu machen, hie wird auch nicht Richtigkeit der Zeichnung felbst, sondern nur eine deutliche Auleitung

erfordert, wie sie zu machen ist.

9. Die Winkel habe ich mit dem Transporteur aufgetragen, allemahl den halben Grad genommen, dem der Winkel am nächsten kant. Ein Transporteur, der halbe Grade hat, giebt bennahe Zwen und dreihfigtheil Stunden an. (12Unm. XII.) die der Markscheiber ofmedem nur geschäft hat, weil der Compaß nicht so subtil eingetheilt ist. Ben einer grössern Zeichnung wurde ich mich eines geradelinichten Transporteurs bedienen, oder anderer bekannten Mittel, Winkel genau zu zeichnen.

10. Für die Sohlen (7) giebt o, i eines rheine

land. Bolle ein Lachter.

11. Folgendes gehort zum Seigerriffe (16. Annr. 18). Nach Weiblers 1. Zeile ift ber Unhaltens-punkt

punkt 4 Acht. über einen gewissen angenommenen Harizont.

Und nach ber 2; 3; Enbe ber 1. Donlege 0, 5; A. niedriger als biefer

Portzone

. . . 2 . . . 0, 82 . . Enbe ber ersten

Enbe ber 2 . . . 1, 37 niebriger als ber ho-

12. Ich ziehe also eine Linie UN 30 Fig., die sich in bem angenommenen Horizonte befinden soll.

13. Auf fie, AA, BB, CC, fentrecht.

14. Von ihr aufwarts nehme ich Aa = 4 Acht niederwarts Bb=0,55

Cc = 1, 37

15. Bu bem Seigerriffe habe ich 0, 1 rheintand. Zoll, ein Achttheil gelten lassen. Bekanntermaassen ist nicht ungewöhnlich Profile, nach einem größsere Maakstabe zu zeichnen, als Grundrisse. Das Berfahren (16. Anm. 27) geht frenlich nicht an, als wenn bende Risse einerlen Maakstab haben.

20. Anmerkung. Ueber Weidlers Erempel.

§. 58, 69; 70.

1. Mir kommt hie B. fehr undeutlich vor. Er fagt nicht einmahl, daß bende Erempel zusammengehörige Messungen vorstellen, das muß man erft aus aus feinem 6. 72. errathen. Er ift nun fo gu verstehn.

2. In S. 58. Hat ber: Markscheiber von der Gegend bes Schachtes, in Weiblers .20, Fig. in ber Grube so gezogen, wie bort beschrieben ift, bis an des Stollens Mundloch b... - In f. 70; fangt sich der Tagezug 6, 8 Achtt. über ber Soble des Stollens Mundlochs an, geht

von ba bis an ben Schacht, ferner in folchen binein.

3. Benber Züge Bergleichung ift folgende In S. 18. war Steigen 0 & 4, 20 21. Rallen 2 1, 45

Bufammen Fallen 1

4. Go tief ist die Stollensohle ainter bem S. 18. angenommenen Borijonte, über welchen ber Punft des Unhaltens & lachter mar. .

5. Diefe Stollensoble nun beigt in Der Safel S. 71; in ber 12 Columne 1 Zeile, linea horizontalis, ber Ueberfeger bat folches richtig gegeben. Das muß beswegen erinnert werben, weil in ber Lafel f. 58; 1. Col. auch eine horizontalis steht, welches aber gang eine andere, nahmlich im Schachte ist (2).

6. In S. 71. braucheich hie zuerst bie Seigerteufen Steigens ber 9. Col. Sie gehen bis mit an ben fiebenten Pfahl i; ober ben Safpel (machina tractoria) ber über bem Schachte fteht. Sie betragen jusammen 8 &. 6, 08 2. Diese Babl hat

hat W. felbst in Die 9. Columne hingesest, aben nicht angezeigt, bag es die Summe ber über ihr befindlichen Zahlen ift.

7. Um soviel ist also die Stollensoble tiefer als

ber Saspel.

8. Die Seigerteufen Fallens in B. Tafel § 71.
10 Col. betragen jusammen 4 & 2, 19 U. Auch diese Zahl steht in erwähnter Columne, ohne Ungeige daß sie eine Summe ist.

9. Go tief ift ber Schacht vom Safpel abge-

sunten.

te, wo der Haspel ist (5) HS seiger bis an die Stollensohle (7). T im Liefsten des Schachts (9) K in Weiblers &. 58 angenommenen Horizonts (4). So giebt sich solgendes

HS = 8 lachter 6, 08 A. (6) abgezogen KS = 1 5, 25 (3)

1K = 7 0, 83 abgezogen HT = 4 2, 19 (8)

 $TK = 2 \qquad 6,64$

is Eben biese Grosse, nur wegen weniger scharf geführten Rechnung; 7 Zoll giebt W. S. 72; und sagt: "So weit musse ber Schacht fortgeführt werben, bis er die Horizontallinie des Stollens erd reiche."

12. Diese Worte mit der Vorstellung in Busammenhang zu bringen, welche ich bisher gegeben ben habe, fallt mir etwas schwer. K ist offenbahr nicht in dem, was (2) Sohle des Stollens Mundlochs heißt, mit welcher S in einer horizontalen Ebene ist. Was heißt also in (11) Horizontallinie des Stollens?

13. Weit Stollen nicht ganz horizontal geführt werden, sondern vom Mundloche an steigen, so könnte man denken, die Stollensohle, die eigentslich also eine geneigte Schene ist, sey die an Kum SK gestiegen. Aber das ware ein wenig stark. Wenn man die ersten sieden Sohlen in W. J. 71. L. Eol. zusammen addirt, so kommen 63½ lacht.; davon beträgt KS weit mehr als den sechzigsten This; Und das Unsaher Absteigen der Stollensohle, die Stollentösche ist insgemein I lachter auf 400 (v. Oppel J. 785.) darnach sehltes viel, daß man die erwähnten Sohlen zusammen addiren durste, daraus die Stollensohle zu machen, denn sie haben nicht einerlen Streichen. Und so ist die Stollensohle noch viel kürzer als ihre Summe.

74. Allerdings wird unter T noch Gestein sepn, burch welches ber Schacht kann abgesunken werden. Aber dieses Gestein kann nicht bis in K reichen; benn im Horizonte burch K befand sich der Markscheiber in 28. 5.58; und hatte da ½ 2. darüber

feinen Unhaltenspunkt.

15. Ich bekenne alfo, daß ich Weidlern bie entweber nicht verstehe, ober daß Er hie Dinge jus sammengesett hat, die sich nicht zusammen benten lassen.

21. An:

21. Unmerfung.

Beiblers Prüfung von Beigtels Regel.

\$ 74

Statt der weitläuftigen Buchstabenrechnung läßt sich die Sache gleich durch eine Figur einsehn. Es senen 32 Fig. ABC; BDE; zwen rechtwink-lichte Drenecke. Baigtels Regel nimmt an: die Summe ihrer Seigerteufen AB + BD = AD, und die Summe ihrer Sohlen, BC + DE, recht-winklicht zusammengeseht, geben ein Dreneck ADF, bessen Inpothenuse AF, die Summe der Hypothenusen AC + BE sen.

Hat man also, wie die Figur zeigt, der bensen einzelnen Drenecke Seigerteufen in eine gestade Linie an einander gesetzt, folglich ihre Sohlen einander parallel, und soll Voigtels Voraussestung richtig senn, so sen DF die Summe der Sohlen = DE + BC; Also ist EF = BC, und BEFC

ein Parallelogramm wo CFE = BED.

Soll nun V. Woraussetzung richtig senn, so muß CF auf ber Berlangerung ber linie AC liegen; Folglich ACB = F = BED senn.

Das beißt: Bepbe Drepecke muffen abnlich

fenn.
So zeigt die Betrachtung der Figur sogleich, unter was für Umständen Boigtels Boraussehung richtig ift oder nicht.

Ist nicht ACB = BED, so fallt die Berlangerung von AC nicht auf CF, und wenn man AC verlangert die sie DF irgendwo schneibet, so hat man ein rechtwinklichtes Drepeck, bessen Seigerteuse AD = AB + BD; Aber seine Sohle und seine Hypothenuse sind nicht Summen der Sohlen und der Inpothenusen.

Weil W. Voigtels Vorausserzung hypothesin nennt, so hat der Ueberseter dieses: willkübrlicher Satz gegeben. In der deutschen mathematischen Sprache braucht man diesen Ausdruck nur von den Erklärungen, was man durch arithmetische und andere Zeichen andeuten will. Einen Begriff mit dem oder jenem Zeichen anzudeuten ist willkührlich, aber so was wie V. annahm ist es nicht, sondern das ist unter gewissen Umständen nordwendig wahr, unter andern eine falsche Voraussebung.

22. Anmerfung.

Auf einem Berge einen Bunkt anzuge ben, von dem eine Linie seigerherabgelassen, ein gegebenes Stud einer sohligen Linie abschneidet.

23. S. 75. caf. 2.

1. DIC ist ein Berg; Man soll sich in benfelben hinein, eine sohlige Linie CGB vorstellen, beren Streichen gegeben ist. Nun foll von dieser Linie nie CG ein Stud von gegebener lange finn. Man soll auf des Berges Oberfläche ben Punkt I an-

geben, ber feiger über Gift.

2. Man giebe über Tage eine Schnur CA, fo daß eine föhlige linie in ber feigern Ebene burch biefe Schnur, in ber gegebenen Stunde ftreicht (1). Das lagt fich mit bem Sangecompaffe bewert. ftelligen. (7. 2nm. 54)

3. Go ist in Diefer Chene die fohlige Linie burch C bie, nach welcher man in ben Berg ge-

ben foll.

4. Man ftelle fich bie feigern linien EIG, ADB; por, bie erfte foll CG von gegebener lange = b abschneiben, und es fragt sich also, wie man bie Puntte E, I burch welche fie geht, findet.
5. 2B. Auflösung ift folgende: Er mißt ein

willführliches Stude ber bonlegigen linte CA == a

und desselben Donlege ACB = C.

Mun sucht er die Sohle CB, welche biefer In-

pothenuse und Donlege gebort.

Und nun macht er die Proportion CB: CA == CG: GE in welcher die dren ersten bekannten Blieber das vierte geben.

Alfo von E ein loth auf ben Berg berabge-

laffen giebt I.

6. Diefes theoretisch richtige Berfahren wird in ber Anwendung fleine Unrichtigkeiten geben, wenn man Weiblers ober anbere gemeine Tafeln für die Soblen braucht. (10. Anm. 26.) Und bann ersobert bie Regel Detri eine oft mubfame Rechnung.

7. Un.

: 4. Unwittelbur finbet fieh bie gesuchte CE = h, aus bem Diepede ECG, in welchem Wintel und Sohle gegeben sind.

b. sec C 8. Who $CE = \frac{1}{colC} = \frac{1}{r}$

9. Erempel. Man foll I angeben, baß CG ober b = 6 fachter = 48 Achttheil wird. Man findet C = 10°

10 + log b = 11, 6812412 $\log \cot C = 9, 9933515$

log h = 1,6878897 Gehört zu 48,740; Alfo h = 6 £ 0,740 Acht. 10. B. findet diese kinie ein Zehntheil eines Bolls gu flein, weil feine Tafeln bas Meifte gu

flein geben. (19. Unm. 25)

II. Ber Tafeln ber Secanten bat, fann fich bes amenten Ausbruckes in (8) ber Multiplication bebienen; welches besonders nuglich fenn konnte, wenn man nicht mit groffen logarithmischen Safeln verforgt ware.

12. 3m Erempel ift die Secante gleich mit r = 10 000 000 bivibirt, ober auf ben Sinuste

tus = i gebracht

Circum 16 417 .1, 0154267 48 8, 1234136 40 617.068

h = 44, 740481-

23. An

23. Anmerkung.

Einige allgemeine Kenntniffe, ju Anwendung der Geometrie auf Klufte und Gange.

v. Oppel II. Abschnitt, 2. Hauptstuck.

1. Wenn man fich eine Ebene, burch einen Berg in willführlicher tage gefest, vorstelle, so läst sich diese tage burch folgende bende: Umftande beftimmen.

2. Was macht biefe Chene für einen Bintel mit ber horizontalen Chene? Das heifit ihr Kallen.

- 3. Was macht sie für einen Wintel mit der seigern Chene burch die Magnetnadel, poer jede sollige Unie in ihr, mit ber Magnetnadel? Das helßt ihr Streichen.
- 4. Man stelle sich nun zwo parallele Ebenen burch den Berg geset vor. Wenn man sich den Raum zwischen denfelben leer einbildet, so hat man eine Rluft.

5. Diefe Kluft, mit was Aubern, als bie übrige Materie bes. Berges, ausgefüllt, heißt ein Gann.

6. Das Gestein, bas sie ausfüllt: Bangart, gum Unterschiede von der Bergart aus welcher ber übrige Berg besteht.

7. Gewöhnlich hat ber Gang, wo er an ben Berg grangt, tenntliche und von Gengart und

Bergart zu unterscheibende Einfassungen, Gaab bander.

8. Der Abstand bender Saalbander von einander, was man in der gemeinen Sprache etwa des Ganges Dicke nennen wurde, heißt in der Bergsprache seine Machtigkeit.

9. Des Ganges Streichen und Zallen wird man also nach einer ber Ebenen , die ihn begrangen,

(4) beurtheilen.

10. Es ist leicht zu erachten, daß die bisherige einfachste geometrische Vorstellung, nicht allemahl in der Natur statt sindet. Den Gang begränzen nicht allezeit parallele Ebenen; nicht einmahl Ebenen. Seine Grenzen sind oft an einander gefügte Ebenen, oder gar krumme Flächen.

11. Alsbenn hat er nicht an allen Stellen einerley Streichen und Fallen. Geringe Unterschiede
sest man hieben aus den Augen, und braucht allensalls ein Mittel zwischen ihnen. Ben gröffern
kann selbst die Frage entstehen, wie weit sie gehen
dursen, daß der Gang noch für einen und denselben kann gehalten werden.

Friedr. Jul. Biel, Bergmannischjuristische Abhandlung von dem Hauptstreichen. Schneeberg 1753.

12. Wenn ber Gang burch bie Oberfläche bes Berges fest, fagt man: Er ftreiche zu Lage aus.

13. Man stelle sich eine Pyramide vor, beren Grundflache horizontal ift. Diese Pyramide werde abgefige, aber mit einer Chene, bie ber Grundflache

flache nicht parallel, sondern gegen solche geneigt ist Man sesse durch dieses Ppramidenstück willstührlich eine schiefe Sebene. Diese Sebene, und die oberste des Ppramidenstücks, werden einander also auch wohl nicht in einer horizontalen linie (möglich wäre das manchmahl, nur nothwendig ist es nicht), sondern in einer gegen den Horizont geneige ten schneiden.

14. Man wird schon gedacht haben, daß das Pyramibenstud einen Berg, die durchgeseste Ebene einen Gang bedeutet, und die Mennung als ist: Ein Gang könne in einer bonlegigen kinie zu

Lage ausstreichen.

15. Wenn man sich durch diese linie eine seigere Sbene vorstellt, so hat allerdings jede sohlige linie in dieser Sbene eines und dasselbe Streichen. Uher dieses Streichen ist nicht das Streichen des Ganges, denn die seigere Sbene ist nicht die Sbene des Ganges, auch nicht ihr parallel, und folgelich sind bender Sbenen Durchschnitte mit einer sohligen Sbene nicht nothwendig parallel.

16. Hr. v. Oppel S. 565. nimmt ben Sat (15) ofne Beweis an. Mir schien es nicht überflußig,

ben Beweis auseinanber zu fegen.

17. Aus diesem Sage solgert Er, man musse das Hauptstreichen des Ganges auf ebenem Geburge in einerlen Teuse abnehmen. Mich deucht dieser Ausdruck sagt nur etwas dunkel: das Hauptsstreichen sen, wie jedes Streichen, an einer sohliegen Linie abzunehmen.

12. Ein

· 18. Ein Rechted, von dem zwo Seiten borizontal find, die Ebene geneigt ift, kann einen Gang infe Streichen und Fallen vorstellen.

19. Boh Gangen unterscheiben sich Slone geometrifch baburch, baß fie fleine Bintel mit ber

Horizontalfläche machen, sehr wenig fallen.

20. Ihr physischer Unterschied gehört nicht eigentlich hieher. Sie find mehr als Steinlager anzuseben, bie was frembartiges enthalten; v. Sie Scheinen auch einen anbern Opp. S. 531: Urfprung ju haben, vielleicht junger als die Bange ju fenn, und oft von Weberfcwemmungen berzurühren.

Abhandl. vom Urfprunge ber Beburge und ber barinnen befindlichen Ergabern, ober ber fo

genannten Gange und Rlufte. Leipz. 1770.

Lehmann, Berfuch einer Geschichte von Blog-

geburgen. Berl. 1756.

Catl Aug. Schrids Versuch einer bergman. Erbbefdreibung, worknen ber gange Erbboben als ein Flogwert . . betrachtet wird. Abhandl. ber Churf. Baib. Afab. ber Biff. zu Munchen. II. Band. Br. Scheib glaubt 91 G, Ganggeburge maren von Rosgeburgen nicht unterschieden. Aber feine Grunde überreben mich nicht, ob ich gleich in anbern Gebanken biefes Auffages und in ben Erfindungen von Maschinen die Br. Sch. ber Afabemie mitgetheilt, mit Bergnugen bie Ginfichten eines alten Leipziger Freundes mahrgenom. men habe. i. ... 18 :

24. Anmerkung. Das Streichen eines Ganges abzunebmen.

1. Man unterscheibet bie folgende bende Falle.

2. Erster Sall. Wenn ber Gang aufgefahren ist, das heißt: Man hat Erz, oder was er sonst enthält, weggeräumt, so daß man sich zwischen den Saalbandern befindet. Ober wenigstens hat man diese Saalbander entbloßt, daß man ihre Richtung wahrnehmen kann.

3. In diesem Falle ist begreislich, daß man nur die obere Flache eines Saalbandes söhlig darf ebnen lassen, da man denn desselben Streichen, wie seder andern söhligen Linie ihres mit Setscompasse ober Grubencompasse abnehmen kann. Oder daß man sonst in der Ebene des Saalbandes eine söhlige Linie zu ziehen sucht.

4. Es versteht sich, daß man diese Arbeit etwa an etlichen Stellen vornehmen wird, sich durch die Uebereinstimmung von der Aichtigkeit zu versichern, oder wofern sich das Streichen andere,

solches wahrzunehmen.

g. Wollte man den Hängecompaß brauchen, so mußte man eine Schnur den Saalbandern und zwar söhligen kinien auf ihnen parallel spannen. Da sich dieses nicht mit dem Parallelliniale bewerkstelligen läßt, wie auf dem Papiere, so mußte man sich dazu Vorrichtungen erdenken, dergleichen

freplich die Geometrie lehrt, aber die parallele lage in groffer Schärfe zu erhalten, wurde immer Mube koften.

6. Ich sehe baber nicht, warum Hr. v. D. S. 609. dieses Verfahren als genauer empfiehlt. Es ist doch wohl genauer das Streichen einer Linie an ihr seihft abzunehmen, als erst eine ihr parallel zu ziehen. Vielleicht ist unter den Compassen die der Markscheider braucht, des Hängecompasses Nadel am zuverläßigsten. Aber ich sehe nicht, was hindert, der andern ihre auch so zuverläßig zu machen.

7. II. Sall. Wenn ber Gang überfahren ift. Das heißt so viel: Wenn man ben Gang nach einer Richtung, bie auf ihn schief ober fenkrecht steht,

burchschnitten bat.

8. In 34. Fig. sen zwischen NM, PO, ein horizontaler Durchschnitt, bes Stollens, ber

Strede u. b. gl. wo man fich befinbet.

Die horizontale Ebene, welche biefen Durchschnitt macht, schneibe eines überserzenden Ganges Saalbanber in FG; HI.

So wird ACDB ein leerer Raum senn, wo man aber von A bis C und von B bis D ben

Gang fieht.

A und B find in einem Saalbande, C und D im andern.

Man ziehe also eine Schnur von A bis B, ober von C bis D, und nehme ihr Streichen. Das ist bas Streichen bes Ganges.

25. Anmerkung.

Das Fallen eines Ganges anzugebenohne daß man sein Streichen weiß.

Benn man für die benden Grenzen des Ganges parallete Ebenen annimmt, und von jeder dieser Ebenen, die ausere Seite, die welche von dem Gange abgewandt, gegen den Berg gekehrt ist, bestrachtet, so heißt von diesen Seiten, die, welche einen spisigen Winkel mit der Horizontalsläche macht, das Zangende, die, welche einem stumpfen macht, das Liegende.

2. Bon einem Dache, gabe bie aufere Seite ein Bilb bes liegenben, Die innere, ftellte bas

Sangende vor.

3. Der Gang fen aufgefahren, (24. 2nm. 2.)

und bas Sangende entblößt

4. Wenn man an seiner Sbene eine Horizontallinie, und auf diese ein Perpendikel ziehen konnte, so ware dieses Perpendikels Neigung gegen die Horizontalflache, das Fallen des Ganges; Wie man sich leicht aus den Lehren der Geometrie von den Lagen der Sbenen beweißt.

Es mochte aber nicht bequem angeben, am Sangenben bie Wertzeuge anzubringen, mit benen

man gewöhnlich Horizontallinien zieht.

5. Man kann also einen andern geometrischen Sas brauchen: Unter allen geraden linien, die in einer schiefen Sbene gezogen werden, macht keine mit dem Sorizonte einen gröffern Winkel als die, welche

welche mit ber Chene einerlen Reigung gegen ben Horizont hat.

Ich habe biesen Sas mit andern, welche schiefe Sbenen betreffen, in meiner I. aftronom.

Abhandl: 269 bewiefen.

6. Man befestige also an einem Punkte bes Hangenden eine Schnur, so daß sie sich um diesen Punkt, in der Ebene, wie ein Haldmesser eines Kreises führen läße. An dieselbe hente man den Grabbogen, und bemerke das Fallen der Schnur, welches er in unterschiedenen ihrer tagen angiebt. Man sühre die Schnur so lange herum, die sie in die tage könimt, wo ihr Fallen am größten, von einer seigern tage am wenigsten unterschieden wird. Alsdenn hat die Schnur die tage der in (5) angezeigten kinse, und ihr Fallen ist das Fallen des Ganges.

7. Wenn, ben einer gewissen Stellung ber Schnur, ihr Fallen wurklich am größten ist, so ist es für etwas andere Stellungen auf jeder Seite der vorigen ein wenig kleiner. Aus den Gesegen, nach denen eine veränderliche Grösse sich um ihre größten oder kleinsten Werthe herum andert, folgt, daß die Stellung der Schnur von der, in welcher sie das größte Fallen hat, beträchtlich abweichen kann, wenn ihr Fallen von dem größten nur

wenig unterschieden ift.

8. Es verhalt fich hiemit ohngefahr fo, wie mit bem Schatten eines lothrecht ftehenben Stiffes: Diefer Schatten ift im Mittage am fürzeften; ein nige nige Zeit vor ober nach Mittage, nicht vielslänger, obgleich zu folchen Zeiten ber Schatten niche unmerklich von der Mittagelinie abweiche.

9. Nach der Vorschnift (6) wied manualsd wohl das Fallen des Ganges ohne sehr geoffen Irrehum sinden, aber nicht so sicher die Linie, nach der man es eigentlich schäsen soller die welche auf söhlige Linien in ihm seufrecht stehr (4)

10. Das Probiren bis man die Schnur in bie lage bringt , wo fie mit bem Horizonte ben größten Winkel macht, möchte, wenn man es genau fuchs

manchmahl langweilig werben.

Folgendes bietet mir bie Geometrie bar.

II. Man ziehe die Schnur in eine willführliche tage, und bemerte ihr Fallen; Eben fo ihr Fallen in einer andern tage. Und endlich den Winkel, den beyde tagen mit einander machen. (ILUnmerk.)

So hat man einen Winkel, und die Neiguns gen feiner Schenkel gegen ben Horizont. Dakaus kann man die Neigung seiner Sbene gegen ben Horizont berechnen. Das ist das Fallen bes Ganges.

12. Die Formel zur Rechnung fteht in meiner 1. aftronom, Abh. 247. 262. Frenlich ift die Reche

nung etwas muhsam.

13. Die Schatten (8) erinnerten mich an ihren Gebrauch, eine Mittagslinie zu ziehen, und baben ist mir zu gegenwärtiger Absicht folgendes eingefallen. en eine eben die Neigung gegen den Horizont hat, als die andere. Man weiß diese Neigung und der Unien Wintel mit einander. Man sucht hieraus der Sbene, in welcher beyde Unien sind, Reigung gegen den Horizont.

15. Man ziehe GH und fälle auf sie bas Perpendikes Ol. Man nenne OG = OH = h;

Den Winkel HOG = m; so ist OI = h. col ½ h. 16. Man fälle OK senkrecht auf den Horizont, sa ist OGK = p der einen Linie wie der andern Neigung gegen den Horizont, und OIK = x die Neigung der Edene des Winkels gegen den Hoeigung.

Das erste aus Geom. II. Theil 1. Ertl. Das zwepte aus eben bas. 2. Ertl. Weil OlG, KIG, erechte Winkel sind. (Geom. 46. S. 6. Zus)

17. 21160 ist OK = h. sin p.

18. Und (15; 16) $\frac{OK}{OG}$ ober fin $x = \frac{\sin p}{\cos^2 m}$

r9. Aus dieser Rechnung geht h weg. Man braucht sich also um die langen ber Schenkel bes Winkels nicht zu bekummern.

20. Weil der Sinustotus = 1 geseht worden, so addirt man 10, wenn man die Logarithmen der Taseln brauchen will.

21. Das Verfahren mare alfo Folgenbes:

Man bringe die Schmur in eine willführliche tage, und bemerke ihr Fallen = p.

Run

Mun führe man fie herum, bis fie in noch einer anbern lage eben bas Fallen befommt.

Man bemerte ben Bintel zwischen berben

Lagen = m.

Daraus giebt sich nach (18) bas Fallen bes Ganges = x.

22. Erempel. Das Fallen ber Schnur fen = 50° 30'; ber Wintel = 75 12' halb = 37 36 10 + log fin p = 19, 8874051 $\log \cot \frac{1}{2} m = 98988849$

23. Man tann leicht mehr Paare folcher gleiche viel fallender Schnuren erhalten, und fo bas Fallen bes Banges aus unterschiebenen folchen Beobs achtungen berechnen, wenn man biefe Dube nuglich finbet. -

24. Mimmt man in gleichviel fallenben Schnuren, bon ber Spige ihres Wintels, gleichlange Stude, fo ift die linie burch die Endpunkte Diefer Stude OG, horizontal.

Das giebt ein Mittel eine Borizontallinie am

Sangenden zu ziehen.

25. Ein Perpendifel aus bes Winfels Spise auf diese Linie, mare auch die Linie, nach welcher ber ber Bang eigentlich fallt; wenn man folche verlangt. 26. Es -: \$6. Cobiel zur Auflosung von (3).

27. Nun sesse man, man könne nur an das liegende vom Gange kommen, und wolle da sein Fallen finden.

28. Fr. v. D. 613. besiehlt auch hier eine Schnur mit ben Grabbogen so lange an der Ebene des Ganges herum zu führen, die ser seigern Lage am nächsten kömmt.

Wie er das am liegenden thun will, verstehe ich nicht allzuwohl. Da schleppt ja ber Gradbogen

auf ber Chene.

29. Wenn man in das Gestein des Liegenden, senkrecht auf seine Ebene, ein paar Psidce oder Spreißen eintreibt, die bende gleich weit aus der Ebene hervorragen, und durch derselben Enden eine Schnur spannt, so ist dieselbe der Linie auf der Ebene des Ganges, durch die benden Stellen wo die Spreißen eingetrieben sind, parallel, hat also mit ihr einerlen Fallen; Und das Fallen der Schnur kann der Gradbogen angeben.

Wie ich bin berichtet worden, machen es

die Markscheiber so.

30. Spreißen, die gar sehr von mathematischen Linien unterschieden senn, immer eine ziemlich unordentliche Gestalt haben werden, senkrecht auf
eine schiefe Ebene zu stellen, und gleich lang aus
ihr hervorragen zu lassen; das stelle ich mir, wenn
es nur mit mittelmäßiger Genauigkeit geschehen
soll, als nicht gar zu leicht vor.

30. Und mit blefer Arbeit so lange herumjufaheren, bis bie Schnur den größten Winkel mit dem Horizonte macht, bas mochte wohl sehr verbruß- lich fenn.

31. Eine Sesmage giebt die Reigung einer schiefen Sbene, auf welche man sie sest, ganz bequem an. Liese sich also dieselbe nicht sie anbringen? Allenfalls genauer eingetheilt, und grössere Winkel anzugeben vorgerichtet, als die gemeinen Werkzeuge dieser Art.

38, Wenn ich auf einem Dache faffe, bas ich fur eben annehmen durfte, und beffelben Reigung

messen wollte, wurde ich mich so verhalten :

3d murbe mir einen Faben, an bem eine glat-

te, etwas schwere Rugel hinge, verschaffen.

Den wurde ich an einen Punft bes Daches halten, und sich auf ber schiefen Sbene fo stellen laffen, wie ihn bie Last ber Rugel stellt.

Sie stellt ihn nach einer Linie, welche auf die Horizontallinien, die auf dem Dache sich ziehen las-

fen fenfrecht fteht. (Statif gs.)

Diese Linie also, und bas Dach, haben einerlen Reigung gegen ben Horizont.

So batte ich die Reigung ber Linie, mit einer

Ceswage, bie ich an fie bradite.

Ober, ich tiesse auf die Linie ein Loth herabhangen. Der Winkel, ben es mit ihr macht, ist die Erganzung ihrer Neigung. Hatte ich kein ander Mittel ihn zu messen, so bediente ich mich der 11. Anmerk.

26. Unmerkung.

Das Fallen eines Ganges anzugeben, wenn man sein Streichen weiß.

1. Ich will hiezu wider die 35 Fig. anwenden, also zerst anzelgen, wie sie gegenwärtiger Absicht gemäß entsteht.

2. In Der Ebene eines Ganges, sen GH horizontal, und barauf QO fentrecht; biese benben Linien bestimmen also die Ebene des Ganges OHG.

Benn OK vertical ist, so ist OOK bas Fallen bes Ganges; daben KQ sentrecht auf GH.

3. Es sen nach OQ eine Schnur gezogen, an welche man ben Hangecompaß bringt. Er weiset bas Streichen ber Sohle dieser Schnur, folglich eine Stunde, die um 6 Stunden von der Stunde unterschieden ift, in welcher GH streicht.

Ober, wie es ber Markicheiber ausbruckt: Er giebt bem Streichen bes Banges bas rechte

Winfelfreug.

4. Umgekehrt also, läßt sich OQ, wenn man sie noch nicht hat, so finden: Man befestige an einen Punkt der Sbene des Ganges eine Schnur und bringe an sie den Hängecompaß. Die Schnur führe man, in der Sbene des Ganges so lange her um, bis der Hängecompaß dem Streichen des Ganges das rechte Winkelkreuß giebt. So hat man die Linie OQ, und untersucht nun derselben Fallen.

5. Es ift leicht zu feben, baß biefer Gebrauch bes Bangecompasses feine andere Absicht bat, als in Der Chene bes Banges ein Perpendifel auf Die foblige Einie gu gieben, Die fein Streichen angiebt. 3th bathte, es mare eine Entehrung bes vornehmften Marticheiberwertzeuges, folches als Bintelhafen zu brauchen. Die fohlige linie nach welcher ber Bang ftreicht, muß man boch ichon haben; Und auf fie Perpenditel ju ziehn, giebt es viel Mittel ohne Compag. Ich vermuthe felbst ein genreiner Wintelhaten murbe bequemere und richtigere Arbeit geben, als biefes Berfahren, qui mall wenn etwa bas Streichen bes Gunges in fleinen Theilen ber Stunden angegeben ift, ba Das Winkelfreuß schon einige Rechnung erfobert, und leicht mit einen fleinem Jehler wird angegeben merden.

27. Unmerfung.

Das Ausstreichen eines Ganges zu Tage aus anzugeben.

Bener Part. V. Prop. XII.

1. AB 36 Fig. sen das Streichen bes Ganges in ber Grube, FD zu Lage aus, daß also ABDF die schiefe Ebene ist, die man für den Gang annimmer. Den Erdboben über Lage, in dem FD senn foll, nimmt man horizontal an.

2. Bon irgend einem Punkte in FD; stelle man sich NO lothrecht bis auf die Horizontalfläche M 2 burch

durch AB; vor, und NM senkrecht auf AB; ziehe MO; so ist

NMO bas Fallen des Ganges

NO ju der Sohle in. der Grube, MO an dem Orte mo man das Streichen beobachtet hat, die Seigerteufe unter Lage.

MO, biefe Sobie, welche ber Sppothenufe, ober im Markfcheiberausbrude Blache MN juger

bort.

3. Wenn man sich nahmlich durch AB die Hogizontalfläche porstellt, und auf dieselbe NO in O trifft, so stelle man sich durch O eine Linie mit AB parallel vor; Auf diese Linie sesse man eine Verticalfläche. Die wird den Porizont über Lage in der Linie FD schneiden

Es wird nahmlich die Ebene OFD senn,

4. Mun fann man Folgenbes meffen.

c. In ber Grube, das Streichen des Ganges, und fein Fallen.

6. Wenn man von ber Grube ausfährt, wie hoch man über Tage, über bem Horizonte ber Grube ift, wo man bes Ganges Streichen und Fallen genommen hatte.

7. Diese Sobe (1) ist = NO; nicht NO felbst; benn man weiß nicht, wo ber Gang ausstreicht, aber in der Horizontalfläche, wo er ausstreichen soll, hat jeder Punkt eben die Höhe über ben Horizont der Grube.

8. Ein solcher Punkt in der Horizontalfläche über Tage sen C; oder CFD eine Horizontalfläche über

über Lage. Weiß man nun, wie hoch C über ber Horizontalflache ber Grube ist, ober ber Grube Seigerteufe unter Lage = h, = NO und bes Ganges Fallen NMO = m; so giebt sich

9 Die Sohle OM = h. cot. m (wo der Sinustotus = 1 gesetht ift.)

No. Prempel. Bener 165 S. nimmt an das Kallen m = 50°;

Die Seigerteufe h = 24 lachter 6 Boll =

192, 6 Achttheil.

2116 log cot 50° = 0,9238135 - 1 log 192, 6 = 2,2846563

log MO = 2,2084698
giebt diese Sohle = 161,6 Achtel = 20 8.
1 A 6 Zoll.

11. B. hat 20 { 2 A. 1 3.; weil er zu 50° Fallen, die Seigerteufe und Sohle erst aus den Lagfeln für eine gewisse Fläche sucht, und dann eine Regel Detri macht, die so ist

7 A. 6 B. Seiger geben 6 A. 4 B. Sohle, was 24 1 6 B. Seiger? Da werden nun seine Lafelin in Rleinigkeiten nicht richtig senn, und beswegen biese kleine Unrichtigkeit geben, woben seine Rechinung viel muhsamer ist.

#2. Es fen CT fenfrecht auf die fohlige linie, in welcher man des Ganges Streichen abgenommen

bat.

13. Gefest man ift an Diefer Linie in ber Grube beym Puntte A gewefen, und durch allerlen Ben-Dungen bungen in der Grube die C ausgefahren. Well man auf diesem Wege alle Umstände durch gespannte Schnuren, deren Donlogen, und das Streichen ihrer Sohlen, bestimmt hat, so weiß man aus diesem zusammen, die Seigerteuse SQ, und wie weit der Punkt Q, der sich im Horizonte durch AB seiger unter C besindet, von genannter Linie entsernt ist, also QT.

14. Nun sen 37 Fig. AB das Streichen bes Ganges in ber Grube, Q; ber Punkt ber im Horizonte ber Grube seiger unter C ist, man kann ihn nach (13) auf einer Zeichnung vorstellen; QT senkrecht auf AB = ber QT ber 36 Fig.

Man nehme auf diesem Perpendikel; TG = ber Sohle MO der 36 Fig. (9) und ziehe durch G, GH parallel mit AB.

15. Go ift GH die kinie in welcher der Horisont durch AB, in der Grube von einer Bertscale fläche durch FD geschnitten wird.

Ober GH geht in der Grube gerade unter FD hin.
16. Wenn also über Lage CF senkrecht auf

FU if, to iff CF = QG;

17. Dieses bienet, eine Zeichnung zu machen vermittelst ber man bas Ausstreichen bes Ganges über Tage anzugeben im Stande ift.

18. Es find einerley A, B, bepter Figuren.

Ferner ift

C 36. Fig. lothrecht über Q 37 Fig.

GH:

19. Wenn

- 19. Wenn man alfo die Beichnung ber 37 Fig. gemacht hat, fo lege man AB fo, daß fie in der Stunde streicht, welche das Streichen des Ganges ersobert.
- 20. So giebt sich burch ben Compaß, in mas für einer Stunde QG streicht. Sie muß von voriger um 6 Stunden unterschieben seyn.

Man kann auch QG messen.

21. Mun stede man an C, ber Stelle wo man ausg fahren ist, mit Staben einer Schnur u. b. g. eine kinie ab, in die Stunde, in der QG strick. Sie wird auf CF liegen;

Man mache sie so lang nach bem würklichen Masse, als QG nach bem verjüngten.

So bat man F,

- 22. Durch F stecke man eine Linie in ber Stunbe ab, in welcher ber Bang stricht.
- 23. Diese linie giebt bas gesuchte Ausstreichen bes Ganges.
- 24. Ben biefer, und ahnlichen Verrichtungen, muß sich ber Markscheiber mit ber Bebingung verwahren: Wenn der Gang sein Streichen und Fallen behalt. (23. Ann. 10.)

28. Anmerkung.

Man hat an einer Stelle einer Grube eines Ganges Streichen und Fallen gefunden. Man findet an einer andern Stelle, von einem Bange eben das Streichen und Fallen. Die Frage ist, ob dieser Gang mit dem vorigen einerley ist.

1. Es ist flar, baß seine Ebene mit jenem entweber einerlen, ober ihm parallel ift. Vorausgesest, baß bas Fallen, nicht nur ber Groffe, fonderig auch ber Gegend nach einerlen fen, g. E. bendes westwarts.

2. Es sen also 38 Fig. AB das Streichen in ber tiefern Stelle, und die Ebene des dasigen Gan-

ges fen burch DC, AB, bestimmt.

3. In der höhern Stelle sen das Streichen MN parallel mit AB, und die dasige Sbene durch PO und MN bestimmt.

4. Man verrichte einen Zug von E in AB bis

Q in MN.

5. QF sen lothrecht auf die horizontale Ebene

burch AB.

Ware MN niedriger als AB; so ware QF, von Q lothrecht aufwarts gezogen, bis an die horizontale Ebene durch AB.

6. Vermoge bes Zuges hat man biefe OF, auch EF; Seigerteufe und Sohle ber Hppothenuse

6 13

EQ.

7. Man

7. Man weiß auch, was Es für einen Wintel mit AB macht.

8. Man nenne EF = b; QF = h; FEB = 9, ber berden Ebenen DCAB, PQMN; Reigung ober das Fallen, das man ben einem Gange so groß, als ben bem andern gefunden hat, sen = p.

9. Man stelle sich vor, bie Ebene POMN schneibe bie horizontale Ebene burch AB, in GH;

so sind GH; AB, MN, parallel.

10. Auf GH fen QI sentrecht, und IF gezogen, welche auf GH fentrecht senn wird (Geom: 46. S. 63uf.); also ist QIF die Neigung der Ebene POMN, und = p.

II. Also FI = h. cot p.

12. Man falle FK sentrecht auf AB; so sind FK; FI, Perpendikel (10) aus einem Punkte, in der Ebene durch zwo Parallelen, auf diese Parallelen (9). Folglich liegen I, F, K, in einer einzigengeraden kinie.

13. KF = b. fin q.

14. Der Punft F fann zwo lagen haben.

Erste. Er liegt nicht auf der Seite von AB, nach welcher ber Gang DCAB fällt, sondern nach der entgegengesetzten;

3. E, ber Gang fällt von AB gegen Often,

und F liegt mestmarts.

Das stellt die 38. Fig. vor.

Sweyte. F liegt auf der Seite, nach welcher der Bang fallt.

Die 39. Fig.

15. Ben der kesten lage ist der Parallelan AB, GH, Ubstand KI = KF + FI = b. sin q + h. cot. p.

16. Ben ber zwencen ift biefer Abstand:

FI - KI = b. cot p - b. fin q

17. Mun setze man, bende Gange sollen einer fenn; so muß GH in AB fallen. Das stellt die 40 Fig. vor.

18. Weil alsbenn Q in der Seite von Al ju, nach liege F nothwendig nach der Seite von Al ju, nach welcher der Gung fällt, wie in der zwehten lage (16).

19. Ferner find nun I und Knur ein Punkt, alfo

ist (16) h. cot p == b. sin q.

20. Diese Gleichung konnte ben ber ersten lage (14) ftatt finden. Allsbenn lage in ber 38 Fig. F in ber Mitte mischen AB und GH.

21. Rim miß man aber aus bem verrichteten Buge missen, ob die erste ober die zwente lage statt findet.

22. Ich sese also man weiß, daß die zwente

Lage statt findet.

23. Erhalt man alsbenn bie Gleichung (19), so zeigt fie folgendes an;

Aus einem Puntte F, welcher mit den Parallelen AB, GH, 39 Fig in einer Sebene liegt, und zwar so, daß sich bende Parallelen auf einer und berselben Seite von ihm besinden, fallen auf diese Parallelen gleich lange Perpenditel.

Folglich

Folglich geben die Parallelen in eine einzige

gerade Linie jufammen.

Und die benden Perpendikel auch in ein eine ziges. Und die benden Punkte I, K, in einen einzigen.

Alsbann entsteht also die 40 Fig.

24. Wenn also 19; 22; zusammen statt finden, sind bende Gange in einer und derfelben Ebene.

25. Wenn zweene Gange einerlen Fallen nach einerlen Gegend haben, so liegen sie in einer

Ebene, wofern fin
$$q = \frac{h. \cot p}{b}$$

Saben sie aber einerlen Streichen, so liegen sie in einer Gbene, wofern sie nach einer Gegend falb. sin q

len, und cot $p = \frac{b. \sin q}{h}$

Bendes aus (19), wo p und q zum Gange DCAB gehören.

26. So viel ist in dieser Untersuchung geomeitrisch gewiß. Der Hr. v. D. drück §. 875; 8773 die Vorschriften (19; 25;) mit Worten weitlauftig aus, und doch so viel ich sehe, nicht deutlich genug, mit allen nothigen Bestimmungen, z. E. der (22), auf welcher doch alles beruhet.

27. Sind aber nun auch die benben Gange ein

Gang.

Es ware ja nicht unmöglich, daß in einem groffen Geburge, in einer und berfelben Ebene, aber

aber an weit von einander entfernten Beillen, zweene ganz unterschiedene Gange befindlich waren, bie felbft nicht einerlen Gangart führten.

Gegentheils, andert wohl ein und berfelbe Gang fein Streichen und Fallen, und murbe alfo geometrisch betrachtet, an ber einen und an der andern Stelle, nicht für einen Bang erfannt werben.

28. Aus folchen Grunden fagt Hr. p. D. a. a. D., es fen, unter ben 24 u. f. angezeigten Umsftanden, nur ziemlich zuverläßig, daß bende Gange einer sind.

Mabmitch so zuverläßig als es ift, baß, was

in einer Chene liegt, alles ein Bang ift.

Weil man ben einem Gange was mehr benkt, als das blos geometrische einer Ebene; so muß das physische: Gangart, Saalband, u. f w. dazu genommen werden. Und ben Streitigkeiten, die über das Eigenthum des Ganges entstünden, wurden noch andere Entscheidungsmittel erfordert werden, von denen man Hrn. v. D. nachlesen kann.

29. Anmerfung.

Bergleichungen, zwischen dem Ausstreischen eines Ganges zu Tage aus, seis nem Streichen und Fallen.

1. Nachstehende Untersuchungen betreffen Aufgaben, die der Gr. v. Oppel 618. S. erwähnt, aber weber

weber beutlich erlautert, noch weniger ihre Auflofung giebt.

2. Gin Bang ftreicht in ber Linie CE gu Tage

aus. 16 Fig.

3. Die lage biefer linie ift gegeben.

4. Zuch bes Banges Streichen.

5. Man foll baraus sein Fallen finden.

6. CE ist donlegig. Eine lothrechte Ebene durch sie schneide die Horizontalstäche durch C in CR.

7. So ift ECR ibre Reigung, Die hat man ale

fo (3).

8. Auch : weil die lage der donlegigen linie ges

geben ift, bie Stunde in welcher CR ftreicht.

9. CN, fen horizontal in der Ebene des Gape ges. Die Stunde, in welcher diese finie streicher ist das Streichen des Ganges; also bekannt. (4).

10. Ulso weiß man den Winkel der bepben horje

zontalen Linien (8; 9;).

von C; und beschreibe durch jedes Paar der exsten den Punkte Kreisbogen, die den legtgenannten jum Mittelpunkte haben. So entsteht ein Rugel- breveck ERN ben K rechtwinklicht.

12. In demfelben ist der Winkel N bes Ganges

Rallen.

13. Ich will die Winkel des Orenecks mit den Buchstaben nennen, die an ihren Spigen stehen. Man muß aber die Winkel so verstehen, wie es innere des Orenecks sind; z. E. N bedeutet den Winkel

Winkel ENR, nie seinen Nebemolnkel. Wenn jener spisig ist, ist dieser stumps, und amgekehrt. Was innis also dennerte werden abesonders wenn man Cosinus oder Tangenten braucht. (Trigon. 3. Erfl. 3. Zusi 42 Well. 1. Zus)

14. Die Seiten des Drepeds will ich mit den fleinen Buchftaben; welche den Geoffen, das Wirch die Winkel ungedeutet werden; gleichgultig find.

15. Man hat also in erwähntem Rugeldrepecte 188 (7) die Seite ER = 11. 1 11 11 11

. (10) . . . RN = e

19. 16. Den Winkel (14) hierans zu fuchen, gehött in meiner sphärischen Trigonometrie, 1. Saß Al Zuf. unter d; und wird durch die zwente Pro-Porcion aufgelößt.

17. Ich will ber Rurze wegen ben Sinustototus = 1 fegen, und die bortigen Proportionen burch Multiplicirung ber aufern und mittlern Glie-Ber in Gleichungen verwandeln.

t in Gleichungen verwandeln. 18. So ist dorten rr 18P

hie i EN=r(14) e n N

· 19. Und die II. Proportion giebt

 $tang N = \frac{tang n}{fin e}$

cot N = fin e. cot n.

21. Ift noch (3) gegeben, und bes Ganges Fallen, fo findet man für fein Streichen (19)

tang N. sin e = tang n

22. Şie=

22. Hicher läßt sich folgende Aufgabr bringen. Benm Hrn. v. D. H. 619. Man hat irgendus auf einem ganz seiger fallenden Gange Firste und Sohle ausgehauen und abgebaut. Da sest ein anderer unbetriebener und umaufgesahrner Gang über, welcher bemnach blos im Hangenden und liegenden des ersten sichtbar ist. Man soll dis leste Fallen angeben.

23. Die 34 Fig. wird fich jur Erfauterung fo

brauchen laffen.

Zwischen NM, OP, ist ber abgebaute Gangs ber burchsegenbe zeigt sich in AC; BD; wie in ber

24. Anmerkung.

Man kann also, wie borten, das Streichen bes durchsehen Ganges abnehmen, sowohl als des abgebauten feines. Jeues mochte die Linie AB bedeuren, dieses die Linie NM; bende fohlig angenommen.

Die Grenzen bes abgebauten Ganges stelle ich mir als parallete feigere Ebenen burch NM, PO,

bor.

Des übersehenben seine, auch als parallele

donlegige Ebenen burch FG, Hi.

Diefer donlegigen Ebenen Reigung gegen ben Sorizont suche man, als des überfegenden Banges Kallen.

25. Also: die Chene durch FG, und bie durch NM, werden einander in einer linie schneiden, die durch A geht.

Huch ein solcher Quechschnitt ber Ebenen durch HI, NM, geht durch C.

de der Chenen durch FG, HI, mit ber durch PO.

26. Man suche die Donlege bieser Durchschnite. Sie mußte eigentlich für alle einerlen fenn, wenn jeder Bang mit unter sich parallelen Sbenen begränzt mare.

ne burch CR, eine ber Grenzen ben feigern Gan-

ger, alfo CR fein Streichen.

Des übersetenben Banges Sereichen fen CN. Und CE ein Durchschnitt wie (25).

19 28. So weiß man RN (23) RE (26) und sucht

₩ (24).

29. Formeln bieju ffeben (19; 203).

299. Wifte man RE nicht, aber den Wintel eines Durchschnittes (25) mit bem Streichen bes übersegenden Ganges; also EN = r;

31. So ift sphar. Trig. 1. Sas 3. Zus. e;

cof N = tang e. cot r.

32. Des Hrn. v. D Vorschrift ist solgende: Man abdire die logarithmen von dem Sinustos eus, und dem Sinus der Donlege der linie, in welcher die Gange über einander sesen; von der Summe ziehe man den logarithmen des Sinus des Wintels ab, den der Gange Streichen machen. Der Rest ist der logarithme des Sinus des Fallens des überfahrnen Ganges.

33. Ich febe nicht baß ber Winkel, ber Strei-

und

und das Fallen mein N. Des hen. v. Oppel Donlege heisse D, der Sinustotus = 1; So ist seine Regel: fin N = $\frac{\sin D}{\sin e}$; und da kann D weder den Bogen ER (28) noch EN (31) bes beuten.

34. Allerdings ift fin N = fin n

und da steht rechter Sand im Dividendus die Dona lege ber linie, in welcher bende Gange über einand ber segen; Aber im Divisor ift nicht ber Winkel ber Streichen fondern ber, welchen bender Gange Durchschnitt mit bem Streichen bes überfeßena ben macht.

35. Habe ich ben Hrn. v. Oppel aus Mangel einer Figut nicht recht verstanden, so wird man mir das desto eber verzeihen, weil ich ben der Beranslassung eine Aufgabe aufgelöset habe, die, wo nicht seine, doch sonst nüßlich ist. Mit dem, was eigentlich unter die Ueberschrift gegenwärtiger Anmerkung gehört, hängt sie so zusammen, daß man, anstatt; zu Lage ausstreichen, sehen muß: durch eine seigere Ebene ausstreichen.

30. Anmerkung.

Die Lage von zwo Ebenen ist gegeben, man sucht die Lage ihres Durchschnittes.

1. Mit anbern Borten: Von ein paar Gangen ift Streichen und Fallen gegeben. Dan sucht bie lage ber Linie, in ber fie einander schneiben.

} , ``

in KA, KB, 41 fig. einander in KC. So giebt sich, auf diesen kinien gleiche langen von K aus genommen, das Rugeldrepeck ABC.

3. In demfelben ift folgendes gegeben.

AB bas Maaß des Winkels ben bender Cbenen Durchschnitte mit bem Horizonte, (ber Gange Streichen) mit einander machen.

A, und B, ber benden Ebenen Reigungen gegen ben Horizont. (der Gange Kallen.)

- 4. Ich benenne die Gröffen in diesem Drepecke nach dem 29. Unm. 13; 14; angeführten Gesehe. So hiffen die benden gegebenen Winkel A, B, die gegebene Seite = c.
- 5. Man ziehe auf die gegebene Seite ben Bogen CD fenkrecht, und nenne ihn y. Er mißt ber Linie CK Neigung gegen ben Horizont.
- 6. Man nenne AD = x. Also BD = c x Diese Bogen geben die lage der linie KD.
- 7. Hat man die bepben unbekannten Groffen (5; 6;) gefunden, so ist der kinie KC Lage gegeben.
- 8. In jebem ber benben rechtwinklichten Drepecke sehe man bie Grundlinien als bekannt an, und suche bie benben gemeinschaftliche Sobe aus bem schiefen Winkel, ber in jedem gegeben ift.
- 9. Es ist in meiner sphar. Trig. 1. S. bie II. Proportion; und man findet

tang y

```
tang y = tang A. fin x = tang B. fin (c - x)
```

10. Nun ist (Trig. 19. G.)

11. Bende Berthe von tang y; einander gleich gefest, geben also

tang A = tang B. (fin c. cot x — cof c)

12. Solglich cot x = tang A + cof c. tang B

 $= \frac{\tan A \cdot \cot B}{\sin c} + \cot c$

13. hat man x berechnet, fo glebt fich y aus bim erften Werthe (9).

14. Prempel. Es fen

A = 50° 12';

 $B = 70^{\circ}$ 23

c = 63 45

log tang A = 0, 079267 t log cot B = 0, 5519521 -

o, 6312192 — 1: abgez log fin c = 0, 9127308 — 1

0 6-0-000

0,6784884 -- 1

Diese ist ber logarichme bes ersten Theils von dem zweigen Berthe, ber Cotangente.

M 2

Er gehörtzu 6, 476967 V ... V bazu addirt on e = 0, 493 T464

cot x = 0,97041241 1114 1114

Diefe Bahl ist ein wenig kleiner, als bie Langente von 440 8'. Folglich ift

x = 45 52"

c-x = 17 53

Berner log tab fin x = 9, 8559558

log tab tang A = 10, 0792671

log tab tang y = 9,9352229giebt $y = 40^{\circ} 45^{\circ}$

Der gefundenen Cotangente niedrigste Zifer ist estenlich nicht vickeig. Ich schreibe sie aber mit hin, damit ich die gesundene Entangenten, in Zohenmillionentheilchen des Sinustotus ausdrücken, und so, was ihr am nächsten kömmt, in den Lafeln bequem aufsuchen kann. Ich suche nähmlich in den Lafeln unter den Langenten, deren besde höchsten Zifern 97 sind, und noch fünf niedrigere neben sich, Die Grösse der niedrigsten Zisern wird, wie die Nechnung zeigt, ohnedem hie nicht in Betrachtung gezogen, nur daß sie ihre Stellen ausfüllen.

15. Wenn c. = 90°; oder bie Streichen ber Bange um 6 Stunden unterschieden waren, ist cot x = rang A. cot B.

16. Im Erempel ware ber Lasellogarithme hieser Cotangente = 9, 6312192 und y = 66° got in ?

ander geneigt, also $\hat{A} = B$, so wird bekannter, massen das Oreneck gleichschenklicht, aiso AD = DB, wie auch die Formel (12) giebt.

18. Neigen sich bende Ebergen, nach einerlen Begend, obens fallen bende Banga nach einer Seite, so ist B == 1800 -- Aufforang B == -- rang A.

Daher in (12) cor x = fin c + cot c. bas

giebt zu ammen ein Bruch, besseit Menner = sinc; ber Zähler = — (1 — cos c) = — 2 fin (½ c)² (Trig. 9. Saf 7. Zus). Der Menner aber läßt sich auch so ausbrucken: 2 sin ½c. cos ½ c. (das 6 Zus.) Folglich kömme corx = — tang ½ c also x = ½ c — 90° und sin x = — cos ½ c; und tang y = — tang A. cos ½ c und e — x = ½ c + 90°, wovon die Cotangente auch = — tang ½ c ist.

Jedes Rugelbrenedes Seite ift kleiner, als 2 Quabranten Folglich ift'x verneint; Rahmlich D fallt auf ben Bogen BA, über bem legtgenannten Buchstaben fortgezogen.

Der entgegengesette Werth von x; ber begigchte Bogen 900 — ½ c. ist kleinermals ein Quabrant, bessen Langente, und Corgngente bejatt, folglich Langente und Corangente von x verneint.

c — x ist ein Bogen, grösser als ein Quabrant, aber kleiner als der Haldkreis. Folglich auch von ihm Langente und Cotangente verneint.

19. Sind bender Ebenen Durchschnitte mit dem Hotizonte parallel, so muß man sich K als unendlich entfernt vorstellen. Da ist c = 0; Auch werden x; y; jedes = 0. Nähmlich CK auch par

rallel mit bipben Dunchfchnitten.

20: Rahmlicht wenn von ein Daar Ebenen die Durchschnitte nite dem Horizonte parallel find, so kann bender Ebenen Durchschnitt keinen Punkt im Horizonte haben. Dieser Punkt ware in benden Ebenen, und im Horizonte, also in benden Durchschnitten mit dem Horizonte. Daher ist dieser benden Ebenen Durchschnitt mit einander, jeder ihrem Durchschnitten mit dem Horizonte parallel.

Bwin Dacher, über parallele Mauren gegen einander geneigt, find ein Bep piel hievon.

Durchschnitts bender Ebenen, aus den gegebenen Broffen, so unmittelbar als möglich ift. Die einzige Beschwerlichkeit hieben ift, daß die gesuchte Cotangente (12) aus zwen Stucken besteht, deren jedes man einzeln berechnen muß.

22. Indeffen erhellt aus dem Erempel, wie man zu biefer Berechnung bie logarithmen bequem

brauchen fann.

Jeh habe mich baben ber groffern logarithmie feben Tafeln, und noch Proportionaltheile, bedient.

Aus den gemminen, und ohne Proportionaltheile, findet man diesenwesten Theil doch = 9,4769, und das giebt. son u == 05,9700 das. schränkt ben Binkel ebenfalls-fwischen. 52 und 13 Minuten über 45 Grad ein.

93. Nur, wenneiner ber benden gegebenen Winstel nabe ben einem rechten, ber andere weit davon unterschieden ware, könnte der erste Theil so groß wurden, daß ihn die Lagarichmen nicht gan zu scharf gaben.

24. In biefem Falle konnte man mit bem trigonometrischen kinien selbst rechnen; welches fren-

lich auch sonst niemanden verboten ift.

as. In der hisherigen Rechnung habe ich bepe ber gegebenen Winkel Langenton bejaht angenome men; also die Winkel fpifig.

26. So fällt bas Perpenditel CD swischen sie

und ist spikig. (Sphar. Trig. 2. Sat 1.)

27. Chenfalls febe ich die gegebene Seite als fpigig an, folglich Cofinus und Langente bejaht.

- 28. Wird also etwas in 25; oder 27; stumps, so muß man wissen, wie die trigonometrischen Elenien alsdenn verneint werden, und wie alsdenn die Formel (12) zu brauchen ist.
- 29. Zur Erläuterung hieven, so viel als mögsich von der Rechnung des Erempels (14) zu brauchen, bleibe alles wie dorten, nur sen A = 129° 48'; des Winkels, der dorten mit diesem Buchstaben angedeutet ift, Supplement zu 180°.

Man muß also dieses Winkels Langente als verneint ansehn; Und so wird der erfte Theil, best man dort durch den logarithmen sand, nue verneint, behålt sonst oben die Gröffes ist also

= - 0, 476967 abbirt cot c = + 0, 4931454

 $\cot x = + 0, 0161784$

Diese Gröffe gehört als Langente zu 55° +. Also ist x = 89° 6' ---

Das beträgt mehr als c; und giebt c --- x

= (35⁹ 21')

Die Bebeutung ist offenbahr: Man musse ben Bogen AB burch B weiter fortziehen, und da hinaus von B an BD = 25\gamma 21' nehmen.

Gerner log tab fin x = 9, 9999464 log tab tang A = 10.0792671

log tab tang y = 10, 0792135

Dieser Logarithme gehört jur Langente von 50° 12' —. So groß ware y, wenn seine Langente bejaht ware. Sie ist aber verneint, weil sang A verneint, und sin x bejaht, ist. Also giebt des angezeigten Bagens Supplement zu 180 Graden; y = 129° 48'

Das Perpendikel CD fallt nahmlich hie zwigfchen die benden stumpfen Winkel, welche die Eber, nen der Bogen CA, CB mit dem Horizonte machen, und ist also stumpf (Sphir. Trig. 2. Saf 2.).

Wastest aber in Minuten mit bem fampseld Winkel A einerlen ist, kommt, wie man sa gleicht sieht, baber daß x so nahe an 90 Graben ist, und zeigt an, auch AC werde bennahe ein Quadrant senn, also CD bas Maaß des Winkels A.

30. Durch bie gemeine fpharifche Trigonometrie fanbe man bie benben unbefannten Groffen (5, 6),

fo:

31. Im Drepecte ABC fuche man aus ber gegebenen Seite, und ben anliegenden Winkeln, bie Seite AC, bie b heißt.

32. Mun im rechtwinklichten Drenecke ACD, aus bem schiefen Binkel (3) und ber Hopothenufe (31), bie benben Schenkel x3 y3

33. Die Frage (31) ift in nieiner fphår. Erig. ber schiefwinkli & Fall, und bie bortigen Beichen find in die hiefigen so ju übersegen :

Man nenne ben bertigen Bintel BPA, ber

in gegenwärtiger Figur nicht vortomme, in.

Also querst cot u = tang B. cof c.

Serner tang b =
$$\frac{\tan g \, c, \, \cos u}{\cos (\Lambda - u)}$$

34. Nun für (33) fin y - fin A. fin b.(1, Sas

1. Buf (3) und cot x ==
$$\frac{\cot b}{\cot A}$$
 (1. Saf 1. Buf 1)

35. Man sieht leicht, baß biefe Rechnung meich läuftiger ist, als die vorige. Man muß zwo Zwi-Roem

10. 1

fibengröffen uf bis bereichnen, ehr manianschund y fimmeren inem sich gemeinen in bei bei der bei der

35. Besondere Galle (15; 18; 19;) find auch aus beir Rotmel (12) leichter zu beurcheilen, als aus der Rechnung (31).

37. Bleibt man also ben ber Formel (12), fe hat man ferner

Durchschnitt, mit jeder Ebene Durchschnitze mit dem Horizonte macht.

(1) Dieser Winket Manffe find bie benden Seleten bed Dregeck, Alfo. (nach 34)

cot b = cof A. cot n; und eben fo

... cot is = cof B. cot (c - x),

39: Enblich filt benber Chenen Wintel mit ein-

fin G in A. fin e

40. Fûr t = 90. (15) fommt

cot b = fin Δ. cot B

cot a = fin B. cot Λ.

41. \mathfrak{F} ur-(18) cot b = - col A. tang $\frac{1}{2}$ c;

Und cot a bekömmt den entgegengesetten, sonft gleichen, Werth. Also haben auch die Langentur von a, b; entgegengesette, sonst gleiche Werthe. Das ist: Diese benden Bogen machen aufammen 180 Grad.

42. Die

421Die bisherigen Berechtungen bieffen mich ju folgender

aufgabien, air,

43. Man hat ben Bintel, ben bie Durchichritte, bon ein Paar Chenen mit bem Horigonte, miseinander machen; also & (4)1

Imgleichen bie lage ber' linie in ber bende Senn eingnber fchneiben. Alfo x ; y ; (53.6).

Aus biefen unmittelbar gegebenen Gröffen sicht man der Ebenen Neigungen gegen ben hotis zont, imb die Winkel, welche ihr gemeinschaften der Durchschnitt, mit jeder Durchschnitte inier dem Horizonite macht.

44. Für bas erfte, ift aus (9)

cot A = fin x, cot y; cot B = fin (c-x), cot y;

. 45. Burdes gwente; Aus fphare Trig. 1. Safer 3. Jus. a.

rolb = colx, coly und cola = col(ci-x). coly

47. Ble britte heißt ben ihm fo : 'Man' well bas Streichen lind Fallen eines Ganges', und das Ansteigen eines Gebutges nath einer jugleich aegebe-

gibenen Bigenban Graben. Man foll baraus die finden, in welcher ber Gang fein Ausftreichen hat.

48. Weil Dr. v. D. diese Aufgaben mit keiner Figur erlautert hat, so ist mir besonders in diese walle, was er durch Auskeigen des Gebürges nach einer zugleich gegebenen Wegend sagen will. Ich stelle mir die Sache soppra

ag. Die Obrifichte des Berges wird als eine geneigte Ebine amgesehen. Man weiß die lage dieser-geneigten Chene, also: ihre Neigung gegen den Horisont, das Ansteigen; und die Stude in welcher eine sohige linie auf dieser donlegigen Chr. miftreicht. Eine andere sößlige linie, die jemer das rechte Winkelkreuß giebt, bestämmt die Gegend des Ansteigens.

So, wenn in der 35 Fig. HG die erste schillige Ante, QR die zwente, O in der geneigten Sbene ware, waren KDO das Ansteigen in Graden, nach der Gegend KQ.

pon bet man Streichen und Kallen miß.

In der 16 Fig, sey RCN im Horizonte, CN, CE im Gange, ECR vertical; So weiß man die Seunde in welcher, CN streicht, und den sphartischen Winkel N, des Ganges Fallen.

51. Soll nun CE bes Ganges Musstreichen in ter geneigeen Ebene sepn, so weiß, man im Augelbrevecke ERN nichts mahr, als ben rachten Windelben R., und ben schiefen N.

sac Denn

52. Denn vo man gleith bas Sreichen von En weiß, so weiß man boch bas von En nicht. Ausser wenn mar annahme, CE Bet 16 Jist wärte mit QK ver 33; einerlet, das ist vie tim, in wescher der Gang ausstreicht, ses auf die sohlige Mien, die in der geneigten Ebene (50) gezogen werden, senkrecht. Ich sehe aber nicht, was uits berechtiger, dieses anzunehmen; Und also läßt sich nach meiner Auslegung des Hrn, v. D. Ausgabe nicht, auf ein einziges rechtwinklichtes Rugele drepect bringen.

53. Ich stelle mir die Sache so von: Gaugund Oberstäche des Berges, sind ein Paar geneige te Sbenen, wie CKA; CKB; 41 Fig.

Man weiß jeder ihr Streichen; also ben Bine kel AKB = c.

Auch jeber ihr Fallen; also die Winkel A, B. Daraus sucht man die lage ihres Durche

31. Anmerfung.

Ueber die frummen Linien, in denen ein Gang fällt und zu Tage ausstreicht.

v. Oppel S. 620.

r. Wenn man einen Gang nicht nur in bem kleinen Theile der Erde betrachtet, in dem man ihn ibn muntich verfalgen kann, in einem Theile, ber gegen die ganze Erdfugel für nichts zu achten ift, sondern annimmt, er folle in dem Gtreichen und Kallen, das man bep ihm an einer gemissen Stelle gefunden hat, durch die ganze Erdfugel seben, so kaun man fragen, was hieraus von feiner Jigur solgt?

Erbfrigel, C ihr Mittelpunkt. Durch CA lege Mini eine willkuhrfiche Ebene, die affo allemahl für alle die Derter auf der Oberfläche ver Erde, durch welche sie geht, vertical sehn wird.

3. In diefer Ebene foll eine frumme Linie M fo liegen, daß fie an jeder Stelle, eine und diefelbe Neiguffig, gegen die horizontale Ebene burch biefe

Stelle hat.

Epecie an the steht senkrecht auf GM. Gegen bie horizontale Ebene hat das Steinent ber krummen Linig eine gewiffe Meigung.

5. Diese Meigung ist die Erganzung zu 90 Graben von dem Winkel CMm der G heisen mag.

in der frummen tinie nimmt, eine und diefelbe sein, so ist auch überall der Winkel, den das Element der krummen tinie mit einer baran gezogenen tinie CM macht, einer und derselbe.

2. July 12 19 13

7. Man nenne CA' = 1; CM' y ; den Bintel ACM = 3. Sein Offerential if Mon.

8. Die trumme linie kommt bem Mittelpuntte ber Erde immer naber und naber. Wenn man also mit Cm ben Kreisbogen in beschreibt, bes

= ydz ist, so ist MR = -- dy und MR ober

 $\frac{\text{yd}\zeta}{\text{d}\zeta} = \tan \zeta \, \phi.$

9. 20% tang φ with $\frac{dy}{y}$; und $\frac{dy}{tang \varphi}$

Es ift aber & = a, fitt y = r; Alfo Conft

$$= \log r. \text{ unb} \frac{\zeta}{\tan \varphi} = \log \frac{r}{y}$$

10. Diese krumme linie ist also die logarithmische Spirallinie. Ich habe von ihr in der Analysis des Unendlichen 510; gehandelt. Wollte aber doch sieber die kurze Rechnung, durch die man ihre Gleichung sindet, hie bespringen, zumahl da hie die Gleichung ein wenig bequemer ausgedrückt ist als dorten, und unmittelbar so, wie zu gegenwärtiger Absicht erfodert wird, für den Theil der krummen linie, welcher sich von der Oberstäche dem Mittelpunkte der Erde immer nähert.

10. Bon einem Gange, ber immer tieferund tiefer geht, fagt ber Bergmann: er gehe in ewige Leufe; Apife; und sagt diß richtig, weil er sich imter der Oberstäche ber Erde gleichfam einen Abgrund vor stellt. Db aber der Hr. v. D. hie eben den Ausbruck mit Rechte gebraucht habe, bas ist mir zwei selhaft, henn für den Geographen ist unter der Oberstäche kein Abgrund, sondern ihr Mittelpunkt in bestimmter Entfernung.

11. Also, wenn ein Gang nicht in ewige Teuse, sondern dem Mittelpunkte der Erde immer naher und naher niedergeht, und daden beständig einer lev Fallen behalten soll: So kann er, allgemein betrachtet, keine Ebene senn, sondern jeder Durchschnitt einer Ebene durch den Mittelpunke der Erde mit ihm, ist eine logarithmische Spirallinie, beren Winkel op mit des Ganges Fallen 90 Grad macht.

12. Ist $\varphi = 90^{\circ}$ also die Tangente davon une endich, so giebt die Gleichung (8) $\circ = \log \frac{r}{y}$ also r = y. Nähmlich des Ganges Fallen ist = r; und sein Durchschnitt (11) ein größter Kreit auf der Oberfläche der Erde.

auf der Oberfläche der Erde.

13. If $\varphi = 0$, so giebt die Gleichung (8) log — unendlich, also y = 0. Der Gang ist also denn eine seigere Ebene, die einzige Bedingung, unter welcher der Gang eine Edene senn kann. Je die Ebene, durch den Mittelpunkt der Erde, schneibe Ebene, durch den Mittelpunkt der Erde, schneibe

bet ihn in einer geraben linie burch ben Mittelpumet, bas ift die Bebeutung von y == 0.

Coviel vom Bange ber immer mit einerlen

Fallen weiter und weiter in die Teufe fett.

14. Ein Gang streicht in einer gewissen Stunde zu Tage aus. Das heißt: Sein Burchschnitt mit ber Horizontalfläche des Ortes, wo er ausstreicht, macht mit dem dasigen Meristiane einen gewissen Binkel.

- 15. Sollte er alfo über die ganze Oberflache ber Erdfugel ausstreichen, und immer in eben ber Stunde, fo mußte er auf biefer Oberflache eine frumme linie angeben, die mit jedem Meridiane eben ben Binkel wie mit bem andern machte.
- 16. Man kann dergleichen krumme linien auf ben meisten kunstlichen Erdkugeln sehen. Won jeder Windrose, die auf einet solchen Erdkugel abgebildet ist, gehen Striche aus, die sich durch die Meridiane weiter fortziehen, und deren jeder, alle Meridiane unter einem und demfelben Winkel, ein anderer unter einem andern, aber auch immer demfelben andern schneidet.
- 17. Nach einer solchen linie wurde ein Schiff gehen, bas beständig von einem und bemselben Winde nach der Richtung des Windes getrieben wurde. Z. E. Wenn es immer Nordwestwind hatte, ginge es aus jedem Meridiane in den nachsten, nach Sudosten.

- 18. Von diesem schiefen Laufe des Schiffes beißt man solche kinien Lopodromien.
 - 19. Der Gang (15) streicht also in einer lorobromischen Linie zu Lage aus.
 - 20. Wenn er gerade von Suden nach Norden, ober umgekehrt streicht, so wird diese linie ein Meridian.
 - 21. Wenn er aus einem Punfte, ber von jedem Pole 90 Grad absteht, gerade Dit oder Westwarts freicht, wird sie ber Aequator.
 - 22. Bon ben lorobromien hat Jacob Bernoul. it theoretisch und praktisch in den keipziger Achis Erud. 1691; 1699; gehandelt. Man s. Opera Iacob. Bernoullii n. 42. u. n. 91. Gleichwohl sagt Leonh Christoph Sturm, in seinem kurzen Begriss der gesammten Mathesis (Branks. a. d Oder 1710) III. Theil 233 Seite, man suche noch jeso diese linie recht accurat herauszubringen, und wenn einnes Schiffs lorobromie accurat determinirt ware, konnte man seine geographische länge auf der See sinden. Ein Paar Sase, welche zeigen, was sonst schon von Sturmen bekannt ist, daß er von den Theilen der Mathematik, die nicht nahe mit Baukunst, Fortisication und etwa gemeiner praktischen Geometrie verwandt sind, auch nicht einmahl historische Kenntnisse zulänglich besessen

32. Anmerfung.

Machricht von des Hrn. v. Oppel Anshang der Anleitung zur Markscheidekunft.

- 1. Vielleicht ist diese kleine Schrift nicht allen bekannt, welche die Anleitung zur Markscheidestunst selbst besißen. Sie ist 1752 auch zu Dressben ben Walther herausgek. 36 Quarts. 1. Rupfert. Die Paragraphen werden in ihr mit denen der Markscheidekunft in einem fortgezählt und gehen von 930 bis 955.
- 2. Zuerst betrachtet der Hr. v. D. die stillige Figur, welche aus den Arbeiten eines Markscheisderzuges entstehet, und zwischen den Sohlen aller gezogenen Schnuren auf einen und denselben Horizont gebracht, enthalten ist, wenn man noch von dem Punkte, der in einer seigern linie mit dem Anbaltenspunkte ist, an den, welcher in einer seigern linie mit dem ist wo man aufhörte, eine gerade lie nie zieht.
- 3. Diese gerade linie hat man nicht aus unmittelbarer Messung so wenig, als die benden Winkel welche sie, einen mit der ersten Seite der Sigur, vom Unhalten an, den andern, mit der letzten ohne eine am Endpunkte, macht. Die gerade linie selbst kann als die letzte Seite der Figur angesehen werden.

- 4. Aber aus unmittelbarer Messung, ober vermittelst ber Lehre von Sohlen und Seigerteusen,
 hat man alle übrigen Seiten ber Figur, die lehte
 ausgenommen; auch alse Winkel die sie mit einanber machen, vermittelst des Hängecompasses (7.
 Anm. 36.) ober der 12. Anmerk. Es ist nähmlich so viel, als eine Figur aus shrem Umfange gu
 messen. (13 Anm. 7.).
- 5. Die lette Seite nun, und ihre Winkel (2) khret der Hr. v. D. zuerst in diesem Anhange berechnen.
- 6. Man sieht leicht, wie dieses geschehen kann, wenn man die Figur durch Diagonalen aus dem Anfangspunkte in Orenecke zerlegt, da man immer von einem ins andere gehen, und was man im vorhergehenden berechnet hat, im nächstfolgenden ben brauchen kann.
- 7. Hr. v. Oppel aber giebt ben jebem Bielecke Formeln in Buchstaben ausgebruckt, burch
 welche, z. E. benm Fünfecke, die leste Seite und
 ihre benden Winkel bestimmt werden.
- 8. Benspiele solcher Formeln, und zwar die einfachsten unter ihnen, waren. Wenn in einem Drepecke zwo Seiten mit dem eingeschlossenen Winkel gegeben sind, die dritte Seite und ihre benden Winkel zu finden. Sie stehen in meiner Trigonom. 20. S. 1. Zus. und I. aftron. Abhandl. 52; 33. Des Hrn. v. D. seine für das Drepeck stimmen damit überein, nur wird ihr Ausdruck weite

weitlänftiger, weil er statt des Sinustotus nicht 1 fest.

- 9. Man sieht leicht voraus, daß ben Figuren von viel Seiten dergleichen Formeln sehr zusammengesest ausfallen. Man kann auch die Logarithe men nicht gar zu bequem andringen; und trigonometrische Linien selbst mit einander zu multiplicit ren und zu dividiren, wie man vor Bekanntmachung der Logarithmen thun mußte, dazu wurden sich jeho Ustronomen schwerlich verstehen, denen man doch immer noch muhsamere Rechnungen and muthen darf als Markscheidern.
- io. Nachdem in der Figur stumpfe Winkel vorkommen, oder gar einwärtsgehende, die man für grösser als 180 Grad annehmen muß (G om. 13. S. 7. Zus. Unm) ist Ausmerksamkeit nothig, wels the von dieser Winkel trigonometrischen Linien, bejaht bleiben, oder verneint werden.
- 11. Mir scheint es also nicht, als ob des Hrn. v. Q. so zusammengesete Formeln sehr brauchbar waren, und ich wurde lieber ben der gemeinen trisgonometrischen Rechnung (5) bleiben.
- 12. Ein anderer Borschlag, ben Hr. v. D. im angeführten Anhange thut, kömmt auf folgende Betrachtung an. Man stelle sich drey Sbenen vor, eine föhlig, die benden andern seiger auf jener, über kinien, deren eine die Richtung der Damagnet-

Magnetnabel, die andere die sechste Stundenlinie, also auf jener senkrecht ist: So machen die
drep Ebenen jede mit einander rechte Winkel, und
jeder Punkt ist durch die drep Perpendikel von ihm
auf diese Ebenen bestimmt. Hr. v. D. lehrt nun,
wie man ben einem Markscheiderzuge, aus dem
was ist gemessen worden, die lage eines Punktes
auf erwähnte Art bestimmen kann.

13. Dieses Versahren ist eben das, was man sonst in der Analysis braucht, wenn man die Lage eines Punktes durch dren rechtwinklichte Coordinaten bestimmt. (Analys. endl. Grössen 514). Der Hr. v. D zeigt seine Anwendung aussührlich auch in einem Exempel. Die Beweise seiner Negeln würde man sich frensich aus der Lihre von der lage der Ebenen und sphärischen Trigonometrie aussuchen müssen.

Abhandlung

Von Sohenmessungen durch das Barometer.

t. Bon biefem Gegenstande mit ben Geleg n. beit ber Martscheldekunft zu handeln, brauche wohl feine groffe Rechtfertigung. Er gehort ohne ftreitig mit zu bin Mitteln, welche bie Geometrie ju branchen sucht, Kenntniß von Geburgen zu geben, und um alle folche Mittel befummert sich boch wohl ber Berggeometer, wenn er nach Vollkommenheit in feiner Art ftrebet.

2. In ben gewöhnlichen Unleitungen gur Dathematif fann von biefem Berfahren nicht grundlich gehandelt werden, besonders weil es etwas von der Rechnung bes Unendlichen vorausfest, frenlich nur ihre Anfangsgrunde, die jedem, ber fich mit Abmeffungen abgeben will, befannt fenn follten.

3. Man bat auch Tafeln ober fonft Borfchrif. ten aus bem Stande bes Quecffilbers im Baromefer, die Bobe des Ortes, wo es biefen Stand bat, du berechnen. Aber jebe folder Borfchriften giebt immer für einerlen Stand des Queckfilbers eine andere Höhe als die andere. Es ist also wohl der Mühe werth zu wissen, woher dieser Unterschied tuhrt, ob, und wie welt die Erfinder folcher Regeln in ihren Grundsähen von einander abgehen.

4 Saft allgemein nehmen sie an: bie Dichte ber luft an jeder Stelle verhalte sich, wie die Kraft,

mit welcher sie zusammengepreßt wird.

c. Dieses

5. Dieses haben Mariotte und andere burch Bersuche gesunden, ben denen die Luft, mit der doppelten oder drenfachen Kraft, in die Halste, oder in den dritten Theil des vorigen Raums zu sammengeprest ward. (Man s. meine Ansangsge. der Aerometrie 62.)

6. Umgekehrt laßt fich also schlieffen, wo bie luft halb so stark, ober ben britten Theil fo ftark gebruckt wird als ben uns, ba fen fie nur halb,

ober ben britten Theil fo bicht.

Bon Prufungen bes angenommenen Gefeges ben verdunter Luft.

7. I. Es gibt auch Mittel, sich burch Erfahrungen zu versichern, ob bas Gefeg eben so ben verbunnter luft, wie ben verbichteter, beobachtet wird.

II. Hiezu könnte Einem die Luftpumpe einfallen. Man könnte ihre Cylinder und die Glocke ausmessen, und so berechnen, wie viel die Lust nach einer gegebenen Meige von Erantlationen verdunnt ware, (Aer. 41) nun aus der Quecksibberprobe beurtheilen, ob sie in eben dem Verhält niß schwächer ware.

Genaue Ausmessungen aber sind nicht so gar leicht, und aus der Beschaffenheit der Lustpumpen erhellt, daß man die Regel, aus der Zahl der Auspumpungen die Verdunnung zu berechnen, nicht mit völliger Sicherheit anwenden durfte.

111. Man stelle sich eine Röhre vor, wie zu Barometern genommen, nur an benden Enden offen. Sie sen durchaus gleich weit, oder wenn das nicht ist, muß man Mittel wissen, die unterschiedenen Weiten in Verechnung zu bringen. Ichwill es aber jeso annehmen, um die Sache kurzer vorzutragen.

III. Die Barometerhohe zu ber Zeit, ba man ben Berfuch, ber jest foll befchrieben werden, machen

will, sen = f.

Die lange ber Robre = g.

V. Man halte sie vertital, und verschlieffe ihr unterstes Eude, mit einem Stopfel, ober mit bem Kinger.

Bum oberften schutte man Queckfilber binein, so daß über bem Queckfilber ein Theil der Robre, dessen lange = a; von Queckfilber leer bleibt.

In diesen Theil tritt also Luft, so dicht als

die umliegende.

VI. Nun verschlieffe man die Robre oben, so baß die Berbindung mit der aufern Luft abgeschnicten wird.

Und öffne sie alsbenn unten.

Es ift flar, baß alsbenn unten Quecksilber

berausflieffen wird.

Dinn bie luft, welche ben Raum = a einnimmt, ware im Stande, ben Druck ber Itimofphare, oder welches eben so viel ist, eine Quecksilberfäule von ber Sobe f zu erhalten. Alfo ist die Atmosphare nicht stark genug, zugleich diese Luft, in diesem Raume, und eine Quecksiberfaule von ber Sobe g — a (V) zu erhalten.

Wenn aber Queckfilber heraus läuft, und die über dem Queckfilber befindliche Luft sich ausbreitet, so werden diese benden Kräfte, welche dem Drucke der Atmosphäre entgegengelest sind, geringer, und so wird diese Verminderung so weit gehen, dis behde dem Drucke der Atmosphäre gleich werden. Unter was für Umständen dieses geschicht, läßt sich so bestimmen.

VII. Die luft über bem Quedfilber breite fich

aus bem Raume a, in ben y aus.

VIII. Im ersten Raume konnte sie eine Queckssterfäule = f erhalten, also kann sie im zwepten eine Quecksiebersäule = $\frac{f. a}{y}$ erhalten, wenn man annimmt, die ausdehnende Kraft von einerlep Luft verhalte sich wie ihre Dichte, also verkehrt, wie der Raum, den sie einnimmt.

VIIII. Moch bleibt in der Rohre eine Quecfile

berfaule = g - y.

X. Diese benben Krafte (VIII; VIIII3) en balt die Utmosphare. Also ist

$$\frac{fa}{y} + g - y = f$$
Over $y^2 = a$, $f - (f-g)$, y.

XI. Die

XI. Die Auflosung ber quabratischen Gleis dung giebt $y = \sqrt{(\frac{1}{4}(t-g)^2 + af) - \frac{1}{2}}$ (f - g) fur ber Gleichung bejahte Burgel, melches offenbahr bie ist, welche man hie braucht.

XII. So läßt sich aus bem VIII; angenommer nen Sage berechnen, wie tief bas Quedfilber fallen muß. Und wenn benn bie Erfahrung zeigt, es falle fo tief, fo bestätigt fie ben angenommenen Eag.

Diese Aufgabe mit ihrer Auflosung ift von Jacob Bernoulli vorgetragen worden, unter bem Litel: Vsus logicae in physica. Op. Iac. B. T. I,

n. 32.

Die will ich bequemer zu gegenwartiger Aba sicht eine andere Unwendung der quadratischen Gleichung (X) machen, Die B. ju ber feinigen nicht brauchte.

XIII. Man fefe, bie luft foll n mabl bunner merben; also y = n. a fenn. Dieses in bie quabratische Gleichung gefest, giebt

 $n^2 a = f - (f - g), n$ Ober a = f + n. (g - f)

XIIII. Erempel. Das Barometer steht 28 Boll = f. Die lange ber Röhre ift 30 = g. Man will haben, daß fich bie Luft über bem Queda filber viermahl (alfo n = 4) verdunnen foll; Wie viel muß man oben in ber Robre von Quede filber leer laffen?

20160 a = 28 + 4. 2 = 3

Nückwärts läßt sich dieses so erläutern: In der Röhre sind & Boll natürliche Luft, die in diesem Zustande 28 Boll Quecksilber tragen könnte. Sie breiset sich in den vierfachen Raum = 9 Boll aus, und so kann sie nur den vierten Theil = 7 Boll Quecksilber halten. Ferner bleiben in der Röhre 30 — 9 = 21 Boll Quecksilber. Ulso ist das, was in der Röhre befindlich ist, = 7 + 21 = 28 Boll Quecksilber, gleich so viel als die Atmassphäre erhalten kann.

XV. Wenn man also ben einem gegebenen Barometerstande = f; für eine gegebene Röhre = g, unterschiedene Werthe von a annimmt, und das jedem zugehörige a berechnet; So kann man sür jede dieser Rechnungen, so vielzals sie angiebt, natürliche kuft über dem Quecksilber lassen, alsdenn den Versuch nach (VI) anstellen und nun sehen, ob der Raum oben in der Röhre, der von Quecksilber leer ist, y = n. a ist. Dies Versahren würde bequemer sehn; die Voraussehung (4) zu prüssen, als wenn man nach Vernoullin allemahl eine quadratische Gleichung ausschen wollte. Auch hatte V. keine solche Prüfung zur Absicht.

XVI. Wenn die Röhre langer ist, als die Barometerhohe, also in XIII; g — f bejaht, so bekömmt man allemahl für a einen bejahten Werth, so groß man auch a nimmt; Nur wird dieserth

Werth für ein groffes n sehr klein ausfallen, und sich also nicht wohl abmessen lassen. Allenfalls müßte man zu dieser Absicht die Röhre sehr lang nehmen, und sich in den Stand sehen, die kleinnen Theilchen, in denen a durch die Rechnung ausgegeben wird, sehr scharf abzunehmen.

XVII. Man setze f=28; g=40; n=100; so kömmt 2=0, 1228. Wenn man so viel Plat in der Röhre oben für natürliche tust läßt, so breis tet sich solche in den hundert sachen Raum = 12, 28 aus, in w lchem Zustande sie0, 28 Queckssiber halten kann. In der Röhre aber bleiben 40—12, 28=27,72 Quecksiber, die also mit der verdünnten eingeschlossene kuft, zusammen 28, dem Drucke der Utmosphäre gleich sind.

XVIII. So zeigt fich, wie man die Borquefes gung auch für groffe Berdunnungen prufen fonnte, woben frenlich allerlen Schwürigkeiten eintreten wurden, fehr sichere Bersuche zu machen.

und $n = \frac{f}{f - g}$ gabe die Granze, der n sich na

bern barf, aber folche nicht erreichen.

Denn im letten Falle bliebe keine kuft über bem Queckfilber. Es sanke nicht, weil es im Barrometer burch die Atmosphäre noch höher erhalten wird. Nähmlich y = n. a warshie = n. o.

Nähme

Dahme man n noch groffer als bie angegebene Grange, fo fame ber Werth von a verneint, ber-

gleichen fich bie gar nicht anbringen laßt.

XX. In dem bisherigen habe ich nur die Theorie solcher Versuche auseinander setzen wollen. Die Handgriffe zur Ausübung wird jeder sich leicht erdenken, dem torricellianische Röhren und Barometer bekannt sind.

Begreislich wird man das unterste Ende der Röhre in ein Gefäß mit Quecksilber gehen lassen, oder ihm einen auswärts gebogenen Schenkel aufügen. Sonst würde die Rechnung mit der Ersahrung nicht übereintreffen. Denn weil das Quecksilber durch den Fall eine Geschwindigkeit bekömt, so sließt ansangs mehr aus der Röhre als die Rechnung anglebt, das tritt aber nachdem aus dem Gefässe oder dem auswärts gebogenen Schenkel wieder hineln, und es entstehen gleichsam Oscillationen; erst wenn Alles ruhig ist, kann man yahmessen.

Wenn man ein Gefäß, ober einen aufwarts gebogenen Schenkel braucht, find folche Erinnerungen wie (Aerometr. 74.) inacht zu nehmen.

8 Bu gegenwärtiger Untersuchung ist eben nichts daran gelegen, wie es sich ben sehr grossen Aenderungen der druckenden Kraft der luft verhält. Denn in luft, die nur noch einmahl so dicht, oder in solcher, die nur halb so dicht wäre, als die uns gewöhnliche, könnten wir schwerlich lange leben, und so kann man in den Dertern, wohin wir

mit bem Barometer fommen, bas Befet (4) an.

nehmen.

9. Aber eine andere beträchtliche Einschräns fung dieses Gesehes ist, daß man die Wärme der Luft ungeändert bepbehalten muß. Sehen die Masse se Luft breitet sich in einen gröffern Raum aus, wenn sie erwärmt wird, und so trägt dunnere luft, eben den Druck, oder noch stärkern als zuvor dichtere trug.

Auch konnten magriche ober andere Dunfte verursachen, bag die Luft, in der sie fich aufhalten, eine andere Feberkraft aufert, als sie ohne Bey-mischung falcher fremden Materien zeigen murden.

venn es noch mehr Aenberungen geben sollte, bas alles sest man anfangs benseite, um die Untersus chung nicht allzu verwittelt zu machen. Nachdem muß man untersuchen, ob, und wie sie ben ber Anwendung anzubringen sind.

Aufgabe.

ri. Die Vergleichung, zwischen dem Stam de des Barometers , und Sohe über dem Sortigonte, in der Voraussengung (4) zu finden.

12. In der 31 Fig. sen S im Horizonte, K barüber um die Hohe SK = x erhoben.

Die Bohe bes Quedfilbers im Barometer fen = f ben S; und = y ben K.

13. Ben S verhalte sich bie Dichte ber Luft, zur Dichte bes Quecksibers wie m: 1. Begreifelch wird m ein sehr kleiner Bruch fenn.

14. Indem man aus K um dx steigt, falle das Quecksilber im Barometer um dy. Die Hohe der Quecksilbersaule nimmt ab, indem die Hohe, auf welche man steigt, zunimmt, also gehören benden Höhen entgegengesetze Aenderungen zu, zu + dx gehort hie — dy.

15. Umgekehrt, wenn man niebermarts geht,

gehoren zusammen - dx und + dy.

16. Der Druck der kuft auf das Quecksilber verhält sich in S und K wie f und y, die Quecksilbersäulen die er erhält. Eben so verhalten sich also die Dichten der kuft in S und K (4).

17. Folglich ist in K, die Dichte der Luft $\frac{my}{f}$

18. Diese Luft sieht man von K bis T als burchaus gleich dicht an. Soll also eine Saule von ihr, mit einer Saule Quecksilber in der Barometerröhre im Gleichgewichte senn, so mussen sich der ersten und der zwenten Saulen Johen verhalten, wie die Dichte des Quecksilbers zur Dichte der kuft. (Indrossat. 35).

19. Diese Luftsaule hat KT zur Höhe. Ind bie Quecksilbersaule mit der sie im Gleichgewicht ist, hat so viel Hohe, um so viel das Quecksilber gefallen ist, indem man von K bis T stieg, denn so viel höher ward es in K von erwähnter Luftsau-

le erhalten.

20. Also ist (18; 14)
$$dx^2 = -dy = 1 : \frac{my}{f}$$

Folglich
$$\frac{\text{mydx}}{f} = -\text{dy over } dx = \frac{-\text{f. dy}}{\text{m}} \frac{dy}{y}$$

21. Die Integration hieven kömmt auf die natürlichen logarithmen an. (Unal. des Unendl. 219; 225) und so ist

$$x = Conft - \frac{f_*}{m} lognat y$$

Weil x = 0 filt y = f (12) so ist Const = $\frac{f}{m}$, log nat f.

22. I. Also
$$x = \frac{f}{m} \log nat \left(\frac{f}{y}\right)$$

II. Sest man in (17) die Dichte ber lust = v; und bedeutet a; die kange einer Saule einer slüßigen Materie, deren Dichte = m, ihr Druck so start als der Druck der Quecksilbersaule fift, also f = m. a; so kömmt x = a. logaat (m: v), für die Vergleichung zwischen Höhe, und Diche te der kuft.

III. Wenn lognat e == 1: fo erhalt man

v = m. e xt a, wodurch sich die Dichte ber Luft in jeder angenommenen Höhe, aus der am Horizonte berechnen läßt. 23. Die Regel (22; I) mit Worten ausgebruckt ware, also diese: Man suche den natürlichen togarithmen des Quotienten den die Barometer-hohe in S, mit der in K dividirt, giebt.

Diesen Logarithmen, als eine Zahl betrachtet, multiplicire man mit ber Barometerhobe in S.

Und dividire das Produkt mit der Dichte der Luft in S (13).

Was heraus kömmt, ist die Höhe SK.

- 24. Man begreift, daß so die gesuchte Sohe in eben solchem Maasse beraustommt, in welchem man die Barometerhohen angiebt. Sind diese in Zollen, und etwa in Decimaltheisen von Zollen angegeben, so sindet sich auch die gesuchte Sohe in Zollen und deren Decimaltheisen. Hat man die Barometerhohen etwa in Zwolftheisen eines Zolls, in linien, ausgedruckt, so sindet sich die gesuchte Höhe in eben solchen kinien.
- 25. Aber Höhe eines Berges, auch nur eines Thurms, wird man wohl nicht durch eine Menge von Zollen oder Linien ausbrucken wollen, wenn man auch der Methode zutraute, daß sie diese Menge genau angabe. Also fügt man zu (23) noch folgendes.
- 26. Was in (23) heraustommt, dividire man mit 12 ober mit 144; nachdem man die Barometerhöhen in Zollen ober in Linien ausgedruckt hat. So bekommt man die gesuchte Hohe in Zusien.

27. Hieben ift beschwerlich, bag naturliche fogarithmen erfobert werben, bie nicht fo gar gemein find. Und die man gedruckt hat, reichen nicht fo weit, als man wunschen konnte. Br. Lambert, in f. Bufagen gu ben logarithmifchen und trigon. La. bellen (Berl. 1779) 13 Taf. hat sie bis 100 gegen: ben. auch Simpfons seine mitgetheilt die bis 1000 ju brauchen find. (Man f. Hr. L. Erklarung ber Safeln 60. S.). Die lesten ftebn auch in ben ju Avignon 1770 herquegekommenen Tables de logarithmes:

28. Wer mit folden Tafeln nicht verforgt ift, fann fich ber gewöhnlichen briggifchen Logarith. men fo bebienen, baß er ben briggifchen logarithe men bes Quotienten (23) mit bem natürlichen logarithmen ber 10 ober mit 2, 302585 ... = k multiplicirt.

Das Produkt giebt ben natürlichen, welchen man eigentlich brauchen follte.

Es fann auch hieben bienlich fenn, ben briggischen logarithmen von k zu wissen. Diese Groffe, fo weit fie bie angegeben ift, bis auf Millions theile, ist = 5. 0, 460517. Ich finde tes lege ten Factors logarithmen burch Proportionaltheile, addire bazu den von der 5; und finde so log k = 0, 3622157.

Diefes kann für gegenwärtige Rechnungen genug fenn. Da aber ber briggische logarithme von k auf unterschiedene Art brauchbar senn kann,

fo ware es nicht unnug, ihn scharfer zu suchen, eben wie man ben logarithmen ber Peripherie fur ben Durchmeffer 1; genau gesucht hat. (I. aftr. Abh.

g6.)

Etwas schärfer ist derfelbe schon vom Hugen gesucht, und eben zu der Absicht gebraucht worden, durch briggische logarithmen zu sinden, was un mittelbar, natürliche ersodert. Man s. Hugens Observationes in lidr. Iac. Gregorii de vera circ. et hyp. quadrat. In der Sammlung von Hugens Werken die s'Gravesande besorgt hat in dem Bande: Opera Varia; Vol. 2. p. 463.

H. braucht 0, 3622 156868 welches, mit bem, was ich vorhin angegeben habe, so genau übereinstimmt, bag man keine andere Angabe, als meine brauchen kann, wenn man nur bis auf sieben Des eimalstellen ber Logarichmen gehn will.

Man sieht leicht, daß Hugen sich Tafeln bedient hat, wo die logarithmen in mehr Decimalstellen angegeben sind; Er hat auch, für Zahlen von viel Decimalstellen, sich des Vortheils der trigonometrischen logarithmen bedient, wovon ich 9 Anm. 20; geredet habe.

29. Die Dichte der laft in S muß man aus Erfahrungen der Naturforscher annehmen. Besanntermassen sind diese Erfahrungen nicht gang übereinstimmend, können es auch nicht son, weil sie nicht alle an einem Orte, und unter einerlep Umständen, angestellt sind.

30. Nimmi

30. Nimmt man sie also an, sogiebt $\frac{\mathbf{f}_i}{\mathbf{m}}$; noch

mit 12 ober 144 bivibirt, (26) einen beständigen Coefficienten, ber, mit jedem natürlichen kogarithmen des veränderlichen Quotienten in (22) multiplicirt, allemahl die Höhe x in Fussen angiebt, die diese Quotienten jedesmahligem Divisor y gehört.

Multiplicirt man diesen beständigen Coefficienten mit k (28), so hat man einen andern beständigen Coefficienten, ber ben dem briggischen Logarithmen eben so gebraucht wird, wie jener

benm natürlichen.

Wie sich der Barometerstand für eine gewisse Sobe ändert, wenn sich der Barometerstand im Sorizonte ändert.

31. I. Weil bekanntermaffen, bas Barometer, an einem und demfelben Orte nicht immer einerlen Hohe hat, so sein Stand jeso f war, fen er zu einer andern Zeit — F. Die Dichte der Luft sen alsbenn M.

11. So ist f: F = m: M. (4)

III. In eben ber vorigen Sobe über diesem Orte, ober in ber Sobe = x, sey ber Barometere ftand nun = Y.

IIII. So ist aus (22) jeso

$$x = \frac{F}{M}$$
. log nat (F: Y)

V. Dieser Werth soll bem (22) gleich senn; Der Coefficient in benden ist einerlen (II). Also auch der logarithme, folglich f: y = F: Y.

VI. Ober: Wenn sich ber Barometerstand im Horizonte ändert, so andert sich auch ber Barometerstand in einer bestimmten Höhe, und zwar so, daß sich die benden ersten Barometerstände im Horizonte, und in der Höhe, verhalten, wie die benden zwenten.

VII. Exempel. Der Barometerstand im Horizonte sen = 28 Zoll; in einer gewissen Höhe barüber = 27. Nun andere er sich im Horizonte und werde 28, 5 Zoll; So wird er in der angenommenenhöhe; $\frac{28}{30}$ = 27, 583 Zoll.

· VIII. Der Barometerstand y gehörte also mun zu einer anbern Sohe q; so haß

$$q = \frac{F}{M}$$
. lognat (F: y).

X. In viesem Ausbrucke könnte man auch die benden briggischen logarithmen statt ber natürlichen seinen; weil sich für einerlen Zahlen briggische logarithmen, wie natürliche, verhalten.

Zalley.

Salley.

32. Hallen hat solche Berechnungen anzustellen gewiesen, und, wie zu seinen Zeiten gewöhnlich war, zum Grunde derselben die Hyperbei zwischen den Aspmptoten gelegt. Seine Schrift führt den Litel: A discourse of the rule of the decrease of the height of the Mercury in the Barometer... Sie steht in einer zu sondon 1705 in 8vo. herausgek. Sammlung, die Mischlanea Curiosa heißt, aus den philosophischen Transactionen.

33. Hallen nimmt an, die eignen Schweren von Wasser und luft verhalten sich, wie 800: 1 und von Quecksilber und Wasser, wie 13, 5: 1 das giebt also das Verhältniß der eignen Schweren von Quecksilber und Luft, wie 10800: 1 oder m

= 10800

34. Die Stelle, wo bieses statt findet, nimmt er am Ufer des Meeres an, und die Barometerhöber daselbst 30 englische Zoll = f.

35. So wird der beständige Coefficient (30)

36. Exempel. Wie groß ist die Hohe, wo das Quecksilber ben 20 Zoll = y steht.

 $\log \text{ nat } 30 = 3,4011974$ 20 = 2,9957323

18 = 0,4054651

4 Dieses

Dieses mit dem Coefficienten (35) multiplicirt giebt 16947, 559. Die ganzen Fuß stehen als die Höhe, welche diesem Barometerstande zugehört, in einer Lafel, welche Hallen seinem Aufsase bengefügt hat.

Wie man die Dichte der Luft an einem gegebenen Orte, blos durch das Barometer, selbst findet.

37. Man steige von S auf eine Hohe, die man meffen kann, so daß man weiß, man sey daselbst um c Juß hoher als in S.

Man bemerke, wie hoch bafelbst bas Quedsilber steht. Es sen g Zoll.

So ift aus 22; 26;

$$c = \frac{f}{12 \text{ m}} \cdot \log \text{ nat } \frac{f}{g}$$

$$38. \text{ Folglich} m = \frac{f}{12. c} \log \text{ nat } \frac{f}{g}$$

39. Hieraus läßt sich die Hohe zu finden, eine Formel herleiten, die beswegen sehr bequem if, weil man ben ihr sogleich Briggische logarithmen brauchen kann.

Wenn man ben Werth von m (38) in (22) fest, so bekömmt man

$$z = c$$
, $\frac{\log nat (f: y)}{\log nat (f: g)}$

Aber

Aber die Briggischen logarithmen von f: y und von f: g verhalten sich, wie die natürlichen, wie man leicht aus der Theorie der logarithmen, s. E. An, Unt. 228; herleitet.

Berfieht man alfo unter ber Benenmung ber

Logarithmen schlechtweg briggische, so ist auch

$$x = c. \frac{\log (f: y)}{\log (f: g)}$$

Also, wenn B ben beständigen Coefficienten bebeutet.

 $x = B \cdot \log (f \cdot y)$

Mariotte.

40. Man hat vom Mariotte eine Schrift de la nature de l'air. Sie befindet fich in ben Ocuvres de Mr. Mariotte (Haag 1740; 4°) im I. Theile.

41. In bieser Schrist 174 u. s. S. ber angesührten Ausgabe, erzählt er unterschiedene Ersährungen, wie tief das Quecksilber sünke, wenn man
es von einer Stelle an eine höhere bringt. Bon
dem Keller, unter der pariser Sternwarte, dis hinauf siel es ihm etwas mehr als ‡ einer pariser Linie, und von der lestgenannten Stelle, dis an
die Plattesorme, wieder eben so viel. Jede dieser Höhen ist 84 Fust. Andere solche Ersahrungen,
geben ihm 63 Fust Höhe, sür eine Linie Quecksilber. Um sich aber die Rechnung zu erleichtern,
nimmt er, einer zu Orleans angestellten Ersahrung gemäß, 60 Fust, sür eine Linie, an einen
Stelle, wo das Barometer 28 Zoll steht.

42. Aus diefen Angaben läßt fich nach (39) berechnen, was er für eine Dichte ber Luft annehmen muß.

43. Es ift nahmlich f = 28 goll; die betragen 336 kinien, und g eine kinie weniger, also 335 oder 67. 5 kinien. Drucket man also bende in 3cl-

len aus, fo fommt $\frac{f}{m} = \frac{28.12.}{67.5}$ Für biefen

Ausbruck läßt sich ber natürliche Logarithme bes Divisors, und bes Dividendus, aus benen, die man hat, (27) durch die Abdition sinden. Die Rechnung sieht so aus: Es sind die natürlichen Logarithmen

bon 28 = 3, 3322045101]
12 = 2, 4849066497]

Summe (1) = 5, 8171111598

67 = 4,2046926193 5 = 16094379124

Summe (II) = 5, 8141305317 (I-II) = 0, 9029806281

Dieß also ber natürliche logarithme bes Quo-

tienten 28. 12 ·

44. Die gedruckten logarithmen find nur in 7 Decimalstellen, ich habe mich hie geschriebener bebient, die ber Hr von Stramford auf zwanzig Decimalstellen berechnet hat.

45. Was ruft biefem natürlichen logarithmen (43) multipliciet werden muß (39) ift

$$\frac{.28}{12.60} = \frac{7}{180}$$

46. Das Produkt finde ich m = 0,000115.
47. Aus den angegebenen Zahlen, und dem natürlichen logarithmen, läßt sich diese Dichte auch durch die gewöhnlichen briggischen logarithmen so berechnen.

Bermittelst bieser logarithmen sindet sich m = 0,00011591; $\frac{1}{m} = 8628, 2$, oder Quecksilber, so vielmahl dichter als lust. Und wenn man mit Halleyen (33) das Quecksilber 13, 5 mahl dichter als Wasser sest, so sindet sich $\frac{1}{12.5 \text{ m}}$

dichter als Waller legt, so findet sich 13,5 m =

639, 0, als ober das Wasser so vielmahl dichter als kust.

49. Alfo, wenn man benm Mariotte und Hale len (33) einerlen Baffer und Queckfilber versteht, so könnnt ber Dichte biefes Baffers die Dichte von Mariottes luft viel naber, als die vom Hallens feiner.

50. Wenn ich c = 63 fege, wie M. feinen eigenen Erfahrungen gemäß hatte fegen follen, (41) fo wird bas, was man mit bem natürlichen logarith-

men multipliciren muß, in (45) = $\frac{7}{189}$. Wenn

ich damit rechne wie in 48; so finde ich m =0,00011039; das Quecksiber 9058 mahl und das Wasser 671,0 mahl dichter als Luft.

51. Mariotte sest also viel dichtere kuft voraus, als man gewöhnlich annimmt. Denn Halleys Angabe ist die gewöhnliche.

Hiemit sage ich aber nicht, daß man so unmittelbar Mariottes und Halleys Dichten vergleichen könne. Denn sie gehören nicht für einerley Barometerstand, jene für 28 pariser Zoll, diese für 30 englische. Will man also genauer gegen einander halten, was jeder für eine Dichte der Lust annimmt, so muß man etwa berechnen, wie dichte Halleys Lust ben 28 pariser Zoll seyn würde. Das geschicht unten (66).

52. Die Bestimmung ber Dichte also nach 48; ober 50; angenommen, muß man bey Mariotten ben

ben natürlichen Logarithmen von 28: y mit 12,111 multipliciren, bas giebt x in Fuffen (22; 26;)

53. Ober aus (39) mit briggischen logarith.

 $x = c. \frac{\log (336: y)}{\log (336: 335)}$

14. Wo y eine Menge Linien bedeutet aber c; 60 ober 63 Buß.

55. Man brauche bie lette Boraussegung, so ist ber Coefficient, ben man in ben veranderlichen

logarithmen multipliciren muß = $\frac{63}{0,0012945}$

56. Diefen Coefficienten berechnet man bequem burch bie Logarithmen

log 63 = 1, 7993405 bavon abgesogen. log 0, 0012945 = 0, 1121021 - 3

log bes Coeff. = 4, 6872384

gebort zu 48667.

57. Nach dieser Borbereitung läßt sich, der Formel 53 gemäß, so rechnen, daß man nicht einmahl zu multipliciren braucht, sondern Alles mit den logarithmen ausrichtet.

58. Exempel. Es sep y = 27 Boll. Hie kann man ben Ausbruck in Zollen benbehalten, wig allemahl, wo die Barometerhohe lauter ganze Boll beträgt. Da muß man auch 28 Boll state 336 Lianien schreiben, und so ist

 $\log 28 = 1,4471580$ 27 = 1,4313638

28: 27 = 0, 0157942 log 0, 0157942 = 0, 1984976 - 2 bes Coeff. (56) = 4, 6872384

log x = 2, 8857360 gehört zu 768, 66

59. Go rechnet Mariotte nicht. Er ftellt fich bie Atmosphare in Schichten getheilt vor, fo be-Schaffen, Daß, wenn man aus einer in die nachithobere kommt, bas Barometer um 12 einer linie fällt. Dergleichen Schichten befommt er 336. 12 = 4032, wenn bas Barometer in ber niebrigfien 28 Boll Queckfilber enthalten, in ber oberften gang leer senn soll. Weil er zu unterst 60 guß Hohe auf eine linie Queckfilberfall rechnet, fo bekommt Die unterfie Schicht ben zwölften Theil bavon, alfo funf Fuß. Go tonnte er nach und nach berechnen, wie viel Fuß jebe Schicht beträgt, ober wie viel zwischen berfelben niedrigften und hochsten Grenze enthalten find; Er fieht auch felbft ein, baß man bas Wachsthum ber Schichten nach ben Regeln berechnen konnte, beren man fich bedient, die Logas rithmen zu finden. Indessen wird ihm biefe Ars beit zu langweilig; er glaubt, eine Summe geo. metrischer Progressionen fen nicht febr von bem unterschieden, mas man findet, wenn man biefe Progressionen nach der arithmetischen Proportion nimmt, und nun stellt er fich für jeben Stand bes Barome.

Barometers so viel Glieber einer Progression, vor soviel Linien ber Barometerstand unter 28 Zollen ift, findet die Summe bieser Glieber . . .

Ich habe die Geduld nicht, M. Regeln weiter abzuschreiben. Meine Absicht ist auch nicht, daß man sie hier lernen soll, sondern daß man aus dem Angesührten sehn soll, in was für Verwirdrung und Weitläuftigkeit M. gerathen, ist, nur weil er die Rechnung des Unendlichen nicht kannete. In der gemeinen cartesianischen Algebra war er nicht ungeübt.

Seine Schichten, in beren jeder das Queckfilber 12 einer Linie mehr fällt, find in der That ein Schritt nach der Rechnung des Unendlichen, nach Schichten beren jede die Höhe dx hat, indem das Queckfilber um dy fällt (15) Nun wußte aber M. nicht, wie er die Summe vieler solcher Schichten bequemfinden sollte. Er suchte durch Iddiren, was man durch Integriren sinden muß.

Wie boch muß man steigen, damit das Bar rometer um eine gegebene Groffe fallt?

60. 1. Ich setze, man befindet sich an einer Stelle wo der Barometerstand y ist. Man will von dieser Stelle um eine Sobe = u steigen, damit der Barometerstand y — t werden soll; t ist eine gegebene Groffe.

2016 (39)
$$x + u = B$$
, $\log (f: (y - t))$
11nb (39; 80;) $u = B$, $\log (y: (y - t))$

Wenn t immer einerlen bleibt, so wachst ber veranderliche logarithme, indem y abnimmt, benn er gehort zu einer Groffe die sich so ausbrücken läßt.

 $\mathbf{I}: \left(\mathbf{I} - \frac{\mathbf{t}}{\mathbf{v}}\right)$ und da nimme der Divisor

immer ab, wenn y ben einerlen t abnimmt.

II. Wenn man sich die kuft in Schichten getheilt einbildet, da von jeder in die nächsthöhere, das Quecksilder immer um gleichviel = t fällt, so sind die benden Gränzen einer solchen Schicht, weit von einander, wenn sich die Schicht hoch in der Atmosphäre besindet, wo der Varometerstand niedrig ist.

III. Benm Mariotte (59) ist teine Linie. Man berechne die Schicht wo das Quecksilber von 14 Zoll = 168 Linien auf 167 füllt.

Man findet log (168: 167) = 0, 0025928;

log 0, 0025928 = 0, 4137690 - 3 log B = 4, 6872384 (56)

log u = 2, 1010074
giebt u = 126, 18 Fuß = 126 F. 2, 16 Boll
IIII. Sekte man in (1) t = dy also u = dx;
so verwandelt sich log (y: (y — t)) in d log y;
Das wäre das Differential eines briggischen logarithmen; also = dy: k. y (28); und, wenn
man nicht darauf sieht, daß von den benden ver

anderlichen Groffen eine gunimmt, inbem bie an-

dere abnimmt, so bekommt man dx = B, dy: ky = cdy; k, log (f: y) (39),

V. Mas

V. Mariotte rechnet die Schichten (de la nat. de l'air. Oeuvres de Mr. M. p. 175.) nach einer Regel, die sich in meinen Zeichen kurz so ausbrucken läßt. Die Grösse einer Schicht, was ich u nenne, ben Mariotte — v gesest, und t — 1 kinie, so ist v — c. f: y.

VI. Wenn c = 63 Fuß, f = 28 Boll = 336 Linien, so ist ber Dividend in (V) = 63. 336 = 3168.

VII. Dieses Verfahren mare richtig, wenn bie Luft von der untersten Granze einer Schicht bis an die oberste durchaus gleich dicht ware. Aber die Luft wird von unten nach oben zu dunner; Also muß die oberste Granze weiter von der untersten abstehen, als Mariottens Rechnung angiebe, oder : er findet jede Schicht etwas zu flein.

VIII. Diefer Fehler muß ben einem fleinern y mehr betragen als ben einem gröffern, benn ben jenem muß man um eine gröffere Sobe fleigen,

bamit bas Barometer um eine Linie fällt.

VIII. Also kann man, wie groß dieser Fehs ler etwa werden mag, so bestimmen, wenn man ihn für den geringsten Barometerstand, den man etwa brauchen will, berechnet; Das sen y = 14 Boll = 168 Linien; Man suche also, wie hoch man von da steigen muß, daß das Barometer auf 167 fällt.

Nach meiner Formel ist log (168: 167) =

0,0025928

Giebe u = 126, 18 Fuß = 126 Fuß 2, 16 Joll.

Aber v = 126, X. Seft man y = 16 Zoll = 192 Linien, so

X. Seft man y = 16 zou = 192 inten, 10 ift

log (192: 191) = 0, 9022678; u = 110, 36 Fuß = 110 F. 4, 32 J.

Aber 63. 28 ober v = 110 F. 3 Boll.

XI. Also u — v kleiner in X als VIIII; wie

VIII erfodert.

XII. Mariottes Verfahren, eigentlich nach seinen Grundsähen zu rechnen, ware folgendes: Jede Schicht zu berechnen, die einer Linie Varomeserfall gehört, und sie zusammen zu abdiren; z. E. von der Stelle wo das Varometer 336 Linien steht, bis an die wo es 168 L. steht, sind 168 Schichten, deren man jede einzeln berechnen, und zusammen abdiren mußte, der letzten Stelle Höhe über die erste zu haben.

XIII. Weil nun M. jebe einzelne Schicht zu klein findet, so wird auch ihre Summe zu klein, oder: eine Hohe, nach dieser Urt berechnet, muß

fleiner herauskommen, als nach (58).

XIIII, Dieser Fehler kann aber boch nicht gar zu viel betragen. Im Crempel (XII) muß er

viel kleiner senn als $\frac{168}{4}$ = 42 Fuß (VIII)

Das mare febr unbetrachtlich ben 14650 Fuß, wie biefe Sobe nach 58 gefunden wird.

61, 1.

Gr. f. Gr. be luc, in feinem Buche, von bem ich unten (275) rede, hat fich viel Dube gegeben, Mariottes Verfahren zu erläutern, und barnach zu

rechnen, woben er 63 statt 60 braucht (41).

11. In der Tafel, bie ich (unten 283) ermabne, ist eine Columne, nach Mariottes Grundsägen berechnet, und bas find, wie ich nicht anders verfteben fann, Die bisher von mir beschriebenen. Die Bahlen Diefer Lafel mußten alfo , ben einerlen Barometerstånden, fleiner fenn als bie, welche ich nach (58) finde: Ich weiß aber nicht, mober es fomt, baß sie immer gröffer sind. 3ch will einige berfeben

| y | - Meine R. | |
|----|------------|------------------|
| 27 | 768, 66 | 771 |
| 26 | 1566, 3 | 1 1571 F, 1 Zoll |
| 17 | 10546 | 10580; 7 |
| 16 | 11828 - | 11866; 1 |

III. Zwischen ben Barometerstanden 336 und 335 Linien fest Dr. D. L. Die Bobe 63 Fuß, wie meine Formel; (56). In Diefem Grunde Der Ber rechnung find wir alfo eins.

IIII. Zwischen ben Barometerstanden 192; 1913 linien giebt er bie Bobe fo an, wie v in (60; X) gefunden worden; Alfo hat er Mariottes Schichten jum Grunde gelegt.

V. Wie es nun fommt, bag bie Zahlen feiner Lafel groffer find als meine, anftatt fleiner gu fenn, weiß ich nicht ju erflaren. Ben bem Bas

rometer-

rometerstande 17 Boll, habe ich mir die Muse genommen, die Hobe nach der Urt, wie ich urtheilte, daß Hr. D. L. mußte gerechnet haben, nachzurechnen, und 768,47 herausbekommen, etwas kleiner als meine Zahl; folglich mit meinen Schluffen (60; XIII.) übereinstimmt. Daraus möchte man vielleicht schliessen, Hr. D. L. habe sich verrechnet, und ben einer an sich nicht künstlichen, aber weitläuftigen Arbeit, dem Abdiren vieler Schichten, ware das Verrechnen sehr verzenhlich.

Gleichwohl ift auch nicht fo leicht einzuseten, warum er sich ben allen seinen Zahlen eben auf die Urt verrechnet hatte, baß er mehr herausbesommen, als er nach seinem Verfahren bekommen follte.

Wie er eigentlich verfahren hat, hat er nicht umftåndlich gezeigt, es hatte nur durch ein weit läuftiges Erempel geschehen können.

VI. Ob mein Verfahren (58) Mariottes Grundfahen gemäß ist, und ob ich nach meiner Formel richtig gerechnet habe, kann jeder seicht prüsen. Hat aber Hr. de kuc, in der Hypothese nach der er zu rechnen angiebt, stillschweigend etwas geandert, so habe ich jeho keine kust auszusuchen, worinn diese Aenderung besteht.

Borrebow.

62. I. Biel abnliches mit Mariottes Berfahren hat bes berühmten Danischen Aftronomen Peter Berro

Horrebows feins, in f. Blement. Philos. Natur. Cap. 8. Er ftellt sich auch die Atmosphäre in Schichten getheilt vor, in deren jeder das Queck, silber um eine Linie fällt, berechnet wie weit jede unterste Granze von ihrer obersten ift, und sindet daraus die Höhe, die einem gegebenen Barometer-stande gehort.

II. Die bestimmten Zahlen seiner so berechneten Tafel grundet er auf eine Erfahrung, die er im August 1737 angestellt hat. Er hat mit fleißiger Beobachtung gefunden, daß das Quecksilber am Horizonte des Meers ben 28 Zollen gestanden, und er 75. Fuß ober 12, 5 Hexapedas steigen mus.

fen, bis es eine Linie gefunken.

Er sagt nicht, was er für Maaß gebraucht. Wenn er aber auch nicht gleich zuvor die pariser Astronomen genannt hätte, so zeigt doch der Barometerstand am Meere, daß er pariser Zoll, und folglich auch Toisen persteht. So wird sich seine Berechnung mit Mariottes seiner sehr bequem vergleichen lassen.

III. Ich will ber Rurze wegen gleich hinter einander zeigen, wie man, Horrebows Angabe gemäß, nach (39) ben Coefficienten, und ferner bie Hohe für ben Barometerstand 27 Zolf (58) be-

stimmt.

Es ist also ben Horrebow;

c=12,5 Toisen, f=336 kinien; g=335. wo log (f: g) in (55) angegeben, und der kogarichme dieser Grosse in (56) gebraucht ist. Also

J 3,

log 12, 5 = 1, 0969100

o, 1121021 - 3

log B = 3, 9848079

o, 1984976 - 2

 $\log x = 2, 1833055.$

gehört zu 152, 51 = 915, 06 Fuß

S. hat 152, 4

Uebrigens ist B = 96572

Warum-H. weniger bekömmt, als ich, erhellt aus 60; VII. Für den Barometerstand 26 Zoll habe ich 310, 78 Toisen berechnet. H. hat 310, 6.

V. Wiel grösser aber als Mariottes Sohe ist H. feine, ben einerlen Barometerstande, welches sthon daraus begreislich wird, weil er zur ersten kinie Fall 75 Juß ersobert, M. nur 63.

VI. H. hat also eine bunnere kuft als Mariote, und konnte hierinnen leicht mehr Recht haben. (51).

VII. Das Buch, in bem H. Methode sieht, hat so was besonders, daß eine kleine Nachricht davon nicht unangenehm senn wird. In der Zueignungsschrift meldet er, das lehramt der Physik sen auf der Kopenhagner Universität bessoldungslos, und wechsele zwischen den Medicis und Mathematicis ab. Als es nun in seinem Alter an ihn kam, ließ er Caspar Bartholins Campendium wieder drucken, darüber er in seiner Jugend gehört

gebort batte, und anderte nur, was ihm in biefem 56 Jahr alten Buche zu verbeffern nothig ichien. Wer fonft weiß , daß Gr. S. Die newtonischen Gabe nicht angenommen, und in ben meiften Stutfen ziemlich cartesianisch gebacht, wird sich nun leicht eine Vorstellung machen, wie fehr biefe 1748 berausgekommene Physik von andern eben ber Beit unterschieden ift. Indessen find biefe Unterfudungen von ben Dichten ber Luftschichten und anbere einzelne Bemerkungen immer noch lehrreich. Ich habe bas Buch von einem Cobne bes Verfaffers Brn. Chriftian Horrebow geschenft befommen. P. H war d. 25. May 1679 gebohren, und ftarb den 15. Apr. 1764. Im alten hamburgi. schen Magazine IIII Band habe ich aus biefer Physit einen Auszug gegeben, wo ich 679. S. S. Borftellung ber Schichten, umftanblicher, und mit Buchftabenrechnungen erlautert habe.

Zalleys Sormel mit der verglichen, welche aus Mariottes Angabe folgt.

63. Zuerst muß man Hallens englisches Maaß auf französisches bringen. In ber Rechnung, bie ich hierüber gesührt habe, habe ich mit Hr. be luc im (61) angeführten Buche J. 264 bie Berbaltniß so angenommen, daß engl: franz = 144: 153.

Ich will diese Verhältniß benbehalten, well es sich nicht ber Muhe verlohnt, die Rechnung

von neuem zu machen, ba ich blos ein Erempel geben will, wie man ein paar Formeln mit einander vergleicht. Sonst halt nach Crusens Contoristen der gemeine Londner Fuß 135, 16 pariser

Linien, ist also = $\frac{135, 16}{144}$ londner Fuß, und das giebt die Verhältniß des französischen Fußes zum englischen = 153: 143, 60 die doch also der angenommenen sehr nahe kömmt. S. unt. 356.

64. Also ist Hallens f (34) = $\frac{144.3}{153}$ 0 = 28, 235 pariser Zoll. Wie ich burch die kogarithemen sinde.

Hr. be suc hat 28 4

65. Wo das Barometer so hoch steht, als nur jesso in Pariserzollen ist berechnet worden, da nimmt Halley die Dichte der Lust so wie in (33) an. Wie dicht ist also diese Lust wo das Barometer 28 Zoll hoch steht? Diese Frage beantworket das vierte Glied nachfolgender Proportion:

28, 235: 28 = 1 28 10800: 28, 235, 10800

Mit logarithmen wird bie Regel Detri p gemacht

Summe = 5, 4842161 bavon abgezogen log 28 = 1, 4471580

gehört zu 10891. Die Dichte ist ein Bruch, der biesen Menner, zum Zähler 1 hat.

66. Versteht man also in (22) Pariser Maaß

 $x = \frac{28}{12}$. 10891. log nat (28: y)

Die Barometerhöhe in Zollen verstanden,' die So. he über den Horizont in Fußen.

- 67. Diese Formel ist also von der, welche aus Mariottes Angaben fließt (52), nur in dem Coefficienten vor dem Logarithmen unterschieden; wo in diesem Coefficienten hie 10891 steht, mußte nach dem Mariotte 9058 oder 8628 stehen. (50; 48)
- 68. Nahmlich: wer annimmt, die Dichte ber Luft verhalte sich wie der Druck den sie leidet, der muß allemahl Höhe und Barometerstand nach einer Formel wie (22) vergleichen. Wenn er also für diese Dinge einerlen Maaß mit einem andern braucht, so können ihrer benden Formeln in nichts unterschieden senn, als in dem Coefficienten vor dem Logarithmen; Und dieser Unterschied beruht nur darauf, daß für einerlen Barometerstand, der Log.

eine, eine andere Dichte ber luft annimmt, als bar andere.

Zalleys Kormel, in französischem Maasse zur Berechnung mit Briggischen Logaruthmen eingerichtet.

69. I. Diefes erfobert nur, ben beständigen Coefficienten (66) noch mut k zu multipliciren (28) fo ist

$$x = \frac{7}{3}$$
. 10891. $\log (28: y)$

Da kann man auch biefes beständigen Coefficienten, beständigen Logarithmen berechnen.

11. Ich will, ben Plas zu sparen, gleich ein Erempel für y = 27 berechnen, an bem man die Rechnung im Zusammenhange sehen kann.

Der logarithme von 28: 27 und was man mit ihm auch hie, nur mit gehöriger Aenderung, machen muß, fleht (58).

> log k = 0, 362215710891 = 4, 0370581 (65)7 = 0, 8450980

> > 5,2443718 3 = 0,4771212

lag d. Coeffic. = 4, 7672506 lag 0, 015..., = 0, 1984976 — 2 (58)

log x = 2, 9657482 gehört zu 924, 16

III. Sr.

III. Hr. be luc im (61) angeführten Buche S. 264. lehrt auch bie Berechnung ber hallevischen Hohe mit briggischen Logarithmen. Seine Formel ist

x = 907 вий 7 300. log (28: y)

Er hat also nur den Coefficienten so unbequem als möglich ausgedruckt, und doch die Geduld gehabt, eine Lafel nach seiner Formel zu berechnen, die ben seinem 334 S. steht.

III. Ein Glieb aus dieser Tasel zu prüsen, habe ich y = 20 geset, wo 28: 20 = 1, 4. Mein Versahren (II) giebt mir 8549, 7 Fuß Hr. de L. hat 8550 Fuß 3 Zock

V. Uebrigens hatte ich die Berechnung mit briggischen Logarithmen aus (28) schon ben (36) zeigen können. Weil es aber ziemlich gewöhnlich ist, ben solchen Beobachtungen französisches Maaß zu brauchen, so wollte ich sie lieber ben Hallens Formel in vemselben ausgebruckt benbringen.

VI. Zieht man von dem logarithmen des Coefficienten (II) den logarithmen der 6 ab, so bekömmt man 3, 9990994 = log 9979, 2. Das ware der Coefficient, mit dem man (log 28: y) multipliciren mußte, um die Höhe in Loisen zu bestommen.

Wenn man für einen Barometerstand die Sobe über den Sorizont nach einer gewiss seine Andere Hormel berechnet hat, zu finden, was eine andere Formel zu eben dem Baromet terstande für eine Sohe über eben dem Horizont gabe.

70. Es versteht sich, bag man in benden einerlen Maag gebraucht, und bendemahl die Johen von einem Horizonte rechnet, wo das Barometer einen und benselben Stand hat. So können ben be Formeln, nur nach der (68) angezeigten Urt, im Coefficienten unterschieden sepn.

71. Die erfte Formel fen alfo bie (22).

In ber zwenten sen n die Dichte ber luft, welche ben ihr angenommen wird, wenn bas Barometer ben Stand f hat. Die gesuchte Bobe = z.

72. So ist sie:
$$z = \frac{1}{n}$$
. lognat (f; y)

73. Hiso
$$z = \frac{mx}{n}$$

Ober: Die Sohen, welche einerlen Barometerftande zugehören, verhalten fich verkehrt wie die Dichten.

74. Ber für irgend einen Stand bes Barometers getingere Dichte ber kuft annimmt, als ein Anderer, ber nimmt auch für jeden Stand des Barometers an dem Orte, wo es diesen Stand hat, geringere Dichte an, als der andere, und zwar in eben

eben ber unveränderlichen Berhaltniß. (17) Denn bende laffen fie die Dichte der Luft in eben der Berbaltniß abnehmen, in welcher die Queckfilberfaule im Barometer furzer wird. (4)

75. Steigen also benbe von einem Horizonte, mo fie einerlen Barometerstand haben, so glaubt ber erfte burch leichtere luft zu fteigen, ber zwepte burch

schwerere.

76. Jeber nimmt an: Die Luftfaule, burch bie er gestiegen ist, sen im Gleichgewichte mit ber Quecksibersaule, um welche bas Quecksiber in seinem Bacometer gesunten ist.

77. Der also leichtere tuft annimmt, ersobert eine grössere Höhe bieser kuftsaule, als ber sie schwerer annimmt, und zwar in ber verkehrten. Verhältniß ber Dichten, die sie bende für einerley Barometerstand annehmen. Das ist eine Probe, wie Schiusse mit Worten ausgedruckt aussehen, die eine Rechnung wie 72; 73; in ein paar Zeilen zusammenzieht.

Prempel zu 73.

78. Wie groß gabe Hallens Rechnung bie 36he zu bem Barometerstande (58).

Da gehören also m; x; zum Mariotte, n; z; zum Hallen. Den logarithmen ber ersten bieser Brossen habeich in (50) nicht hingeschrieben, hie brauche ich ihn.

 $\log m = + 0,0429398 - 4$ $\log x = + 2,8857360$

obgez. log n = -4,0370881 (66)

log z = 2, 9657339 gehört zu 924, 13.

Go viel Pariser Fuß ware man nach Hallens Formel von der Stelle, wo der Barometerstand 28 pariser Zoll ist, dis an die gestiegen, wo er 27 Zoll ist.

Stimmt fehr wohl mit 69; Il überein, da hie auf Hunderttheile eines Fusses nichts ankömmt, und bestätiget, daß meine Rechnung (58) richtig ist, Hrn. de kuc seine (61; 11) falsch.

79. Bisher hat f benm Hallen und benm Marriotte ben Barometerstand am User bes Meeres bedeutet. Es könnte aber auch vorkommen, daß man den Barometerstand an zwo ungleich hohen Stellen eines Gebürges hatte, baraus eine Formel wie (39) herleitete, welche für Höhen über ber untersten Stelle des Gebürges diente, und nun wissen wollte, wieviel diese Höhen über dem User des Meers betrügen.

80. Da konnte man die Untersuchung allgemein so anfangen: h sey ein Barometerstand, grösser als f., solglich an einer niedrigern Stelle: Dieser Stelle Abstand, von der wo f der Barometerstand ist, ist völlig nach (39).

c. log (f: h)

log (f; g)

81. Diefer Berth wird verneint feyn, benn ber togarithme in seinem Zähler gehort einem eigentslichen Bruche, und ist folglich verneint. Die Besteutung bieses Berneinten ist aber nur, daß dies fer Abstand von der Stelle, von welcher x aufwärts geht, niederwärts geht.

82. Der Ort, wo ber Barometerstand y ist, ist über bem, wo er h ist, um die Summe von x und bem Abstande (81) erhoben. Will man also dies se Hohe, die v heisen mag, berechnen, so muß man zu dem Werthe von x, den vom Abstande (30) mit entgegengesete Zeichen sehen, damit man ihn bejaht macht. So kömmt

 $\mathbf{v} = \frac{\mathbf{c.} (\log (f : \mathbf{v}) - \log f : \mathbf{h})}{\log (f : \mathbf{g})}$

oder

 $\bullet = \frac{c. \log (h: y)}{\log (f: g)}$

83. Da kann nun h ben Barometerstand am Ufer bes Meeres bebeuten.

Job. Jac. Scheuchzer.

84. Nach hrn. de luc Erzählung S. 274; misaß Scheuchzer mit der Schnur, benm Pfeffersbade, einen Filfen 714 parifer Buß.

Das Quecksilber stand unten 25 Boll 91 81.

nie parifer Maaß; oben 10 & niedriger.

85. Alfo in 37; c = 714;

$$f = 25 \text{ Boll } 9\frac{7}{5} \text{ L} = \frac{9^{28}}{3 \cdot 12}$$
 $g = 24 \text{ Boll } 11\frac{1}{5} = \frac{898}{3 \cdot 12}$

86. Daher (28)

$$m = \frac{928}{3.144.714}$$
, k, log (928: 898)

87. Der Coefficient ist $\frac{29}{9639}$. k und ber logarithme gehört zu 464: 449.

88. Wenn ich mit diesen Zahlen wie in (47) rechne, auch wie dorten Hallens Verhältniß zwischen den Dichten von Quecksilber und Wasser bew behalte, um Alles besser vergleichen zu können, so sinde ich für die Luft an det untersten Stelle, wo Scheuchzer beobachtete, die Verhältnisse der Dichten solgendergestalt:

89. luft: Quedf. = 0,000098890: 1 Quedf: luft = 10114: 1

Waffer: Luft = 749, 20: 1

Diefe Luft ist helvetische, viel dunner als solthe, wo das Barometer ben 28 Zoll steht.

90. Man kann also fragen, was für eine Dichte folcher kuft aus Scheuchzers Erfahrung folgt.

Diese Dichte ist $\frac{28, 12.3}{928}$ ober $\frac{63}{58}$ ber ber vechneten (85) welches 1, 0862 beträgt.

36 finbe für fie folgenbes:

Luft: Quecks. = 0, 00010739:

Quecks: Luft = 9311, 5: 1 Wasser: Luft = 689, 74: 1

91. Auch Scheuchzers Erfahrung giebt alfo bie Luft gegen bas Waffer bichter an, als man fonft annimmt (51).

92. Der togarithme von 464: 449 ist = 0,0142717; statt dieser Grösse habe ich in den bisherigen Rechnungen 0,014272 angenommen, und hievon den togarithmen gebraucht, weil ich, indem ich nächstvorhergehende Rechnung machte, nicht daran dachte, daß ich in Papieren, woraus gegenwärtige Untersuchung in Ordnung gebracht wird, schon der genannten Grösse togarithmen genauer durch Proportionaltheise gesunden hatte. Mit diesem verbesserten togarithmen die Rechnung von vorne zu machen, ware die Zeit versschwendet, ich will ihn aber in nächstfolgenden Rechnungen brauchen. Diese Nachricht war ich dem schuldig, der mir etwa hie zur Uedung nachrechnen wollte.

93 3ch suche nahmlich, fur Scheuchzers Erfaherung, ben beständigen Coefficienten (39).

 $\log c = 2, 8536982 (85)$

abgezogen ber

verbesserte logar. = 0, 1544757 - 2 (92)

log B = 4, 6992225

Dieser Coefficient ist 50029.

Benn man ihn mit & bivibirt, helbimmt man 8328; ben Coefficienten, mit welchem log (b: y) muß multiplicirt werden, die Sohe zwischen ben Barometerstanden h und y in Toisen zu bekommen.

94. Bié hoch die unterfte Stelle, wo Scheuchger beobachtete über einem Horizonte war, wo das Ba:ometer ben 28 Bollen ftunde?

95. Diese Frage beantwortet man aus (80).

Es ist
$$\frac{f}{h} = \frac{928}{3. 12. 28} (85) = \frac{58}{63}$$
. Der logarithme hievon ist = -0 , 0359125. Diese

Groffe mit B (93) multiplicirt, gabe bas Ges suchte; ber verneinte Werth nach (81) zu ver-

fteben.

Von dieser Grösse sich durch Proportionaltheile den logarithmen = 0, 5552455 — 2; und der zu log B addirt giebt 3, 2544680, welches zu 1796, 6 gehört. So viel Fuß betrug die gesuchte Höhe.

56. Wie hoch die Höhe für jeden Barometerstand über den Horizont (94) ist, berechnet man nach (82), so daß man log (h: y) sucht, und mit B

(93) multiplicirt.

97. Für y = 20; hat man h: y = 1,4; der Logarithme hievon ist 0,1461280; dieser Grösse Logarithmen sinde ich durch Proportionaltheile = 0,1647335 — 1; dazu log B addirt, kömt log v = 3,8639560; giebt v = 7310,6 Fuß = 7310 Fuß 7,230ll. Hr. de kuc in seiner ben ihm

184 Seite befindlichen Tafel giebt auch fo viel Bug, und 8 Zoll an, welches febr mohl zusammentrifft.

98. Zum Ueberflusse kann man auch x nach (39)

berechnen.

99. In dem Erempel (97) wird $f:y = \frac{928}{720}$; bet

kogarithme davon ist 0, 1102155; dieser Grösse 200 garithmen sinde ich durch Proportionaltheile = 0, 0422427 — 1; und dazu log B addirt, kömmt log x = 3, 7414652 gehört zu 5514, 0.

So viel Fuß ist die Stelle, wo das Barome. ter ben 20 Bollsteht, über der untersten, wo Scheuch.

ger beobachtet hat.

Abdirt man bazu, was (95) gefunden wor-

ben, fo kommt, wie gehorig, genau (97).

roo. Den Barometerstand 28 Zoll nennt man gewöhnlich am Ufer des Meeres. Hr. be kut aber sagt §. 276; da stehe das Barometer ben

28 12 30ll.

Wenn ich diese Angabe Hrn. de & statt her brauche und daraus nach (82) für y = 20 rechne, so bekomme ich v = 7375, 2 Fuß; weit unterschiesen von dem, was ich (97) mit Hrn. de & so überseinstimmend herausbrachte. Er hat also selbst nicht nach dieser Angabe gerechnet, sondern auch hie, wie durchgängig in angeführter Tasel, 28 Boll für den Barometerstand in dem Horizonse angenommen, über welchen man die Höhen gewöhnslich rechnet und den man am Meere nennt.

vor. Das bisherige habe ich alles berechnet, wie mich bazu Ir. be tuc Nachricht von Scheuchzers Beobachtung veranlaßte. Die historische Quelle zu biefer Beobachtung ist Joh. Jac. Scheuchzers Bergreise 1707.

Diese Bergreise ist die sechste im II. Theile der Ausgade, die Hr. Joh Ge. Sulzer von Scheuchzers Naturgeschichte des Schweinerlandes veranstaltet hat (Zurch 1746). Der II. Th. enthält nähmlich Sch. Bergreisen. Auf der 260 S. meldet Sch., er habe beym Pseffersbade an einer Wand eine Höhe von 766 Zurcher Juß, mit einem Lothe bestimmt und mit der Schnur gemessen; das Quecksilber habe unten 23 Zoll 2 kinien, oben 22 Zoll 4½ kinie Zürcher Maaß gestanden, die Abzählung sen aber nicht von der Höhe des Quecksilbers im untern Behältniß genommen worden.

Helvet. 20 S. und bessen Sohn in Philos. Transact. n. 405 håtten die Hohe dieser Felswand und den Unterschied der Barometerstände; 714 Parriser Fuß, und 10 Pariser Linien angegeben, (wie 84) Es sen aber entweder in dieser Bestimmung oder in der Messung der Höhe des Quecksilbers ein offenbahrer Fehler; denn aus dieser Bestimmung solge: daß Pfessens nicht einmahl 1200 Fuß über dem Meere sen, und das sen nach allen Beobachtungen salsch.

Die Höhe von 1200 Fuß folgt, wenn man Hrn. Daniel Bernoullis Formel annimmt, (Man f. unten s. unten 172), aus dem, was Scheuchzer und sein Sohn angeben, berechnet, das Barometer falle in selbiger Gegend um 1 Linie in einer Höhe von 71,4 Juß, und hieraus die mittlere Barometerhölbe selbigen Orts herleitet, wie (unten 179) geslehret wird.

Nun aber giebt Hr. Daniel Bernoulli selbst das, worauf er seine Regel grundet, nur für eine Hoppothese an, (170) und unter den Erfahrungen, die er daben zum Grunde legt, sind nicht alle ganz

auverläßig (174).

Wie kann also Hr. Sulzer etwas, bas als Erfahrung angegeben wird, beswegen eines offenbahren Fehlers beschuldigen, weil es mit einer so hypothetischen, unsichern Rechnung nicht übereintrifft? Hypothesen mussen aus Erfahrungen beurtheilet werden, nicht Erfahrungen aus Hypothesen.

3ch habe untersucht, mas die Aurcher Maaffe, die Scheuchzer bie nennt, in parifer betragen

mochten.

Nach Erusens Contoristen halt ber Burchev Fuß 133, 1 parifer Linie. Daraus aber finde ich 766 Zurcher Fuß = 708, 02 parifer, und so kann Scheuchzer biese Vergleichung nicht gebrauchthaben.

Aber ben Zahlen von Zürcher und pariser Fuß bie er einander gleichgültig sest, gemäß, sinde ich log (714: 766) = 0,9694694 — 1, und bazu log 144 addirt, bekomme ich einen logarlehmen, welcher am nächsten zu 134,22 gehört. So viel R 2 pariser

parifer Unien halt ber Zurcher Buß, wenn 766

Burcher = 714 parifer find.

Aber bie Verhaltniß zwischen benben Fussen lagt sich auch baraus berechnen, daß Scheuchzer Die benben Barometerstände in Zurcher Maasse angiebt, und barnach ihren Unterschied in pariser Linien.

Nur muß man baben folgendes bemerken: Scheuchzers Zurcher Boll und Linien sind Zehntheile und Hundertheile feines Zurcher Fusses. Alfo sind, den Fuß zur Einheit genommen, feine bent Barometerstände in Zurcher Maasse solgende:

unten; 2, 32 oben 2, 245

Unterschied 0, 075

Daß man Decimaltheile des Fusses verstehen muß, erhellt auch daraus, daß Sch. selbst sagt, der Unterschied betrage 7½ linie, welches vollkommen mit meiner Rechnung übereinstimmt.

Also ist 0, 075 Zürch. F. = $\frac{10}{144}$ par. Fuß

ober Zürch. Fuß $=\frac{10}{10.8}$ parifer.

Das giebt ben Zurcher Fuß = 133. 33 parifer Linien.

Und log (10: 10, 8) + log 766 giebt einen Logarithmen, der zu 709, 2 gehört. Also gäben 766 Zürcher Fuß nur 709, 2 pariser, statt 214. Volglich

Folglich ftimmen Scheuchzers Ausdrückungen feiner Sobe, und feines Unterschiedes der Baros meterstände, in parifer Maaffe nicht überein.

Und so zeigt sich, daß, ben der Verwandlung des Zürcher Maasses in pariser, vermuthlich ein Rechnungssehler vorgegangen ist. Wo derselbe steckt, und wie das zürchische ins französische zu übersesen ist, hätte vielleicht Hr. Sulzer entdecken und Scheuchzers Zuß aussündig machen können.

Uebrigens giebt Sch. felbst einen Fehler ben feiner Bewbachtung an, ohne daß man nothig hat, einer Hypothese wegen, einen anzunehmen. Er habe die Abzählung nicht von ber Sohe des Queckfilbers im untersten Behältnisse genommen.

Er hat also nur bemerkt, wie viel es oben gesunken, nicht wie viel es unten gestiegen ist, und weiß so nicht ganzeigentlich, wie viel sich die Queckassibersäule verändert hat.

Ben gewöhnlichen Barometerbeobachtungen macht man aus diefer Unrichtigkeit eben nicht gar zu viel, wenn das Gefäß nur mäßig weit gegen bie Röbre ist.

Benn Sobenmessen aber, wo man ben Barometerstant selbst in fleinen Theilen einer linie zu haben munfcht, konnte sie boch wohl nicht gang un-

betrachtlich fenn.

Und biefer Umstand erregt schon ben Verabacht, Scheuchzers Barometer, von dem mir keine aussubrliche Beschreibung bekannt ist, könnte R 4 vielleicht

vielleicht nicht alle Vollkommenheit gehabt haben, bie man fobern könnte, wenn man aus Beobachtungen mit demfelben allgemeine Regeln herleiten follte, ob es gleich immer gut genug gewesen wäre, Höhen an den Dertern, wo Sch. es gebraucht, einigermaassen anzugeben; Zu der ersten Absicht, akzemeiner Regeln, gehört, daß es mit andern

übereingestimmt batte.

Scheuchzer hat wohl auf solche Ersobernisse nicht die gröste Ausmerksamkeit gewandt, das zeigt unter andern, daß er den Capuzinern auf St. Gotthard ein Barometer gelassen, und ihre Beschachtungen daran bekamt gemacht hat, man kann aber nicht leicht beurtheilen, wie dieses Barometer beschaffen gewesen, weil er die wirklichen Stände desselben nicht angegeben hat, das erim nert Ar. Lambert 116 Seite der unten (365) angeführten Schrist.

Bouguer.

102. Bouguer giebt in seinem Buche la figure de la Terre... (Par. 1749; 4°) in voranges sester Voyage au Perou XXXVIII Seite in einer Mote, solgende Regel: manchen lesern wie er sagt zu gefallen.

Man brude bie Quedfilberboben im Baro

meter in linien aus.

Man schlage in gewöhnlichen Tafeln, bieser Zahlen logarithmen auf, und nehme berselben Unterschieb.

Von

Bon biefem Unterschiede giebe man feinen brenfigsten Theil ab.

Won bem, was übrig bleibt, behalte man nur bie Rennzifer und bie vier nachften bochften Zifern.

Das ist die relative Hohe ber Detter in Toisen.

103. B. nennt seine Regel sehr einfach, und so mag sie frenlich auch manchem Barometer, beobachter scheinen, ber nach einer leichten Regel, die man ihni anglebt, rechnet, ohne sich zu betume mern, ja ohne im Stande zu senn, einzusehen, word auf sie beruhet. B. sagt von ihrem Grunde nur: "Sie komme barauf an, daß sich die Dichten der Inft in geometrischer Progression andern, indem sich die Höhen in arithmetischer andern." Also diese wie die logarithmen von jenen; Also nimmt Badas an, woraus die Formeln (22; 28) sind herge-leitet worden.

104. Noch erwähnt B., er habe am Ufer bes Meeres bas Barometer 28 Zoll 1 Linie = 337 Linien gefunden.

105. Man sieht hieraus, wo Br. be tuc biese

Rahl ber hat. (100).

106. Von dem Unterschiede der logarithmen die Kennzifer und die vier nachsten behalten, heißt, wie man leicht errath, diese Zisern alle als ganze ansehen, folglich ihre niedrigsten, die Zehntausend, theile bedeuten, in Einer verwandeln, oder eigentslich: den Unterschied mit Zehntausend multipliciren.

i 107. Den brepfigsten Thell vom Unterschiebe abziehen, heißt; Neun und zwanzig behalten.
108. Bebeutet also h; y, zweene Barometer

108. Bebeuret also h; y, zweene Barometer, kanbe, z die Menge Toisen, welche duf die Hospischen ihnen gehen, so ist nach 106; 107; Bouguers Regel

$$z = \frac{29000}{3} \cdot \log (h: y)$$

109. Die scheint es nun gleichgultig, ob man bie benben Barometerstände in Linien, ober in Zollen ausbrucken wollte, weil ber logarithme ihres Quotienten benbemahl eben berfelbe bleibt.

Aber B. konnte fich bermuthlich gleich barnach gerichtet haben, baß er am Meere ben Barometerftanb (104) in linien ausbruden mußte.

Wenigstens leitet diese Anzeige von B., wie sich gleich in der Folge zeigen wird, darauf, zu entdecken, was er ben seiner Regel zum Grunde gestegt haben möchte; wosern seine Regel so beschaffen ware, wie alle bisher gelehrte

110. Weil die Toise 6, 144 linien halt, so ist aus 22; 26; 28;

 $z = \frac{h. k}{m. 6.144} \cdot \log (h; y)$

111. Ulfo (110; 108;) die Coefficienten gleich geset; bazu (104) genommen, und die einzige Groffe, die so noch unbekannt bleibt, gesucht.

$$m = \frac{337 \cdot k. \ 3}{29000, \ 6.144}$$

332. Benn ich Quecksiber vierzehmnohl schwerer als Baffer annehme, welches ber Bahrheit naber Af, als Hallens Verhaltniß (33), fo finde ich burch die logarithmen die Berhaltniffe ber Dichten

Luft: Quedf. = 0, 000092958: Queckf.: Luft = 10764: 1 Wasser: Luft = 768, 80: T

113. Alfo fonnte B. feine Regel folgenbergeftale erfunden haben : Er hatte eine gewiffe Berhaltniß amifchen ben Dichten bes Baffers, und ber luft am Meere, angenommen, baraus bie zwischen Luft und Quedfilber bergeleitet, und fich fo eine Formel nach ber Unleitung gemacht, die Hallen vorlangft gegeben hatte. Run hatte er, um eine leichte Rechnung zu bekommen, bas, was in ben veranderlichen Logarithmen muß multiplicirt werben, so einfach als moglich zu machen gesucht. Daben wurde er fich benn frenlich fleine Menterun. gen in ben Bablen, aus benen biefer Coefficient ent. fteht, verstattet haben, um ihn endlich auf 290000

zu bringen, welches bie Bequemlichkeit gab, baff man nur 30 abziehn barf. Es ift alfo nicht gu, behaupten, bag B. genau bie in vorigem Abfage berechnete Dichte ber luft angenommen, sonbern nur eine die ihr nahe femmt.

114. B. Coefficient (108) ift = 9666, 6 ... 117. Sest man Wasser 800 schwerer als luft, unb

und 14 mahl leichter als Quedkiber, so wird in (110) ber Coefficient $=\frac{337.11200.k}{864}=10058,$

fein Logarithme ist 4, 0025499.

116. Wenn man von diesem logarithmen ben togarithmen von B. Coefficienten (108) abzieht, kömmt 0, 0172711; welcher zu I, 0405 gehört. Berechnet man also nach B. Vorschrift eine Höhe zwischen zween Barometerständen, und addirt zu ihr 0, 0405 von ihr, so bekömmt man die Höhe zwischen eben den Barometerständen nach der Vorsaussehung (115).

Bouquers Exempel seiner Vorschrist.

117. Auf bem Pichincha, einem Geburge in Peru, stand bas Barometer 15 Boll 11 Linien, zu Carabourou 21 Boll 24 Linien. Diefer Gröffen, in Linien ausgebruckt, ihre Logarithmen sind folgende:

Unterschied = 0, 1250807

Wenn man in diesem Unterschiede die Behntausendtheile als Einer ansieht, was so herauskömmt mit 30 dividirt, und diesen drenfigsten Theil abzieht, so bekommt man folgendes:

Davon 30 = 1250, 807

z = 1209, 114

Die ganzen Toisen glebt B. als die gesuchte Hohe des Pichincha über Carabourou, und meldet, Dieses komme mit der geometrischen Bestimmung überein.

118. Braucht man eben so statt bes grössern bender logarithmen, den von 337 (104) so bekömmt man des Pichincha Sohe über das Meer 2383, 77 Toisen.

Und folglich die Sohe von Carabourou, welsches ber Erdmeffer niedrigfte Station war, über

bas Meer 1174, 6 Toifen.

119. Die Brudhe von Toisen wird man frenlich nicht für zuverläßig ennehmen und zufrieden senn, wenn nur ble Ganzen erträglich richtig sind.

120. Observations des hauteurs, faites avec la baromètre au mois d'Aout 1751, sur une partie des Alpes . . . par M. Needham, sind zu Bern 1760 auf 34 Quarts. herausgek. 'Daben befindet sich ein Brief, den Hr. Bouguer kurz vor seinem Tode an Hr. Needham geschrieben hat.

121. Hr. B. melbet barinnen: feine Methobefen nur fur Berge gut, die hoch genug find, daß
bes Queckfilbers Stand im Barometer nicht febr

peranberlich ift.

122 Es ist begreislich, daß jede Höhenmessung mit dem Barometer voraussetz, das Quecksilber sinke, wenn man höher steigt, nur weil der Druck der Luft in grösserer Zöhe abuimmt. Hätte, indem man höher steigt, der Druck der Luft durchs aus abgenommen, so daß ein Barometer, wels ches

ches man unten gelassen batte, auch gefunken ware, so durfte man offenbahr bas Sinken bessen, das man auf die Höhe gebracht hat, nicht ganz allein auf die Rechnung der Johe schreiben.

Bas also Dr. B: sagt, ift nicht, wie es anfangs scheinen mochte, eine Unvollkommenheit seiner Regel, sondern eine allgemeine Bemerkung.

Wenn man mit einem Barometer von einer niedrigern Stelle auf eine höhere steigt, und dazu so wenig Zeit braucht, daß man annehmen darf, der Druck der Atmosphäre verändere sich indessen nicht merklich, so kann man frenlich nach jeder Regel, die man sonsk für richtig annimmt, rechnen.

Ist aber zu biesem Steigen lange Zeit nöthig, wie wenn man etwa auf einer Bergreise solche Beobachtungen machen wollte, so mußte man wohl an einem gewissen Orte ein Barometer zurücklassen, bas mit bem, welches man auf ber Reise braucht, übereinstimmte. Das mußte jemand, von Zeit zu Zeit beobachten, und nur die Vergleischung bieser Beobachtungen mit jenen gabe an, woraus man die Höhen, auf benen man gereiset ist, berechnen mußte.

Diesen Vorschlag hat auch hr. be tuc getham. 123. hr. B. erinnert ferner im angef. Briefe, seine Methode gebe nicht unmittelbar die Bohe ber Berge über das Meer, sondern, wiepiel ihre hohe weniger beträgt, als des Pichincha seine, den er zur Granze genommen habe, weil er ihn für den hochsten der Berge hielt, auf die man kommen

men konne. Er habe ihn burch geometrifche Mes. fung 2434 Toifen über bas Meer gefunden.

Diefe Sobe ist also etma um, 50 Toifen groß fer als bie, welche nach Gr. 23. Regel berechnet wurde (118).

124. Aus ihr = z in (110) bem bortigen h == 337 (104) y = 191 (117) finbet sich m = 337. k. $\log (337: 191)$

864, 2434

Hieraus habe ich berechnet (wie 112) Luft: Quecks. = 0,000090991: 1 Quecks: Luft = 10990: i

Wasser: Luft = 785, 01: 1

Logarithme des Coefficienten (110) = 3, 9943337

Der Coefficient felbst = 98703

Welchen man also mit Bouquers feinem (114) vergleichen fann.

125. Der im vorigen Abfahe gefundene Coeffie cient, mit log (h; y) mustiplicitt, gabe die Hohe bes Orts, wo y ber Barometerstand ift über bem Meere (110). Und diese Formel ware aus Groffen, bie B. ale beobachtet angiebt, aus feinen Barometerstanden am Meere und auf bem Pichincha, bem Grundfage, ben er annimmt, gemäß bergeleitet.

Wenn ich in ihr y = 254, 75 feße (117) so finde ich die Hohe über dem Meere

| Aber von Pichiacha | 1199, 4 Toisen 2434 aus geom. Mess. |
|----------------------|--|
| P. über Carab. | 1935 |
| auch geom. bestimmt. | 1209 |
| Unterschied | 36 |

rab. Aus B. Erfahrungen folgt also eine Formel, die nicht völlig keiner Vorschrift gemäß ist. Hat er in seiner Vorschrift nur eine leichte Nechnung zu erhalten gesucht, und baben die Schärfe etwas benseite geset, weil sich doch freylich das Gesuchte hie nicht in größter Genauigkeit erhalten läßt? Ober hat er ben dem Erfahrungen, die ich aus ihm angesührt habe, Verbesserungen nöthig gesunden, nach denen sie wohl etwas geben könnten, das seiner Vorschrift näher käme? Es wäre gut, wenn Vouguer sich hierüber erklärt, und auch an leser gedacht hätte, die nicht blos nach einer einsachen Regel rechnen, sondern auch gern wissen wollen, warum sie so rechnen.

127. Hieben klingt nun noch fonberbarer, baß B. Regel unmittelbar die Liefe unter dem Pichincha, nicht die Johe über dem Meere, angeben foll.

Die Formel (208) mußte eigentlich für sie so ausgedruckt werden, daß z, Liese unter bem Pichincha, und h ben Barometerstand auf ihm bebeuten, da benn

$$s = \frac{29000}{3} \cdot \log (y:h)$$

Die

Die Rechnung, welche man ihr gemäß fub. ren muß, lagt fich in folgenbem Erempel vorftellen, bas benm Needham 16. G. ftebt, Auf dem Mont Tourné ift bas Barometer 225 linien. Bon bien fem logarithmen ben fur 191 (117) abgezogen, bleibt 0,0711491 file die Zehntausendtheile ju Gana je gemacht, fommt 711, 491 Davon i = 23,716

bleibt 687, 675 = 0 abgezogen von 2434, bleibt 1747,

nahmlich Oift bes Berges Liefe unter bem Pie dinda, P des Pichincha Bobe über bem Meere, alfo Q bes Berges Sobe über bem Meere.

: Derbham braucht in feiner Berechnung biefes Erempels fogleich ble logarithmen nur bis auf Behntaufendtheil mit Weglaffung ber niedrigen Bifern, und fo findet er bes Berges Liefe = 688; Höhe = 1746.

128. Warum B. seine Regel so sonderbar abs gefaßt bat, daß man ben ihr erft von oben heruntter rechnen muß, und barnach wieber von untert rechnen foll; barüber wage ich eine Muchmaaffung, wie ein Criticus in einem alten Autor eine Emen. Dation ex ingenio.

Des Pichincha Sohe über bem Meere nahm 23. für guverläßig an, wie er fie geometrifch ge-

meffen hatte.

Auch ben Stand des Barometers auf diesem Berge, weil er vermuthlich glaubte, der Druck ber Atmosphäre andere sich daselbst nicht merklich. (120).

. Dem Stande am Meere aver mochte et aus der entgegengefesten Ursache nicht fo viel

trauen.

Und bas konnte bie Ursache senn, warum er die Formel nicht braucht, die ich (125) aus seinen Barometerstanden am Meere und aut dem Pichincha, und des Pichincha geometrischer Abmessung bergeleitet habe.

Diese Untersuchungen scheinen mich endlich

auf bie Spur ju bringen.

Auf was für Abmessungen Bouguer feine Regel gegrunder har.

129. Er giebt die Barometerstände zu Carabourou und auf dem Pichincha an, auch wie tief ber erste Ort unter dem lettern ist (117). Diese Zahlen brauche man in (39), den Coefficienten zu bestimmen, so:

Es ist c = 1209. Bebeutet dieses, als bejaht betrachtet, wie tief Carabourou unter bem Pichincha ist, so zeigen auch alle nach ber Formel berechnete x; wenn sie bejahte Werthe bekommen, Liesen unter bem Pichincha an; und so verwandelt sich sogleich die Rechnung, die man bisher von unten hinauf geführt hat, in eine von oben hinunter-Ferner Ferner f = 191; g = 254, 75; se ist log (f: g) ber (117) getundene Unterschied, nur verneint, weil der gröffere bepder logarithmen abgezogen wird.

131. Nun finde ich bieses Unterschieds logarithemen burch Proportionaltheile, und rechne basmit so :

log e == 3, 0824263

abgelogen log 0, 1250807 = 0, 0971903 - 1

log B = 3, 9852360 gehört ju 9665, 7 welches fehr wohl mit

(114) übereinstimmt.

Dieser Coefficient ist verneint, weil log (f: g) verneint ift. Er muß mit log (f: y) multiplicier werden; und bieser veränderliche logarithme ist auch verneint. Also kömmt bas Produkt: besahrte Ciefe unter bem Pichincha.

Wenn man bes Coefficienten Logarithmen zu log 0, 0711491 abbirt, kommt 2,8377104; welcher Logarithme zu 688, 19 gehört. So genau kimmet vieses mit ber Rechnung (127) überein.

132. Alfo hat Bouguer jum Grunde feiner Reel die Barometerstände ju Carabourou, und auf em Pichincha gelegt, nebst der geometrischen Beimmung, wie tief der erste Ort unter dem letten elegen ift.

Des Pichincha Sohe über bem Meere hat geometrifch gemeffen, nicht aus seiner Regel ber

thriet. (123)

Daher muß man für jeden andern Berg, nach seiner Regel, erst die Liefe unter dem Pichincha berechnen, und, aus ihr und des Pichinche geometrisch gemessenen Sohe über dem Meere, des Berges Höhe.

Auch wird seine Regel richtiger zutressen, wenn der Berg nicht so gar tief unter dem Pichin, cha ist. Ist der Berg viel tieser darunter als Catadourou, so ist das z, das B. Regel giedt (108), grösser als der Abstand der Horizonte vom Pichin cha und von Carabourou, den B. zum Grunde gelegt hatte. Das heißt ohngesähr soviel: Man hat ein Paar Punkte in einer geraden Linie des stimmt, (P. u. E.) und nun soll man die Linie weit über diese Punkte hinaus verlängern.

So erhellt, warum B. Regel ben groffen Höhen für richtiger angegeben wird als ben geringen, auch die Veränderungen im Drucke der Mit mosphäre ben diesen (122) benfeite gesetzt.

, 133. Mir ist nicht bekannt, daß jemand, was zu Bouguers Regel im Zusammenhange gebort, so vorgetragen hatte. Es ist frevlich sonderbar, daß dieser Zusammenhang erst durch einen Brief, den Bouguer kurz vor seinem Tode geschrieben hat, muß entwickelt werden.

Hiedurch werden nun freylich die Unterstatingen von 109. 116 zu ihrer Hauptabsicht, ben Grund von Bouguers Regel zu entdecken, frucht los, ich hatte aber boch bas meiste oder Alles, was

in ihnen enthalten ist, benbringen muffen, zu zeis gen, worinnen sich B. Regel von der unterscheidet, die man finden wurde, wenn ma. die Erfahrungen die B. in seinem Buche angiedt, auf die sonst gewöhnliche Art braucht. Und so habe ich lieber die Gestalt von Untersuchungen behalten wollen.

Wenn man Bouguers Regel (127) seines Barometerstand auf dem Dichincha (117) und dieses Berges geometrisch bestimmte idhe (123) annimmt; was folgt daraus sur ein Barometerstand am Meere ?

134. Es versteht sich, baß man vorausest B. Regel gelte vom Pichincha bis aus Meer herunter, welches er frenitch nicht behauptet.

Also in (127) z = 2434; h = 101; unb

$$\log y = \frac{3.2434}{29000} + \log 19t$$

Won ber Bahl suche ich ben logarithmen, und finde aus ihm burch Proportionaltheile Die

3ahl = 0, 2517931 addirt zu log 191 = 2, 2810334

 $\log y = 2,5328269$

giebt ben Barometerstand am Meere 341,05 Linien, alfo 3 Linien mehr als B. ihn angiebt (104).

Zur Probe ziehe man von dem nur gefundenen logarithmen den von 191 ab, und verfahre S 2 mit mit bem Reste nach B. Vorschrift, sa bekommt man genau 2434.

135. Ich weiß also nicht, wie groß ber Gefaltenist, ben B. manchem keser gethanhat (102), daß er ihnen eine so einsache Regel giebt, und daben zu sagen vergist, daß man nach ihr nicht, wie sonst gewöhnlich ist, vom Meere auswärts, sondern vom Pichincha herunterwärts rechnen muß, und was er sonst noch alles Herrn Needham belehret, der aus Mangel, dieses Unterrichts, zwor wirklich in Fehler gefallen war, in die zum Thil jeder fallen mußte, der eines so grossen Mannes Regel auf Treu und Glauben brauchte.

Meedbam.

136. Ich fage jum Theil. Nahmlich baß he. Needham nach B. Regel vom Meere aufwarts rechnete, das hatte jeder andere, ehe B. das Ges gentheil besahl, auch gethan. Aber da B. ausdrücklich den Barometerstand am Meere 337 kinien sest, (104) so war Hr. N. nicht berechtigt, denselben nur 336 anzunehmen, und doch nach B. Negel zu rechnen, wie er in einer Tasel, die sich gleich im Anfange seiner Schrift besindet, gethan hat. Nachdem er Bouguers Unterricht bekommen hatte, und demselben gemäß, wie (127) zeigt, rechnete, bekam er die Hohen der Berge über das Meer 63 Toisen grösser, als er sie zuvor gefunden hatte. Und nun mehnt er sen die Frage, wer von bevoen

benben fehle, ob Bouguer 63 Toifen zu viel, ouet er fo viel zu wenig , rechne?

36 bachte: wer eines Unbern Regel braucht, ohne ihre Grunde einzusehen; und diese Regel micht so brancht, wie ber Erfinder es vorschreibt, ber follte boch nicht fragen : ob Er fehlt ober ber Erfinder.

137. Uebrigens mennt er: ben groffen Soben über bas Meer, auf welche allein B. feine Regel wolle angewandt haben, sepen 63 Tolsen nicht be-trächtlich. Daß sie es ben Höhen von ein paar Bunbert Loifen find, laugnet er nicht.

Mun ift boch bie größte Sobe, wo Sr. M. gewefen ist, Mont Lourne' (127) und in ihr sind 63 Toi-fen 274 mahl enthalten. Es ist wohl keine groffe Richtigkeit um ben 28 Theil beffen, mas man an geben will, ungewiß zu fenn.

138. Und nun schlägt Hr. N. 22. S. vor: Man foll ein Barometer am Meere beobachten laffen, ein anderes mit auf die Reife nehmen, und geringere Boben, bis fich etwa bas Quedfilber 38 ober 40 linien fentt, b. i. Höhen von 5 bis 6 Hundert Loifen, nach B. Regel von unten hinauf rechnen, nicht zu vergeffen, obbenannte 63 Loifen abzugiehen. Groffere Boben foll man mit B. guerft vom Pidincha berunter rechnen.

139. Borfchlage, welche zeigen, baß Gr. N. bie Grunde von B. Regel nicht aufgefucht bat, und fo was an sie flicken will, bas nicht an sie paßt.

Heber-

Meberhaupt sieht man in bieser Schrift Hrn. R. feine Einsicht in die eigentliche Theorie der Hohen messungen durchs Barometer, und deswegen wußte er frenlich weder Bouguers ihm überschriebenen Unterricht zu brauchen, nach den Auffaß von dem ich gleich reden werde, den er doch anführt.

Noch einige vom Bouguer gemachte Erinnerungen.

140. Sie befinden sich in den Memoires do l'Acad. des Sciences 1753. 515 Seite der Pariser Ausg. des Aussasses Ueberschrift heißt: Ueber die Erweiterungen der Luft in der Atmosphäre. (Sur les dilatations de l'air dans l'atmosphère).

141. Fr. B. führt an: wenn man auch bie tuft, sich hundertmahl, und zwenhunderemahl mehr ausbreiten lasse, als sie auf bem Gipfel der bochsten Berge ausgebreitet senn kann, so verhalte sich doch die Federkraft einer und berselben Dass

Je luft genau, wie ihre Dichce,

142. Die Art sich hievon zu versichern, die B. mur allgemein und fürzlich andeutet, ift die in (7) beschriebene. Er berichtet, er habe in America, mit seiner Reisegesellschaft zusammen, auch mit Dr. dela Condamine besonders, sehr viele Versüche darüber angestellt, und des Geses allemahl richtig bes funden. Ben Röhren, die nicht durchaus gleich weit waren, hat er sich nicht begnügt, die Langen zu messen, sondern den innern Raum gemessen und erklärt.

erklärt die Berhaltnisse ber Dichten, bie es beobachtet hat, bis auf 0, 002 ober 0, 003 sicher.

143. Er trägt seine Regel vor, wie sie (102)' ere zählt ist, nur scheint es als lieste er gleich von den Logarithmen die Zisern, die niedriger als Zehnzaus sendtheile sind, weg (127). Als den Grund seines Wersahrens giede er an: Die Natur stelle uns tog garithmen in der Atmosphäre dar, aber da habe sie nicht die willkührliche Form der unsrigen angenommen, welche sich mit auf unsere Decimalarithmetit gründet, die logarithmen der Atmosphäre seven den in unsern Taseln proportionier, aber nicht dieselben, daher musse man die unsrigen durch Vermehrung oder Verminderung auf die bringen, welche uns von den Verdichtungen der Lust dargestellt werden, und so sehe man den Grund, warum die vorgeschriedene Veränderung mlt unsern Logarithmen musse gemacht werden.

Diesen Grund sieht boch wirklich in bem Une, geführten kein Wensch. Man sollte nicht glauben,; baß ein Bouguer, so seicht, tieffinnig klingend, vor ber berühmtesten Akademie ber Wissenschaften geschwaßt hatte!

144. B. melbet, seine Regel gebe oben auf bem Gebürge, wo die Franzosen gemessen haben, (la Cordolioro) kaum 7 bis 8 Toisen Fehler ben Höhen von 1500 bis 1600. Das (129) angeführte Exempel bringt er hie so ben, daß er ausdrücktich die Höhe des Pichincha über Carabourgu neunt,

nerint, nicht bon oben herunter rechnet, wie et

Brn. Deebham belehrt hat (123).

145. Als ein ander Erempel giebt er: Auf einem Berge, Choussai, habe Hr. Godin das Bairometer 17 Zoll 5 Linien gefunden; ju Alaust, einem Flecken am Fusse des Berges, 17 Zoll 10½ Linien; baraus folge nach seiner Regel die Höhe 698 Toisen und Hr. Godin habe sie geometrisch, 697 gefunden.

Die benden Barometerhöhen find in Linien, 253, 25 = 5, 50, 65 und 214,5 = 5. 42, 9; Wenn ich mit den Logarithmen von 50, 65 und 42, 9 hach B Regel verfahre, finde ich 697, 180, also mit der geometrischen Messung noch genauer übereinstimmend, als B. selbst angiebe. Dergleichen

Benfpiele weiß B. mehr als 30 anzuführen.

146, Nun aber erinnert B., biese Methode in threr Allgemeinheit bepbehalten, gelte nicht im untersten Theise der Cordeliere, nicht ben allen andern Gebürgen der heisen Zone, noch weniger in Europa. Daher hätten einige Naturforscher andere Methoden statt der gesucht, die sich auf die Logarithmen gründen; Solche Methoden möchten sür gepisse länder und Gebürge gut senn, Sie seiten aber alle zum vorgus, die Ansbreitung der Lust in unterschiedenen Höhen über den Horizont richte sich nicht nach einer geometrischen Progresssche sich nicht nach einer geometrischen Progressson, und daß die Federkraft jeder Masse Lust genau sich wie ihre Dichte verhalte, haben doch unzähliche Versuche, auf den höchsten Vergen und am

am Ufer bes Meeres, in ber heiffen Zone und in

ben gemäßigten, versichert.

Also entsteht die Schwürigkeit; warum man die Vergleichung zwischen Sohen und Varometerständen nicht allemahl so findet, wie eine natürliche Folge aus dem Gesehe der Federkraft der Luft

fie angiebt ?

147. Aus den Wirkungen der Warme (9) läßt sich dieses, nach B. Gedanken, nicht zulänglich erstären, denn die Wärme sen nahe am Horizonke grösser als in der Hohe, und doch sen die kast uns ten salt allemahl dichter als sie nach der Regel senn solle. Wenn man den Barometerstand auf einem niedrigen Berge bepbachte, und daraus ferner eines höhern Höhe danüber, etwa von dren die vierhundert Toisen sucht, so wird man diese Höhe fast immer zu klein sinden; zum Beweise daß die kust an der Erde dichter ist, als sie nach der Regel senn sollte, obgleich die Wärme da arbeitet, sie zu verdunnen.

Dr. B. balt bie Erfauterungen, bie er über biefe Schwurigfeit geben fann, nicht für julanglich,

aber boch zu fernern Unterfuchungen bienlich.

/149. Eine kömmt barauf an: Man durfe nicht sicher voraussegen, baß alle Theilden ber groben sufe einander gleich und abnilch maren, folglich eins genau soviel Federkraft besige als das andere. B. beruft sich dieserwegen selbst auf Leibnigens Sat: daß es in der Natur nicht zwen vollkome men abniche. Dinge giebt.

So wendet Bouguer auf die mathematische Maturlehre einen metaphysischen Saß an, den sonst jemand daburch widerlegen wollte, daß ja die kleinsten Theischen der Körper alle gleich schwer sein mußten, ... Also Gleichheit und Aehnlichkeit verswechselte, da doch vermuthlich niemand einen Ducaten und das ihm gleiche Ducatengewicht für ahm lich halten wird.

150. Diefer Umftand, baß einige Lufttheilchen mehr ober weniger Feberfraft haben mogen als anbere, laft fich nach B. Erinnerung burch bekannte Erfahrungen glaublich machen. Die Luft läßt fich von andern Materien gleichsam einschlucken, und sondert sich wieder von benfelben ab. Die gemeinften Wersuche mit ber Luftpumpe zeigen.) In manchen biefer Buftande verliert fie, wie Sas les gezeigt bat, fast vollig ihre Feberkraft. Also Biebt es ohne Zweifel Stuffen zwischen bem volligen Befige ber Feberfreft und berfelben ganglis chen Berlufte. Es ift also naturlich anzunehmen, bag manche luft schwächere Feberkraft besigt als Uebrigens auch bas Befeg beobachtet, baß biefe schwächere Reberkraft sich in ber Berbalenif ber Dichte anbert. Bon Brn. 23. und feiner Gefellschaft Erfahrungen (142) find mande auf hoben Geburgen angestellt worden , andere, in niedrigen Gegenden, in Walbern, wo bide kuft voll Dunfte war. Allemahl haben fich Die Feberkräfte genau wie bie Dichten verhalten, obgleich an manchem Orte die Feberfraft ber basgen gen natürlichen luft viel schwächer fenn mußte als an andern.

- 151. Durch biese Bemerkung benimmt also B. alle hoffnung, eine allgemeine Regel fur bie Bergleichung zwijchen hohen und Barometerstand ben a priori zu finden; well wir nicht wisen, wie weit die Feberkrafte ber luft an unterschiedenen Oraten unterschieden sen können.
- 152. Wahrscheinlich befinden sich am niedrigesten in der Atmosphäre die Theilchen, die am wesnigsten elastisch sind. Ein Theilchen, das nur ets wa anderthalbmahl elastischer wäre, als sonst gleische Theilchen der kuft, die wir mit dem Oden in uns ziehen, könnte mit denen, die es hier umgeben, nicht im Gleichgewichte bleiben, es liesse sich nicht genug zusammendrücken, die eigne Schwere der kuft um uns zu erhalten; Also wird es aufwärtssteigen, wo sich kuft sammlet, welche mehr elassisch ist als unsere.
- 153. So kann man nach B. Bemerkung, einer luft, von der andern unterschiedene specifische Sederkraft zuschreiben, wie man sonst Materien durch specifische Schwere unterscheidet.

Dieser Gedanke B. verdiente, meines Erachtens zu fernerer Untersuchung, in der Aerometrie angezeigt zu werden. Es ist sehr natürlich, ben elastischen Materien eben so gut was specifisches für ihre Gattung anzunehmen, als ben blos schweren. Allgemein könnte doch die Lust eine nicht ganz gang unbestimmte, aber auch nicht aufs schärffte bestimmte Elasticität haben; wie nicht alles Wasser aufs genaueste einerlen specifische Schwere hat, ob man gleich bem Wasser, allgemein betrachtet, eine aewisse Schwere zueignet.

Freylich kame es alsbenn auf einen Worksfreit an, ob man Luft, die ben einer gewissen Warme eine etwas andere Federkraft hat, als Luft haben sollte, auch Luft nennen will? Db man sie etwa als Luft ansehen will, deren Federkraft durch Beymischung anderer Materien ist verandert worden, und dieser Beymischung gemäß Arten von Luft machen will, wie Wallerius in seinemt Wasserriche Arten von Wasser gemacht hat, wie inan Alcohol, Weingeist und Branntewein untersscheibet.

154. B. giebt geometrische Möglichkeiten an, wie Schichten von mehr elasischer tuft unten, von weniger elastischen oben, senn könnten; Aber dieses Gleichgewicht wurde durch die geringste Bewegung gestörk werden, und sich nicht wieder herstellen.

Ohngefahr wie es geometrisch möglich ift, eine Schicht schwerer fluffigen Materie über leichtere zu benten. Sobroftat. 22.

155. Durch Winde, Warme u. b. g. werden in ber niedrigern Gegend ber Atmosphare immer Cheile von unterschiedener specifischen Federkraft untereinander gebracht. In der hohern ist Alles in einem ruhigen Gleichgewichte. Das giebt B. mit

23. mit als bie Urfache an, warum fich burch bie Logarithmen die Unterschiede ber Sohen hoher Berge ficherer finden laffen; Wenn man fich nabmlich bes Barometers von Soben, die feche bis fiebens hundert Toisen betragen, bis ju 2400 oder 2500 bedient. In groffern Soben Berfuche anzuftellen, verbot ber beständige Schnee, welcher bie bochften Berge auch in ber beiffen Bone bebedt.

156. Alfo muß man, nicht wie bisher gewohne lich mar, vom Ufer bes Meeres die Bohen aufwarts suchen; sondern umgelehrt, Liefe unter ben hochsten Granzen, wo die Intensität ber Feberkraft ber Luft genau einerlen ift, und wo sich jugleich ber Stand bes Quedfilbers an einem Dr. te weniger andert (122). Go kann man finden, wie viel bie bochften europäischen Geburge niebriger als die Cordeliere; und daraus, wieviel siè höher als bas Meer find (127).

157. B. unterfucht nun, ob fich nicht Mittel angeben lieffen, bie Unwendung ber logarithmen

allgemein ju machen.

Wenn man an jedem Orte, wo man Baro-meterbeobachtungen machen will, das Gewicht ber Luft fande, bie einen gegebenen Raum, 3. E. einen Cubitfuß ausfullt, fo lieffe fich baraus beitre theilen, wie weit die Berhaltniß ber Dichten von Der Werhaltniß ber brudenben Rrafte unterfchie. Den mare . . . Aber Luftpumpe mit bem nothis gen Bubehor lagt fich auf Bergreisen nicht wohl mit berumführen.

158. Wenn

ber, an einen Faden gebunden, schwingen laßt, so ist flar, daß die Schwingungen dieses Penbels, megen des Widerstandes der Luft, nach und nach in kleinere Raume auslaufen werden.

Newton hat fich schon solcher Penbel in um terschiedenen flussigen Materien bedient, badurch die Dichten dieser Materien miteinander zu ven gleichen. (Princip. L. II, Sect. 7. Prop. 40. Schol.

Dieses Mittel schlägt B. vor, die Oichten ber Luft an unterschiedenen Stellen zu vergleichen, und ermahnt Einiges von Versuchen, die er selbst damit angestellt hat, aber nicht genug, jemanden ber sonst hievon nicht schon Kennunif hatte, den nothigen praktischen Unterricht zu geben.

Die Theorie bavon, welche mit unter die schwersten, unter die vom Widerstande flussiger Materien gehört, läßt sich hie nicht bendringen. Die Uusübung ersodert, meiner Einsicht nach, auffer maunichfaltigen Kenntnissen, so viet genaue Abmessungen und Umstände, daß nicht zu erwarten ist, sie werde von demsenigen gehörig bewetkstelliger werden, der sie nur als ein Hulsmittel brauchen wollte, Hohenmessungen mit dem Barometer zu berichtigen. B. beschäftigte sich ohne Zweisel mit diesem und andern Pendeln sonst aus mancherlen Absichten, und war als Astronome damit umzugehen geschickt.

159. Bou-

159. Bougner hat auf biese Art, mit Zuziehung ber Barometerbeobachtungen an unterschiedenen Seellen vom Pichincha herab bis ans User des Meers, specissische Elasticitäten und Dichten mit einander verglichen, und stellt die Resultate davon in einer Zeichnung vor, wo die Höhen vom User des Meeres als Abscissen angenommen, und an sie als Ordinaten dreper Linien, Barometerhöhen, Dichten, und specissische Elasticitäten geseht sind. Die letzte wird von Quito bis zum Pichincha, eine gerade linie, der Abscissenlinie parallel, weil in solchen großen Höhen die specissische Elasticität der kuft sast ungeändert bleibt. (155)

Uebrigens giebt B. felbst biese Resultate nicht für ganz sicher aus, weil zwischen manchen Erfahrungen ziemlich viel Zeit verflossen ist, an manchen Stellen, bie Beschaffenheit bes Bodens, burch Barme u. s. w. Unrichtigkeiten kann veraursacht haben.

Und wer etwa Bouguers Erfahrungen nicht vollkommen traute, weil B. Werkzeuge nicht die vollkommensten gewesen senn mögen, der könnte leicht muthmaassen, seine krumme kinie der Elasticitäten sey die krumme kinie der Irrthumer, welche den den unterschiedenen Messungen begangen worden, die er gebraucht. So drückt sich der so billige, und gegen einem so grossen kandsmann gewiß hochachtungsvolle Dr. de la kande aus; Connoist. des mouvements celestes; 1765.

p. 245; wo er von Sohenmessingen mit bem Barometer Nachricht giebt.

Bouguer zeigt nicht wie er die Zahlen, die ben seiner Zeichnung stehen, aus einander berech: net hat. Es wird also gut senn, daß ich über diese, ohnedem noch nicht gar zu gemeine Untersuchung, etwas benbringe.

Vergleichung, zwischen Barometerboben, Dichten, und specifischen Blafticitäten.

160. Die Barometerhohe zeigt bas Gewicht an, mit welchem bie luft an einer gegebenen Stelle gebruckt wirb.

Wenn zwo Luftmaffen g'eiche specifische Elasticitaten haben, so verhalten fich die Gewichte, Die ste tragen konnen, wie ihre Dichten.

Das ist nichts weiter als die befannte Bor. aussehung (4).

Benn zwo Luftmassen gleich bichte find, so verhalten sich die Gewichte, welche sie tragen fon nen, wie ihre specifischen Elasticitäten.

Das ist eigentlich Definition der specifischen Federkraft (153).

161. Man sete also, es gehören zusammen Elasticit. Dicht. Gewicht

E D P
c d p
E _d x

e,

Go ift, nach ben benben Grunbfagen:

$$D: d = P: x$$

$$E: e: = x: p$$

$$\frac{D. E}{P} = \frac{d. e}{P}$$

162. Man sieht leicht, was sich hieraus für Sage herleiten laffen. 3. C.

Die Feberkrafte find, wie die Gewichte, mit

den Dichten bividirt; E:
$$e = \frac{P}{D}$$
; $\frac{P}{d}$

Auch: Die Dichten sind, wie die Gewichte, mit ben Feberfraften dividirt.

163. Erempel bes leften Safes: Bouguers Zeichnung giebt; Um Meere

Barometerstand; P = 335

Dichte
$$D = 306\frac{2}{3} = \frac{920}{3}$$

Auf dem Pichincha

$$p = 191; e = 178;$$

$$200 \quad \frac{335}{194} : \frac{191}{178} = \frac{920}{3} : d$$

$$\mathfrak{P}_0 d = \frac{920.191.194}{335.534}$$

Z · 2

Der

Den kogarichmen hievon finde ich 2, 2800368 barr aus d = 190, 56. B. giebt es 191.

164. In diesem, sonst so lehrreichen Aufsage, giebt boch Bouguer keinen beutlichen Beweis von seiner Regel, noch weniger zeigt er an, burch was für einen Kunstgriff er auf ben Abzug bes brepfigeften Theils gefallen.

res. Da V. Regel so berühmt ist, und sich durch ihre Bequemlichkeit so sehr empsiehlt, ihre Gründe aber so wenig bekannt gewesen sind, so verdiente sie wohl daß ich so umständlich von ihr handelte. Wie sehr ist es aber nicht schade, daß sie nach seinem eignen Geständnisse in Europa nicht gelten soll, wenigstens nicht ausser den höchsten Alpen!

Berr Daniel Bernoulli.

166. In Danielis Bernoulli Hydrodynamics, f. de Virib. et motib. fluidor. (Strasb. 1738: 4°.) betrifft ber zehnte Abschnitt gegenwärtigen Gegenstand. Es sind darinnen sehr viel lehrreiche Bemerkungen zu Berichtigung bessen, was gewöhnlich hieben zum vorausgeseht wird, indessen erfodert der eigentliche Gebrauch dieser Berichtigungen noch Erfahrungen, ben deren Mangel Hr. Bernoulli selbst von seinen Untersuchungen noch keinen praktischen Nugen versichert. Daher wirdes hie genug senn, hie nur das hauptsächlichste zu erzählen.

167. Die

167. Die Wurtung ber Warme benfeite gesetht sindet Dr. B. auch aus seiner theoretischen Worsstellung, daß sich die Kraft durch welche die kust zusammengedrückt wird, bennahe verkehrt wie der Raum verhält, den die kust einnimmt. Er erakennt dieses für sicher ben Lust die dunner ist, als die uns gewöhnliche, od es ben sehr viel dichterer statt sinde, hält er noch für unausgemacht. (Aerometrie 65.)

168. Nun aber bemerkt er, baß Warme und innere Bewegungen der Lufttheilchen unter einander, zugleich wachsen; daß deswegen eine Masse Luft mehr Federkraft bekomme, wem sie warmer wird, und daß sich, diese Bewegungen mit in Betrachtung gezogen, die Krast, welche Luft in einen gegebenen Raum zusammendrucken kann, werhalte wie das Quadrat der Geschwindigkeit der Lufttheilchen, mit dem Raume dividirt.

169. Hieraus, mit mehr Untersuchungen versbunden, sindet Br. B. eine Differentialgleichung zwischen der genannten Kraft, der Höhe über dem Horizont des Meeres, und der Geschwindigkeit der Lufttheilchen.

170. Nimmt man die Geschwindigkeit unveränderlich an, so bekömmt man die gemeine logazithmische Gleichung.

171. gr. B. fucht ein Gefes biefer Geschwingen bigfeit, bas fich mit einigen Erfahrungen von Bagrometerhoben, bie er anführt, vergleichen läßt, E 2 fucht

fucht ben ber so heraustommenden Integralgleichung die unveränderlichen Gröffen auch aus Erfahrungen zu bestimmen und findet endlich folgendes.

172. Wenn y die Rraft bedeutet, mit welcher die luft in der Höhe x über den Horizont des Meeres gedruckt wird, c diese Rraft am User des Meeres; (diese Krafte werden also durch die Höhen des Quecksilbers im Barometer vorgestellt), so ist

$$y = \frac{22000. c}{22000 + x}$$

173. Man findet hierqus fogleich 22000. (c — y)

 $x = \frac{y_1000.(e-y)}{y}$

Prempel. P. Feuillee fand auf bem Pie von Tenerissa bas Quecksilber 17 Zoll z Linien = 209 Linien = y; am Ufer des Meeres 27 Zoll 10 Linien = 334 & = c;

Mso die Höhe des Berges x = $\frac{22000.125}{209}$ =

22000000 = 13157, 89 Fuß. Durch die Geometrie fand F. diese Höhe 13158.

173. Wenn man bebenkt, daß F. Erfahrung mit unter die gehört, nach benen Hr. B. die Bestimmungen (170) gemacht hat, so wird man eben nicht nicht erftamen, bag bie Regel bie fo genau mit ber geometrischen Angabe jusammentrifft.

174. Uebrigens mochte selbst F. Erfahrung nicht ganz sicher senn, wenn bende Barometersoben nicht an einem Tage sind beobachtet worden, wie kulos, (Kenntniß ber Erdkuget, 198. S.) aus ben Mem. de l'Acad. 1733. p. 60 ansührt.

Hiezu kömmt, daß Feuillees trigonometrische Berechnung der Höhe nicht für ganz zuverläßig angesehen wird. Die vorhin angesührte Grösse beträgt 2193 Toisen; Er hat sich einer Grundlinie von 210 Toisen bedient, welche in dieser Länge ein Gefälle von 3 Toisen gehabt. Daraus hat Bouguer die Höhe des Berges etwa 2070 Toisen berechnet; Fig. de la T. pag. XLVIII. auch Hr. be la Condamine hat Mängel dieser Messung angezeigt. Mein. de l'Acad. 1757. p. 408. Dieses berichtet De Luc sur les Mod. de l'Atmosph. T. I. p. 164.

175. In den Actis Helveticis T. I. II- befinden sich vom Hrn. Daniel Bernoulli Unmerkungen über die allgemeine Beschaffenheit der Utmofphäre. So lautet wenigstens die Ausschrift der Uebersezung, die sich im alten Hamburg. Magaz. 17. B. 2-3. St. besindet.

Die Uebersetzung ist nicht von mir, wie man sonst, wegen des Theils den ich an dieser periodischen Schrift hatte, wohl muthmassen durfte. Die erinnere ich solches besonders deswegen, weil der E 4

Meberfeber in einer Unmertung 124 Seite geweifelt bat, ob fich, auch ben ungeanderter Barme, ber Druck, ben bie luft tragen tann, wie ihre Dichte verhalt. Den Zweifel verstattet Bouguer, we-

nigstens ben verdunter luft nicht. (141).
176. fr. Vernoulli hat vom frn. Conbamine eine Lafel erhalten, welche bie Bobe ber Berge unter bem Aequator nach bem Stanbe bes Quedfilbers anzeigt. Hr. Bouguer foll bie Lafel verfertigt haben, und sie ift aus einer groffen Menge Beobachtungen erwachsen. Sie enthält: ben Fall bes Quedfilbers von I linie bis 14 Zoll burch alle einzelne tinien, und bie jedem Falle zugeborige Bobe ber Berge.

Der Barometerftanb am Meere ift nicht in ihr angegeben. Es wird aber zuvor gefagt, auf bem Pichincha stehe bas Quedfilber 15 Boll 11 lie nien , und er fen 2464, Ruthen hat ber Ueberfeger fatt Toifen geschrieben, boch. Dun fteben biefe 2464 ben 12 Boll a linien Fall; alfo ift ber Barometerstand am Meere bie Summe biefes Falls und bes Barometerstands auf bem Pichincha = 28 Boll I linie, welches Br. Bernoulli auch in ber Folge anzeigt.

Für 1 linie-Fall ift die Hohe 1494 Toifen 14 30II 2088

Wa bas Barometer 14 Zoll gefallen ift, steht es 14 Boll i linie = 169 linien boch, aber 38 log (191: 169) giebt. 513, 752; Soviel ware nach Bouguers Regel ber Berg, wo bas Barometer 14 301

Zoll gefallen ist, über bem, wo es 12 Zoll 2 Linien gefallen ist. Der lette aber wird 2464 Tolsen über dem Meere angeben, also kame der erste nach Bouguers Regel 2977; folglich 11 Toisen weniger als die Tasel angiebt.

Die Lafel scheint also nicht nach Bouguers

Regel berechnet ju fenn.

Bur ben Dichincha nimmt fie ben Barometer-

ftand an, ben Bouguer angiebt (117).

Aber die Höhe des Berges 30 Toisen grösser als Bouguers Messung (123) und 81 grösser als seine Regel (118).

Da nun gar nicht angezeigt wird, nach mas für Gründen bie Tafel berechnet ift, so weiß ich

nicht wie zuverläßig sie ift.

177. Hr. Bernoulli macht über bas, was ihm ben biefer Belegenheit von ben peruanischen Baros meterbeobachtungen gemelbet worben, einige Anmerkungen. Weil Gr. Bouguer bas Gefes, baß sich bie Feberkraft ber Luft wie ihre Dichte verhalt , ziemlich mit ber Matur übereinstimmenb ge funden, sobald man auf gewisse Soben, etwa über 1 000 Toifen gefommen, fo fchlieft Br. Bernoullli, in ber ganzen Atmosphare herrsche einerlen Grad ber Warme, sobald man ohngefahr 1000 Toifen über bem Meere fen. Daraus, bag nach der Tafel, in diefer Sobe, eine Linie Queckfilberfall ju 15. 5 Toifen Steigen gebort , folgert er bie Dichte biefer Luft, und vergleicht fie mit ber Dichte am Meer. Diese Bergleichung giebt bie luft E <

am Meere bichter als ber Fall bes Barometers, wenn man vom Meere steigt, sie giebt; und so urtheilt hr. Bernoulli, sie sep da durch die Barme ausgedehnt, vergleicht die Barme, die diese Ausdehnung veranlaßt, mit der, welche sich 1000 Toisen hoch befinden muß, und bringt dhngefähr die Verhältniß heraus, wie zwischen den Warmen unserer kust im Winter und Sommer. Das Resultat hievon ist: tausend Toisen über der Oberstäche des Meeres sey es in der Atmosphäre immer so kalt, als es in unserm Erdstriche in den größten Wintern ist.

Die Zahlen, auf welche Hr. Bernoulli feine Rechnungen grundet, sind nicht ganz sicher (176). Das durfte die Berhältniß der Wärme etwas andern, ohne doch das Resultat im Ganzen für um richtig zu erklären.

Sine andere Erinnerung hieben ist, daß die Feberfraft der Luft noch durch andere Umstände veränderlich seyn kann, als durch die Wärmen (150). Hr. Bernoulli erkennt selbst, das Dünste hiezu vieles bentragen können, im zwenten Theile seiner Anmerkungen, wo er noch besonders über Barometerbeobachtungen auf dem St. Gotthardsberge und zu Zürch, Betrachtungen anstellt, die aber zu meiner gegenwärtigen Absicht nicht unmittelbar gehören.

Noch Bemerkungen bey Grn. Dan. Bernoullis Regel.

178. Wenn die Barometerstände (172) in Lie nien ausgedruckt sind, so setze man: zum Barometerstande y—t gehöre die Höhe x + u (wie in 60). Die Vergleichung, auch nach hr. Bern. Formet

gemacht, giebt die Rechnung $u = \frac{22000. \text{ c. t}}{(y-t). y}$

Und
$$y = \frac{1}{2} t + \sqrt{(t + \frac{22000 \cdot c}{u})}$$

Die verneinte Burgel ber quadratischen Gleischung benseite gesett.

Man nehme nun t == 1; fo erhellt folgenbes:

Man meffe, wie boch man steigen muß, bis bas Barometer eine linie fallt; So giebt sich baraus und aus c, ber Barometerstand y.

Diese Arbeit; scheint überflüßig; benn wenn man wissen will, wie boch man gestiegen ist, bas bas Barometer eine Linie siel, so hat man ja schon bende Barometerstande gemessen.

Auf der andern Seite scheint es, als musse baraus oft was Ungereimtes folgen. Rahmlich a ist der Barometerstand am Meere, und der ist doch auch zu einer Zeit anders als zu der andern.

Befest man mare 104 Fuß gestiegen, bis bas

Barometer eine linie fiel. Das also = 11.

Nahme man nun den Barometerstand am Meere = 28 Boll, so gabe bas einen gewissen Werth fur y.

Nähme

Rahme man ihn' = 28½ Boll, so gabe et einen andern Werth für eben die Gröffe.

Und fo für jeben anbern Barometerftand am

Meere.

179. Folgendes ift die Auflösung bender Schwie rigteten.

371 Br. Bernoullis Formel bebeutet e ben mittleren Barometerstand am Meere, ber ift alfo

von einer bestimmten Groffe.

Will man nach ihr die Höhe eines Orts über bas Meer berechnen, so muß man bieses Orts

mittlern Barometerftand haben.

Dazu gehört eigentlich eine Reihe Beobachtungen von etlichen Jahren. Und fo könnte z. E. ein Reisender von der Höhe eines Berges, wo er nicht für gut befände eine Wohnung zu nehmen, nichts bestimmen.

Nun nimmt man aber an , daß die Barometerstände an unterschiedenen Orten , zu einer Zeit , eine bestimmte Berhaltniß haben (Man f.

hievon 31).

Also, unter c den mittlern Barometerstand am Meere verstanden, wird in Hrn. Bernoullis Formel, y den mittlern Barometerstand für die

Sobe x bedeuten.

Und den also zu finden, ist das angewiesene Berfahren nühlich, solchergestalt auch von der zwenten Einwendung; daß y mehr Werthe bekommen wurde die einander wiedersprächen, ebenfalls befrent.

Diebey

Hieben kann einem der Zweisel einfallen, ob sich solche Schlusse wie (31) sicher hieher bringen, wosern man die Warme mit in Betrachtung zieht. Denn da könnte wohl, z. E. zu einer Zeit da der Barometerstand am Meere der mittlere ist, der, an einem andern Orte nicht eben der mittlere senn, weil durch Warme oder Ralte die Dichte der Lust da etwa Uenderungen gelitten hatte, die sie an Meere nicht litt.

Diefen Zweifel stelle ich babin, wo man bie Zweifel hinstellt, die man nicht zu beantworten

weiß.

Erempel. Man hat von einem Orte 104 Fuß steigen muffen, bis das Barometer eine Linie gefallen ist.

Der mittlere Barometerftand am Meere wird

28 Boll; 44 linien gefeßt.

Allse c = 340, 75. log 22000. c = 6, 8748585 log u = 2, 0170333

balb = 2, 4289126

giebt y = 268, 48 linien ober ben mitte fern Barometerstand bes Ortes 22 Boll 4 linien.

Arn. Sulzers Cafel nach dieser Regel.
180. Ir. Joh. Georg Sulzer hat: Beschreisbung ber Merkwürdigkeiten, welche er auf einer
1742 gemachten Reise durch einige Orte des
Schweizerlandes besbachtet hat, zu Zurch 1742:
4°, heraus

40. herausgegeben. Im Anhange befindet fich zuerft eine Tafel nach hrn. Dan. Bernoullis Formet berechnet. Den mittlern Barometerftand am Meere sest er, wie ich im nachstvorhergehenden Erenwel gethan habe.

Seine Lafel hat drep Columnen. Die x; ift überschrieben: Fall des Queckfilbers vor eine linie; sollte eigentlich heissen: wie hoch man steigen muß, daß das Queckfilber z Linie fällt.

Die II. Höhe bes Ortes über bas Mittell. Meer.

Die III. Mittlere Höhe bes Quecksibers von 28 Zoll 4 & Linien burch alle einzelne lin nien bis 23 Zoll.

He, ist folgende: An dem Orte, dessen Hohe über Lafel, ist folgende: An dem Orte, dessen Hohe über dem Meere man wissen will, soll man eine Hohe von 150 oder 200 Fuß, wirklich messen; und demerken, um wiediel das Quecksilder, von einer Granze dieser Höhe zur andern, fällt. Aus diesem Falle, und der gemessenen Höhe, derechnet man, nur nach der Regel Detri, wie hoch man in seldiger Gegend steigen muß, daß das Quecksilder um eine-Linie fällt. Was man so berechnet hat, sucht man in seiner 1. Columne auf; so steht damit in einer Zeile, in der dritten der mittlere Barometerstand des Ortes, und in der zwehten, desselben Höhe über das Meer.

Ben 104; steht ber vorhin von mir gefunden me Barometerstand, und bes Ortes Hohe 1965 Fuß 2 Zoll.

Denn Hr. S. giebt in der I und II. Columne Jufie und zwölftheiliche Zoll an, ob er gleichfelbst erinnert; Man könne unvermerkt wohl ein paar hundert Schuh irren.

Grunde bieses Verfahrens giebt Gr. S nicht an. Daher wird, was ich zuvor bavon bengebracht habe, nicht überflußig fenn.

181. Hr. S. hat nach bem Ausbrucke von B. Formel x = $\frac{22000. \text{ c}}{\text{v}}$ - 22000 gerechnet.

Ob er sich dazu ber logarithmen bedient hat, meldet er nicht. Wenn man sie braucht, so giebt diefer Ausdruck die Bequemlichkeit, daß man einen
beständigen logarithmen hat, von dem man nur
log y abziehen darf. Und die Grösse, welche
man so durch die logarithmen berechnet, wird nieüber 44000; also reichen die logarithmen alles
mahl zu.

Inbessen ift bie Groffe allemahl mehr als. 22000; Man findet sie also durch die logarithmischen Tafeln unmittelbar nur in Ganzen, und mußte allenfalls Zehntheile ober hundertheile, durch

Proportionaltheile fuchen.

Das gabe nun, jumabl für Barometerstanbe bie ben am Meere ziemlich nabe waren; x mit keiner groffen Scharfe.

Rechnet'

Rechnet man nach 172; so versiert man ben Bortheil bes beständigen wgarithmens, kann aber x schärfer finden.

Ich habe ein Paar Glieder für Hr. S. La

fel berechnet, und fo gefunden

у х 339, 75 64, 753 бив 240 9231, 4

Hr. S. setzt für ben Fall ber ersten und zwenten linie, oder 28 Zoll 4 und 3 linien, bepdemahl 65 Juß über bem Meere; ben meinem zwenten Barometerstande, von 20 Zollen, hat er nur 9227 Fuß 9/Zoll. Bielleicht hat er seine Rechnung muhsamer, und baher nicht so scharf geführt, als ich die meinige.

Man findet die Sulzerische Tafel auch ben bes Gieffenischen hrn. Prof. Bohms grundlichen Anleitung zur Megkunft auf bem Gelbe, wo sie

Die IIII ber angehenkten Safeln ift.

Berr Sulzers Versuche.

182. Von Hr. Sulgern findet sich in den Memoires de l'Acad. Roy. des St. et des B. L. de Prusse 1753, ein, wie die Ueberschrift lautet: Neuer Versuch, über die Messung der Höhen vermittelst bes Barometers. Man hat es übersett, im alten Hamb. Magaz. 17 Band 6 Stud.

183. Hr. S. hat luft zusammengepreßt, im Wesentlichen, so wie es Mariotte u, a. vorlangst

gemacht

gemacht, (Aer. 64) mit einigen Vorsichtigkeiten der Michtigkeit wegen, die er deutlich beschreibt, unter andern jedesmahl auf die Veranderungen der Wärme währendes Versuches acht gegeben, und solche in Rechnung gezogen, auch ziemlich starke-Kraft zum Zusammenpressen angewandt.

184. Nur ein Bepspiel zur Probe zu geben: Das Barometer stand 29 rheinl. Zoll hoch, und eingeschlossene kuft so bicht als sie von der Atmosphäre im damaligen Zustande zusammengepreße war, nahm einen Raum = 12 ein. Durch Aufsschützung einer Quecksilbersäule von 169, 2 Zoll, ward diese kuft in den Raum 1, 5 gebraucht. Die

Dichte diefer zusammengepreßten Luft war 1,5

= 8 mahl so groß als die Dichte ber natürlichen Luft; die Rraft aber, welche sie so zusammenpreste, war 29 + 169, 2 = 198, 2 Boll Queckfilber. Die-

fe Kraft $\frac{198,2}{29}$ = 6, 8344 mahl so start als

Der Druck ber Atmosphare, wie ich burch bie logarithmen finde; Hr. S. hat 6, 835.

Eine Rraft also, noch nicht siebenmahl so start als der Druck der Atmosphäre, machte die Luft achtmahl dichter als der Druck der Atmosphäree sie macht.

185. Dieß ist die startste Kraft die Br. S. ans Bewandt hat, luft zusammenzupreffen, und ber U Wersuch Berfuch gehort in die briste Reihe feiner Verfuche, welche er fur die zuverläßigsten angiebt.

186. Daß das Verhalten der druckenden Kraft zur Dichte nicht ben allen seinen Versuchen einerlen herauskommen konnte ist, unter andern auch, wegen unvermeidlicher Fehler, leicht zu urtheilen. Hr. S. glaubt, man könne die Dichte durch eine Potenz des Druckes angeben, und den Erponenten dieser Potenz seht er bennahe 1,0015; oder, wenn D die Dichte, P den Druck bedeutet, D = der Potenz von P beren Erponent 1,0015 ist.

187. Also log D = 1, 0015. log P.

188 Es ist leicht nach (187) bas Erempel (184) mit Hr. S. Angabe zu vergleichen. Ich sebe, mit Hr. Sulzern, die Einheit, für die Dichten, die Dichte der natürlichen kuft, für die Druft ke, den Drucke der Atmosphäre.

Also gehören in (184) zusammen, D = 8

und
$$P = \frac{198, 2}{29}$$

Nun ist log P = 0, 8347056; bieses mit \$,0015 multiplicirt, giebt 0, 8379576, und diesem logarithmen gehort die Zahl 6, 854.

189. Wenn man ben Erponenten allgemein =

 π nennt, so ist aus (187) $\pi = \frac{\log D}{\log P}$. So er hellt, wie sich der Erponent aus Bersuchen bestimmten läßt.

190. In

190. In Bru. S. erftem Berfuche ber britten Reibe, ift, Die Einheiten wie in (188) verftanben,

$$D = \frac{12}{11}$$
; $P = \frac{31, 2}{29}$; also $\pi = \frac{377885}{317566}$

Davon ber logarithme, = 0, 0762200 = 34 ber Zahl 1, 1917 gehört.

191. Hr. S. hat seine bren Reihen Versuche in eine Tasel gebracht; wenn ich aus jedem ersten Versuche einer Reihe nach Hr. S. Zahlen den Ersponenten suche, so bringe ich jedesmahl beträchts lich mehr heraus, als was er (186) als den Erponenten angiebt, welcher aus den ersten Resultaten seiner dren Versuche bennahe folgte. Ich muß also wohl diesen seinen Ausdruck nicht, wie er will, verstehen.

192. Inbessen stimmen alle Versuche Hrn. S. an der Zahl 42; darinnen überein, die Dichte zusammengeprefiter lust grösser zu geben, als sie ware, wenn sich die Dichte wie die druckende Kraft verhielte, wovon (184) ein Benspiel ist.

193. Man muß frevlich hieben annehmen, daß es hr. Sulzern, bep ber von ihm angewandten Borsichtigkeit, möglich gewesen ist, die Räume, welche die zusammengepreßte Luft einnahm, so genau zu meffen, daß nicht etwa Fehler ber Messung, für Abweichung von dem sonst angenommenen Gesese, sind angesehen worden.

Berhielten sich die Dichten, wie die brucken ben Krafte, also die Raume verkehrt wie diese U a Rrafte, Rräfte, so kame in (184) der Raum der zusammengepreßten Luft = $\frac{29}{198,2}$. 12 = 1, 7558
wenn der natürliche Raum = 12. Hr. S. fand
khn = 1, 5 ohngefähr um 30 des Raums der natürlichen Luft kleiner. Er muß also auf Sechzigstheile dieses Raums sicher gewesen sepn, wenn aus
diesem Versuche, einzeln betrachtet, etwas gegen

bas gewöhnliche Befes folgen foll.

194. Hr. S. hat auch Versuche über die Ausbreitung ber Lust butch Warme angestellt. Er brückt sich so aus, als hätte er ein Mittel gesunden, die unterschiedenen Grade der Warme, nach ihrer geometrischen Verhältniß, zu vergleichen. Wenn ein gewisser Grad der Warme eine gedene Masse lust in den doppekten Raum, und ein anderer Grad, eben die Masse in den vierfachen Raum ausbreitet, so ist ihm sehr wahrscheinlich, daß man ohne merklichen Irrthum werde annehmen dürsen, diese Grade verhalten sich wie 1:2. Zweisel, die er wegen dieser Proportion hatte, sind ihm verschwunden, nachdem er gesehen, daß auch Newton die Wärme nach Ausbehnung des Oeles geschäst.

195. Daß Ausbehnung ber Materien das sicherste Kennzeichen ber Barme ist, hat schon Boerhave in seiner Chymie gesagt; und also ist febreratuelich barauf zu fallen, zweene Grabe Barme werden sich, wie die Ausbehnungen, verhalten, die

von ihnen verursacht werden. Nur ift gewiß auch Dr. Gulgern bekannt, ob er gleich bie nicht fceint baran gebacht zu haben, bag biefe Ausbeh. nungen von einerlen Graben ber Barme, ben unterschiedenen Materien, nicht einerlen Berhaltniff haben, baß bie benden Grade, von benen er rebet, nicht auch Del, ober Beingeift, ober Quedfilber, aus bem boppelten Raume in ben vierfachen auss behnen werben.

196. Aus benberlen Wersuchen nun, von ber Musbehnung burch bie Warme und von ber Aus fammenpreffung, leitet Dr. G. eine Formel für bie Bergleichung zwischen Barometerstande, und Sos be über ben Horizont bes Meers ber. Gie erfo-Dert nichts als eine leichte Integralrechnung, und ich wurde fie also hie benbringen, wenn ich bachte, daß sie brauchbar ware.

Aber bie umberanberlichen. Gröffen barinnen muffen nach Br. S. Versuchen bestimmt werben, und er giebt boch fetbft folche in Rleinigfeiten nicht für gang zuverläßig que, ob er gleich aus folden Berfuchen, für biefe Bormel, Zahlen auf etliche Decimatstellen berechnet, und noch groffe &c. bengefügt bat.

197. Und num wendet er feine Formel auf eine Beobachtung an , die er ungezweifelt fur die richtigste unter allen erklart. Sie ist aus Br. Bous guers peruanischer Reise. Das Quecksilber stand am Meere nabe ben 28 Bollen, und in einer Sobe

von 14856 Fuß fank es um 12 Zoll 3 Linien. Dar über rechnet Hr. Sulzer nach seiner Formel, und bringt die Höhe etwa 400 Juß anders heraus, als sie ist gemessen worden.

Eine Formel, aus welcher man Etwas um mehr als seinen vierzigsten Theil anders herausbringt, als eine sehr richtige Beobachtung es angiebt, die wird doch wohl nicht zu ihrer Bestätigung mit einer solchen richtigen Beobachtung verglichen?

198. Hrn. Sulzers Versuche können überhaupt zur Kenntniß der Luft nüßlich senn, aber zu der Absicht, welche die Aufschrift seiner Abhandlung verspricht (182), dienen sie gar nichts. Kommen wir denn in Luft, die fünf oder sechsmahl so start gedruckt wird, als die, in welcher wir leden? Mit dem Varometer steigen wir nicht in dichtere Lust, sondern in dunnere, und diesem gemäß hatte auch Bouguer Verdunnungen der Lust untersucht (141), nicht Verdichtungen, und den Perdunnungen das Geses richtig befunden, dem Hr. Sulzer den Verdichtungen wiederspricht.

199. Wollte man auch die luft am Fusse eines Berges, als dichter in Vergleichung mit der auf dem Gipfel, ansehen, so wird sie doch nie noch einmahl so stark gedruckt als die auf dem Gipfel. Usse wäre in (187) allemahl P kleiner als 2. Sete ich P = 2, so sinde ich log D = 0, 3014815, daher D = 2, 0020.

genommen, ift in ben Stellen, wo wir mit bem Barometer hinfommen, bie Werhaltniß ber Dichten nicht merklich von ber Werhaltniß ber brudenben Rrafte unterschieben.

201. Ber sich um Höhenmessungen mit bem Barometer bekummert, sollte glauben, Hr. Sulzers Abhandlung sen für ihn wichtig. Die Belehrung, daß er sich irren würde, gehört also hieher, und diese Belehrung ließ sich nicht ohne ihre Beweise geben.

Linige andere Voraussenungen.

202. I. Unterschiebener anderer Machematikverständigen Meynungen hat kulofs gesammlet. Einleit, zur math. und phys. Kenntniß der Erdkugel 446 u. f. S. (meine Uebersehung dieses Buchs ist zu Göttingen u. Leipzig 1755. herausgek.)

11. Maraldi nahm an, das Quecksilber sinke, vom Ufer der See die 61 Fuß hoch, i kinie, nun wieder eine kinie, wenn man 62 F. höher kame, und wieder eine kinie, wenn man von da 63 Fuß höher kame u. s w. oder er theilte die Atmosphäve in Schichten, jede einen Juß grösser als die nächst miedrigere, und jeder Schicht, mennte er, gehore eine kinie Varometerfall.

111. Feuille'e machte auch folche Schichten, nur

jebe um 2 Fuß groffer.

1111. Cassini nahm an, die Ausbehnung der kuft verhalte sich verkehrt wie das Quadrat des U4 Drucks, Druds, die Luft sey vienmahl banner, wo fie 14 Boll Quedfilber halt, als wo sie 28 halt.

V. Diese Woraussegungen anzusühren, gehott zur Geschichte ber Untersuchung, wie sie aber nicht auf sicheren physischen Grunden beruhen, so verdienen fie keine besondere Ausmerksamkeit.

203. Da Caffini ein anderes Gefeß der Dichten annimmt, so verlohnt es sich doch der Mube, zu berechnen, was daraus folgt.

Wenn man bie Buchstaben zur Rechnung aus (12 u. f.) nimmt, so gehört, nach Cassini, zur Höhe x aber S; bie Dichte ber kuft my2: f2

Also beforme man aus (15) $-\frac{my^2 dx}{f^2}$

= dy.

Dieses integrirt, giebt $x = \cosh + \frac{f^2}{my}$ und $x = \frac{f}{m} \cdot (\frac{f}{v} - 1)$

Nimmt man an, bem Barometerstanbe y
— t gehöre die Höhe x + u, so hat man eine zwente Gleichung; Wenn in solcher Alles übrige gegeben ist, sindet sich

$$m = \frac{f}{x+u} \cdot \left(\frac{f}{y-t} - 1\right)$$

Luccksilber 28 Boll; Das ware also f = y für x=0;

$$x = 0$$
; Und 63 Buß hoch, Refe es 27 Boll
11 Linien; Also $u = 63$; $t = \frac{1}{144}$; $f = \frac{336}{144}$; f

Das Quecksiber 14 mahl schwerer als Wasser gesetzt, also; Wasser: Lust = 1: 14 m, finde ich bas Wasser 646, 09 mahl schwerer als diese Lust.

Auch ist ber Coefficient $\frac{f}{m} = 335.63 \Rightarrow$

Eaffini hat wohl an Integriren, und an folche Betrachtungen wie Dr. Daniel Bernoulli angestellt, nicht gebacht. Seine Voraussehung führt gleichwohl auf eine Gleichung, die von der Bernoullischen nur im Coefficienten unterschieden seyn könnte. (172) Wenn ben jener c, hie = f ware, welches aber nicht ist (180).

Ich habe nach der gesundenen Formel die Höhre berechnet, welcher der Barometerstand is Boll gehört oder, wo es to Boll gefallen ist. Ich sinde sie 1725 Fuß = 1964 Toisen i Fuß. tuslofs hat 1947. Sein Wortrag aber zeigt, dieses sen so gefunden, daß man, wie Mariotte that, Schichten addirt, und das giebt zu wenig. (61)

Lieber eine Schwierigkeit, bey der Voransfenung daß sich die Dichte der Luft wie der Druck verhalte.

204. Wenn man sich vorstellt, daß die Acmosphäre irgendwo aufhort, so wird die kuft an dieser obersten Granze nicht gedruckt; Ihre Dichte mußte also = 0 seyn.

205. Dieser Ungereimtheit auszuweichen, komte man setzen, die Dichte verhalte sich, wie der Druck + einem gewissen unveränderlichen Gewichte, das sur jede Dichte, jeden Druck, immer dasselbe bleibt. Wenn man es = P setze, so wurde in (17) die Proportion so gemacht werden.

$$f + P$$
: $y + P = m$: $m \frac{(y + P)}{f + P}$

Das vierte Glied gabe bie Dichte ber luft in K.

206. Diese Erinnerung macht Hr. D'Alembert in seiner Preisschrift: Reslexions sur la cause generale des vents . . . (Berlin 1747) 9. 80. Auch Traité de l'équilibre & du monvement des sluides §. 81. we er sich auf Barignon Mem. de l'Acad. 1716. berust:

207. Wenn man bieses annehmen will, so ift schwer abzusehen, wie sich die Grosse P bestimmen lieste Frenlich gabe sich solche aus der Dichte der Luft, da wo das Quecksiber alles aus dem Baromes

Barometer gesunken mare: Diese Dichte mare =

mf + P. Aber moher mußte man sie? Die Einführung bieser beständigen, aber auch beständig unbekannten, Grösse wurde uns also nur Formeln geben, die jur Anwendung auf die Natur

ganz unbrauchbar wären.

208. Natürlicher ist wohl zu sagen: was auch schon Jacob Bernoulli, und Euler gesagt haben, man s. meine Aerometr. 65. Euler Comm. Nov. Petrop. T. 13. p. 319.) Das Geses: die Dichte verhalte sich wie der Druck, sey nicht in geometrischer Schärse und Allgemeinheit wahr. Es kann deswegen immer noch für uns von sehr sichern und weitläuftigen Gebrauche seyn. Eben wie die Boraussezung daß unsere Schwere eine unveränderliche Krast sey, in geometrischer Schärsse nicht richtig, und doch der Grund unserer gand zen Mechanik ist.

209. Woher auch die Federfrast der Lust kömmt, kann man sich allemahl den Ersolg von ihr so vorsstellen, als besässe jedes Lusttheilden eine Kraft, das andere von sich zu stossen, ohngesähr wie Magnete deren gleichnahmige Pole gegeneinander gekehrt sind. Die Stärke dieser Krast wird sich vermuthlich nach ihrer Entsernung von einander richten, und in größerer Entsernung geringer senn. Lusttheilchen könnten also so weit von einander abs stehen, daß sie nicht mehr merklich in einander wirkten, eben wie Magnete, die weit von einander hängen.

hangen. So wurden fie eine Luft ausmachen, bie in ber Dichte, welche fie hat, burch feinen aufern Druck brauchte erhalten zu werben, weil fie feine Bemuhung anwendet, sich auszubreiten.

Von des Irn. Jontana Schrift, über die Barometerhöhe.

210. Delle Altezze barometriche, e di alcuni insigni paradossi, relativi alle medesime, Saggio analitico... del P. Gregorio Fontana, delle Scuole Pie, Pubbl. Professore di Matematica nella Regia Vniversità di Pavia, Socio del' Accademia dell' Instituto di Bologua; Pavia 1771. 160 Octavs. Ich habe das Buch vom Bersasser besommen, von dem ich im Borbengehen melden fann, daß er deutsche mathematische und wisige Schristen sehr wohl verstehen gesennt bat.

211. Der eigentlich hieher gehörige Inhalt bes Buchs ist folgende Aufgabe: Man hat die Barometerhöhe am Meere; die Schwere ist veränder lich und verhält sich verkehrt, wie eine Potenz der Entfernung vom Mittelpunkte der Erde, deren Erponent gegeben ist; Wie groß ist die Varometen höhe in einer gegebenen Stelle über dem Meere? das Geseh der Dichte der Lust wird mit hr. D'Atembert wie in (205) angenommen. Auch nachdem noch allgemeiner geseht: die Dichte verhalte sich wie eine Potenz des Drucks.

Die Auflösung führt auf eine Differentials gleichung, in ber die veranderlichen Gröffen versmengt find, man kann sie nach meiner Anal. Unendl. 412; integriren.

212. Uebrigens erhellt leicht, baß fr. Fontanas hauptabsicht hieben gewesen ift, bie Unmenbung analytischer Kunftgriffe , ju Auflosung einer so allgemeinen Aufgabe, ju zeigen. In ber Ausubung fant sie nicht vorkommen, weil wir immer in Stellen bleiben, wo bie Schwere als unveranberlich anzusehen ift. Daber berechnet auch Br. R. nur Erempel für folche Stellen, wovon er viel Rusliches benbringt, so wie er überhaupt lehrreis che Erinnerungen über bie Unwendung ber Mathematif auf die Naturlehre, die Brunde ber Red). nung bes Unenblichen, Die Bahl, beren natürlicher Logarithm = 1 ift, u. b. g. giebt. Die auf bem Titel erwähnten Paraboren finden fich nur in der allgemeinen Auflöfung, wo sie aus ben richtigen Beftimmungen bes Unenblichen, Berneinten, u. b. g. zu erklaren fint, und fo barf ihre Unfundie gung Niemanben ben bem gewöhnlichen Gebraude bes Barometers irre machen.

Die Dichte der Luft zu finden, wenn sich die Schwere verkehrt wie das Quadrat der Entsernung vom Mittelpunkte der Erde ändert.

213. I. Ich will ben biefer Veranlaffung biefe Aufgabe auflösen, um nur einen Begriff zu geben, wie

wie man sich ben veränderlicher Schwere verhalt. Ben Gr. F. Untersuchung ist nicht die Analysis schwerer, nur die Rechnung weitläuftiger.

II. Es sen (31 Fig.) S im Horizonte bes Meeres, vom Mittelpunkte ber Erde um berfelben halbmeffer, r entfernt. Alfo (wie in 12) K vom Mittelpunkte um r + x entfernt.

Die Schwere in S sey = 1; so ist sie in K;

$$=\left(\frac{r}{r+x}\right)^2$$

Die Dichte ber luft ben K fen v; ben S; m.

In einem Clemente ber Bobe, dx; ift bie tuftmaffe vdx enthalten.

Und dieser Gewicht ist $\frac{r^2 \text{ vdx}}{(r+x)^2}$

Das Integral hievon ist bas Gewicht ber Luftsaule SK.

Das Gewicht der ganzen suftsaule über S; wird durch die Quecksilbersaule ausgedruckt, die es erhalt. Sie sey f.

Also das Gewicht der kuftfäule über K; =

$$f - f \frac{r^2 \text{ vdx}}{(r+x)^2}$$

Nun verhalt sich dieses Gewicht zu f wie v: m, weil sich die Dichten immer noch wie der Druck perhalten sollen.

In biefer Proportion die aufern und nittlern Glieder multiplicirt, befommt man die Gleichung

$$v_0 f = m. f - m. f \frac{r^2 vdx}{(r+x)^2}$$

Differentiirt, und gehörig gerechnet $\frac{\text{fdv}}{\text{mv}} = -\frac{r^2 dx}{(r+x)^2}$

III. Dieses wieder integrirt $\frac{f}{m} \cdot lognat \ v = Const + \frac{r^2}{r + x}$

Num ist v = m für x = 9.

 $211 o \frac{f}{m} \cdot lognat m = Conft + r$

Daher $\frac{rx}{r+x} = \frac{f}{m}$. lognat (m: v)

IV. Und, wenn lognat e = 1; hat man

 $\frac{mrx}{f. (r + x)}$ lognat e = lognat (m : v)

Daber v = m. e mrx: f. (r + x) wo sich für jede angenommene Höhe die Dichte bearechnen läßt.

V. Ift r unendlich gegen x; so verwandelt sich ber Erponent von e in — mx: f; Und ba ift es soviel, als mare die Schwere unveranderlich.

VI. Für

VI. Für ein unendliches x; wird in IV; ber Exponent von e; — mr: f; hie ist r: f ziemlich groß, weil f etwa 28 Zoll und r mehr als 19 Millionen Fuß beträgt, (Geogr. 19) aber m, Zehntausendtheile beträgt, (46). Also wird v: m ein ziemlich kleiner Bruch.

VII. Hie also behalt die kuft, in unendlicher Sobe, noch endliche Dichte.

VIII. Diese Untersuchung besindet sich bemm Mewton, Prins. Lib. II. Prop. 22; ziemlich weitläuftig und verwickelt; N. bedient sich daben der Hyperbel. Etwas kürzer hat sie Cotes angesstellt, Harmonia Mensurar. P. I. Prop. 5. Schol. Oper. Cotosii (Cantabr. 1722.) p. 18. Er braucht die logarithmische kinie, die er hiezu auf eine eigne Urt verzeichnet, Abscissen von der Obersstäche gegen den Mittelpunkt nimmt, und an sie die Oichten als Ordinaten sest.

Tobias Mayers Tafeln.

214. Bey M. Erich farmanns sibirischen Briefen, die Hr. Prof. Schlözer herausgegeben hat, (Göttingen 1769. 8°) erwähnt Hr. Prof. Beckmann in einer Anmerkung 34 Seite, baß er zwo Lafeln zu Messung der Höhen mit dem Baromester besiße, die von dem seel. Maper entworsen worden. Des Versertigers Sohn Hr. M. Maper hat sie von Hr. Prof. Beckmann bekommen, und mir eine Abschrift mitgethellt, nach der ich von ihnen reden will.

215 Ihre lateinische Ueberschrift melbet, daß sie Barometerhohen mit zugehörigen Sohen über ben Horizont bes Meeres in parifer Maasse angeben. Bon ber Art ihrer Verfertigung und ben Grunben, auf ben sie beruhen, ist nichts angezeigt.

Sie gehen durch alle einzelne linien ber Barometerhöhen, die innerhalb ihrer Granzen fallen.

216. Die erste von 28 Zoll 4 Linien und ber Hohe o bis 15 Zoll o Lin., dazu die Hohe 2762 Loisen gehört.

217. Die zwepte fangt von 29 Zoll 6 linien an, ber sie 77 Toisen, als Tiefe ober verneinte Höhe giebt; Ben 28 Zoll ist ihre Höhe = 0; und ihr lettes Glieb 14 Zoll 6 Linien mit 2859 T. Höhe.

218. Die Vorschrist, nach welcher die erste Lamfel berechnet ist, habe ich so ausgesucht: In der Formel (39) ist der 1. Tasel gemäß f = 340 Linnen; Für g = 20 Zoll = 240 Linien ist in dieser Tasel e = 1513 Toisen. Also überhaupt

$$x = \frac{1512 \cdot \log (3401 \text{ y})}{\log (341 \text{ 24})}$$

Nun ist log (34: 24) = 0, 1512677; Ferner log 0, 1512677 = 0, 1797462 - 1 abzuziehen von log 1513 = 3, 1798389

log B = 4, 0000927

gabe B = 10002.

So verhielte es sich, wenn man annimmt, die Zahlen der Tasel senn in der größten Schärse zu verstehn. Da aber offenbahr ist, daß Kleinigsteiten sind benseite geseht worden, so darf man b = 10000 annehmen. Nähmlich der togarithme, der als Nenner in der Formel sur x steht, ist bennahe ein Zehntausendtheil der Zahl, die im Zähler, in den veränderlichen togarithmen multiplücirt wird.

219. Also ist x == 10000. log (340: y) wo y die Barometerhohe in Linien ausgedruckt, und x eine Zahl von Toisen bedeutet. Die Tasel giebt nur ganze Toisen an, und also braucht man nur die vier hochsten Decimalstellen des Unterschiedes der Logarithmen, die niedrigen läst man weg, die Zisern die man behalt, sieht man als Ganze an.

Exempel. Für y = 94 Zoll = 288 linien ist log (340: 288) = 0, 0720864, also x = 721 Toisen. So giebt es auch die 1. Tasel an.

220. Es ware also ziemlich überfluffig, eine solche Lafel brucken zu laffen, ba man jedes Glied von ihr so leicht aus den logarithmischen hat.

Selbst die kleine Mube, ein Paar logarith men abzuziehen, erspart sie nur alsbenn, wenn man die Hohe über ben Horizont ber Tafel sucht.

Man verlangt aber auch oft eine Hohe zwischen zween Barometerständen, z. E. wie hoch die Stelle, wo das Barometer 22 Zoll 7 Linien steht, über der ist, wo es 22 Zoll 3 Linien steht, da muß man doch ein paar Glieder der Tafel von einander abziehen, und wird selbst durch diesen Abzug das Gesuchte nicht so genau sinden, als wenn man die logarithmen von einander abzöge, weil in der Tassel, die lesten Zisern der Logarithmen weggelassen sind.

Bolle und Linien gang in Linien zu vermanbeln, erfodert eine kleine Rechnung, und die konnte man sich durch eine Tafel ersparen, die gar nicht weitlaustig senn durfte.

Benaue Beobachter aber geben bie Barometerstände nicht nur in ganzen linien, sondern auch in Theilen berselben, an. Und da sind wiederum die logarithmen selbst, bequemer zu brauchen, als eine Tasel, die nur durch ganze linien geht, bep ber man in solchen Fällen, muhsamer und unrichs tiger, Proportionaltheile brauchen mußte.

Werlangte man nach Mayers Regel, die Hohen zwischen den Varometerständen 24 Zoll 3½ und 24 Zoll 5¼ Linie, so gabe sich so gleich

10000. log (293, 25: 291, 5) = 25, 994 Tolsmi

In der Tafel mußte man, aus den Höhen sur 24 Zoll 3 u. 4 Unien, durch Proportionaltheiste die für 24 Zoll 3½ suchen; Eben so die für 24 Zoll 3½ soll

Rolf: 54; und nun eine von der andern abziehen. Der Unterschied findet sich 26.

Dichte der Luft, die für 340 Linien angenommen wird.

In (37) if his $f = \frac{34^{\circ}}{12}; g = \frac{24^{\circ}}{12}; c = 6. 1513;$

211 fo m = $\frac{340}{12.12.6.1513}$, k, $\log \frac{34}{24}$

Der Coeffic. vor k, ist 85 und bievon ber Nenner 72. 4539. Daraus finde ich

durch die logarithmen; $\frac{1}{14 \cdot m} = 788, 46.$

So vielmahl ware biese tuft leichter als Wasser, ober Wasser bichter als sie.

222. Un ber Stelle, wo das Barometer 28 Zoll hoch steht, ist die Dichte der Luft = 336 . m.

Daraus berechneich, baß bas Waffer 795, 85 maßl dichter ift, als diese kuft.

223. Die Dichten der kuft alfo, welche in dieser Tafel angenommen werden, stimmen ziemlich mit den gewöhnlichen überein.

224. Die zwente Tafel (217) fest ben 28 Zoll 4 Unien die Höhe = — 31, eigentlich swiel Tiefe

Liefe unter ihren Horizont. In ber ersten aber, gehören zu eben dem Barometerstande, 51 Loisen wirkliche Höhen über ihren Horizont.

225. Das entbeckt sogleich, baß bende Lafeln im Grunde einerlen sind, daß die zwente Hohen über einen Borizont anglebt, ber 51 Totsen über der ersten ihre erhoben ist.

Und so ist es auch durchgängig mit der II. E. beschaffen. Wenn x in der I. E. und z in der II. Zahlen bedeuten, die zu einerlen Barometerstande gehören, so ist

z = x - 5t.

226. Aus der Einrichtung der ersten Kasel aber ist (225) 10000. log (340: 336) = 51,396, das 51 genommen wird. Also z = 10000. (log (340: y) — log (340: 336) = 10000. log (336: y)

Die II. Tafel kann also ummittelbar aus den logarithmen, vollig wie die erste, berechnet werden. 227. Man sehe es gehoren in der ersten Tafel, jusammen

fleinere Sobe P grofferer Barometerstand p groffere - Q fleinerer - - q

So iff Q - P = 10000, $\log (p:q)$

228. Die benden Soben, welche in ber II. Lael eben den Barometerständen gehören, muffen im eben soviel unterschieden fenn, (226)

£ 3

229. Man nenne V; die Zwischenhöhe, die nach Bouguers Regel (108) eben den Barometerständen (227) gehört, so ist V = $\frac{29.10000}{30}$

$$\log (p:q) = \frac{29}{30} \cdot (Q - P)$$

Mayers Regel giebt also die Hohe zwischen zween Barometerständen allemahl grösser als Bouguers seine, und zwar so, daß von Mayers Hohe ihr drenstigster Theil muß abgezogen werden, Bouguers seine zu bekommen.

So ware in (117) nach Maners Regel, ber Pichincha über Carabourou; 1251 Toifen.

230. Bepbe Regeln zugleich können also nicht wahr seyn, und wenigstens in den Fällen, wo Bouguer die seinige mit geometrischen Ausmessungm übereintreffend gefunden (144), ist die mayerische nicht sicher anzuwenden. Sie sest dunnere kuft zum voraus als Bouguers seine (77).

231. Hr. Pr. Beckmann fagt a. a. D. "Mapers Tafeln sepen eigentlich nach Bouguers Angabe berechnet, nur daß von dem Unterschiede der logarischmen nicht 30 abgenommen worden."

In diesem Abnehmen des 30 besteht eben Bouguers Angabe. Unterschiede der Logarithmen braucht man zu Berechnung jeder Lafel, die zum Grunde seit, daß sich die Dichte wie der Druck verhält

verhalt (30; 39). Diefe Unterschiebe multiplicirt man mit einem beständigen Coeff cienten. Daß Bouguer dafür 10000 in einem Bruch multiplicirt fand, beffen Menner eine Babl ift, mit bet fich fo bequem bivibiren lagt, und feinen Bablet um I übertrifft, bas gab ibm eine fo leichte Regel. Und Maper machte fich eine noch leichtere, weil er fur. Diefen Coefficienten Zehntaufend felbft. annahm. Uber eben beswegen hat fie mit Bouguers feiner nicht mehr Uebereinstimmung, als mit jeder andern, und ihre Zahlen fonnen einer andern Zahlen viel naher tommen, als Bouquers feis nen, wenn fie mit biefer andern von einem Soris gonte rechnet, und berfelben Coefficient naber ben Behntausent ift als Bouguers feiner. Wer fich nicht einbildet, Bouguer fen der einzige gewesen, ber mit Unterschieben von logarithmen rechnet, ber kann nicht etwas fagen, bas im Zusammenhange beißt: Mayers Zafeln fenen eigentlich nach Bouquers Ungabe berechnet, nur aber gar nicht nach Bouquers Ungabe.

Ihrer zweene rechnen fo: ber erfte nimmt von einem Dinge 29; der andere läßt es gang; kann man ba fagen: ber andere rechnet eigentlich nach des ersten Angabe.

232. Weil log (336: 335) = 0,0012945, fo giebt Mapers Regel 13 Toisen Bobe, wenn man von ber Stelle, wo bas Barometer 28 Boll ftebt, Æ 4

steht, an die steigt, wo es um eine kinie gesallen ist. So steht es auch in Mapers Tafeln; in der II die Zahl 13 selbst, in der 1 ein paar Zahlen, deren Unterschied 13 ist, (dieses ist zu erinnern weil manche Leute nichts weiter sehen, als was ihnen gerade vor Augen liegt).

Horrebow giebt als seine Erfahrung an, daß er von der Stelle, wo das Barometer 28 Zoll stand, 12,5 Toisen gestiegen sen, die es eine ünie gefallen (62; 11).

Also stimmt, was Maner zu Anfange seiner Lafel sest, bis auf eine halbe Toise mit Horres bows Angabe überein.

Wie genau beyde Zahlen übereinstimmen können, läßt sich aus den Coefficienten beurtheilen; Horrebows seiner (a. a. D. 111.) ist etwas kleiner als Mayers seiner, und so mussen D. Zahlen ohngefähr 166 von Mayers seinen senn.

Für 26 Zoll (a. a. D. IIII.) hat Mayer 322.
233. Worauf M. seine Regel gründet, ist mir nicht bekannt. Da ich bald nach seinem Tode, einen groffen Theil seiner Bibliothek gekaust habe, sind mir baben auch allerlen einzelne Papiere übergeben worden, die keine zusammenhangende Ausführungen enthielten. Einige Octavblätter davon hatten, soviel ich mich erinnere, die Ueberschrist: Von der Utmosphäre, Dichte der Luft, u. s. w. sie enthielten

hielten aber nur Formeln, ohne Unzeige bes Ursprungs berfelben und andern, zum Gebrauche selbst nur zu ihrer Bedeutung, gehörigen Erläuterungen, daher ich mir nicht die Zeit genommen habe, dieselben, da ich keine besondere Veranlassung dazu hatte, sorgfältiger zu untersuchen. Berechnete Taseln erinnere ich mich nicht daben gesehen zu haben. Nachdem habe ich solche Papiere aus eigener Bewegung Hrn. Prof. Lichtenbergen mit zugesstellt, als er die manerichen Aussätz, welche von Kon Regierung waren gekauft worden, oder der Kön Soc. der Wiss. gehörten, zur Ausgabe besommen hat. Da er jeho; da ich dieses schreibe, nicht auf dem sesten kande ist, so kann ich von dem Angezeigten weiter keine Nachricht geben.

Hr. Prof. Hollmann; Comm. Soc. Se. Gotting. T. IIII. ad ann. 1754; p. 93. hat Zahlen, für die Höhen von Clausthal und Göttingen, aus einer ihm vom Mayern, schon einige Jahre zuvor mitgetheilten Tasel genommen. Es ist die erste der hie beschriebenen, und Hr. Pr. H. erwähnt nur eine.

234. Noch einmahl, Mayers und Bouguers Regeln zu vergleichen, will ich eins ber Erempel rechnen, die a. a. Orte sich aus Hr. karmanns Beobachtungen geben. Er beobachtete die Barometerstände zu Barnaul, einem Orte in Sibirien, und auf einem benachbarten Berge, der kleine Altai, (es sind die hochsten Spisen des Gedürges, als bezieht sich das Beywort klein vermuthlich auf die Ober-

Oberfläche,) Hr. Pr. Beckmann hat des angegebene Londner Maaß in pariser verwandelt. Nach bemselben ist

zu Barnaul p = 27 3. 7 £ = 331 a. ben Altai q = 21 7 = 259

log (331: 259) = 0, 1065282 Also Mayers Q — P = 1065, 282 Davon 30 = 35, 509

Bouguers V = 1029,773

Die Decimalbrüche ber Toisen fallen bekanntermaassen weg, ich behalte sie nur ben Q—P ben, um V genauer zu sinden. Liesse man sie gleich ben Q—P weg, so bekame man V = 1030; wie man es auch nach meiner Rechnung annehmen muß, um der Wahrheit so nahe zu kommen, als in ganzen Toisen angeht, nur daß meine Rechnung zeigt, es sep eigentlich ein wenig kleiner.

235. Dr. Pr. Bedmann berechnet nach Bouguers Regel für biefes Erempel ben Unterfchieb

ber Höhen 1030 77 Loifen = 6182 \$ Fuß.

Daß Bougen ben seiner Regel nicht Brüche von Toisen angeben wollte, erhellt gleich daraus, weil er von dem Unterschiede der Logarithmen die niedrigen Zisern wegläßt, nur die behält, die ihm ganze Toisen geben. Auch gesteht er ben seiner Regel selbst Fehler von wenigen ganzen zu (144).

Also ist es nicht eben in bem Sinn von Bow guers Regel, die Toisen, die sie angiebt, in Just zu verwandeln, und noch bazu Brüche eines Fußfes zu berechnen. Als wenn man nach einer Rechnung, die nur obenhin ganze Thaler angiebt, Pfennige bestimmen wollte.

236. Fr. Pr. Beckmann berechnet auch, bie Höhen vom Altai und von Barnaul über bas Meer, aus Mapers benden Tafeln, und glaubt, die lette Tafel musse mit dem, was nach Bouguers Regel angegeben worden, am nachsten übereinfommen, weil in ihr die Barometerhöhe am Meerte 28 Zoll angenommen worden.

Bristich hatte Hr. Prof. Bedmann nach Bouguers Regel nicht die Höhen über dem Mees re, sondern Unterschiede dieser Höhen, als: die Höhe des Altai über Barnaul berechnet. Ben einem solchen Unterschiede kömmt in M. Taseln nichts darauf an, was man für einen Barometersstand am M ere annimmt. Der Altai kömmt gleichviel über Barnaul erhoben heraus, man mag nach Mayers II oder I. Tasel rechnen; (228) Mit dieser Höhe des A. über B., welche Hr. Pr. Beckmann nach Bouguers Regel angegeben hat, stimmt also Mayers erste Tasel so gut überein, als die zwente, der Barometerstand am Meere hat nichts daben zu thun.

Dieß erhellt zweptens auch aus (229). Der Unterschied ber Höhen nach Bouguers Regel beträgt allemahl 38 des Unterschieds nach Mayers Tafeln, man mag die erste ober die zwepte brauchen. chen , und fo kann die zwepte nicht naber mit & Regel zusammentreffen als die erste.

Drittens sest bieser Schluß zum voraus: Bouguer nehme am Meere den Barometersiand an, den Mayers II. Tafel annimmt. Aber Bouguer giebt aus seiner Erfahrung einen andern an (104), und aus seiner Regel folgt der Barometerstand am Meere 341 Linien (134), viel näher ben dem, welchen Mayers I. Tasel annimmt, als ben der zweyten ihre. (216) Käme also auf diesen Barometerstand was an, so müste M. erste Zusel näher mit B. Regel zusammentressen, als die zweyte.

Und, wie schon erwähnt ift, und aus (229) sogleich erhellt, verhalten sich Bouguers und Mapers Höhen, über einerlen Horizonte, ben einer und berselbe Barometerstand für bende angiebt, so, daß die erste allemahl 39 ber lestern ist

237. Hr. Pr. Beckmann hat also Mayers Lafeln sur zwo unterschiedene gehalten, und nicht bemerkt, daß nur ihr Horizont unterschieden ist (225) Das hätten ihn doch gleich die Zahlen selbst belehren können, die er aus ihnen genommen hat, nur wiederum, dem Sinne der Taseln, die nur auf ganze Toisen gehen, nicht völlig gemäß, die Toisen in Fussen ausgedruckt. Des Altais Höhe über das Meer ist ihm nach der I: Tasel 7092 nach der zwenten 6780 Fuß, der Unterschied

schied 312 Fuß Barnaul I E.; 702; II E.; 390 auch 312 Fuß = 52 Toisen Unterschied, welches mit (225) übereinstimmt, weil die Taseln nur zunächst ganze Toisen angeben, und ben der Verswandlung in Fusse nicht einzelne Fusse genau angeben.

238. Die Sache hangt eigentlich so zusammenz Man seise, zu der Zeit, als in Barnaul beobachtes worden, habe das Barometer am Meere 28 Zoll gestanden; So ist nach Mapers II. Tasel der Ort 65 Toisen über dem Meere. Wenn man nun eben daselbst, zu einer andern Zeit, beobachtete, da der Barometerstand am Meere 28 Zoll 4 Linien wäre, so würde zu Barnaul das Barometer nicht wie in (234) angegeben worden siehen, sondern

bey $\frac{34^{\circ}}{33^{\circ}}$, 331 kinien (31; VI) das ist ben 331.

(1 + $\frac{4}{236}$) Linien, oder ben 27 Zoll 11 $\frac{7}{84}$ Linien. Dieser Barometerstand, den Bruch der Linien weggelassen, gehört in Mayers I. Tafel zu 64 Toisen. Da es nun hie auf 1 Toise nicht aus kömmt, weil die Taseln nur auf ganze Toisen gehen, so erhellt, daß beyde Taseln übereinstimmen. Sehen die Höhe, die der beobachtete Barometersstand nach der II. Tasel giebt, wenn ben ihm am Meere der Barometerstand der II. Tasel statt sinder, die giebt auch in der I. Tasel der Barometerstand, den man zu Barnaul beobachten würs

de, wofern am Meere ber Barometerstand ber I. Tafel ftatt findet.

239. Freylich weiß man nicht, wie hoch bas Barometer am Meere zur Zeit der barnaulischen Beobachtung gestanden hat, und da sie, wie Hr. Pr. B. richtig erinnert, nicht wohl den mittlern barnaulischen Barometerstand angiebt, so kann man sie auch nicht mit dem mittlern vergleichen, den man sür das Meer annahme. Die Folge hieraus ist, man kann die Höhe, von Barnaul und den andern Derfern über das Meer, nicht aus diesen einzelnen Beobachtungen berechnen, weder nach Mayers, noch nach irgend einer andern Formel. Aber die Höhe eines Orts über dem andern liesse sich berechnen, weil die Beobachtungen ohn gesähr zu einer Zeit angestellt sind.

240. Mayer hat also nicht zwo Takeln gemacht, bavon die eine Barnaul 702 Fuß, die andere 390 Fuß, hoch angiebt. Wie müßte es in dem Ropke nicht eines Mathematikverständigen, sondern nur fonst eines gesunden Menschen aussehen, der einen solchen Wiederspruch ernsthaft hersagte? Selbst ein Jurist erkennte ja darinn bennahe eine Lasson vitra dimidium.

Wenn man Maners Vorschriften gehörig zu brauchen weiß, versichert man sie gar leicht vor einem solchen Verbachte.

Man hat Hrn. Prof. Beckmannen zu banken, daß auf seine Veranlassung, bekannt geworden ist, nach was für einer Regel Mayer gerechnet hat. Hr. Prof. Hollmann (230) hatte, ben M. Ledzeiten, natürlicher Weise keine Ursache, davon umständlich zu reden. Unten wird sich zeigen, (311; 372;) daß diese Regel ben den Rechnungen, die jeso den meisten Benfall zu verdienen scheinen, zum Grunde liegt.

Celsius Erfahrungen.

- 241. In den Abhandlungen der Kon. Schedischen Akad. d. Wiss. für 1741. im 3. Bande der deutschen Uebers. 133 S. sinden sich Andr. Celssus Versuche vom Steigen des Varometers in der Grube. zu Fahlun; Sie sind 1730; zweene Lage nach einander angestellt; einem 27, u. 28. jeho da ich meine Uebersehung zu gegenwärtiger Absicht wieder durchsehe, sinde ich, daß ich durch einen Schreibsehler den einen in den Vrachmonat, den andern in den Heumonat, zesesch habe; Sie gehören bende in den Heumonat, zu katein: Julius, wie ich gegenwärtig aus der Grundschrift ersehe, die ich aus dem Büchervorrathe unsers Hrn. Prof. der Votanis Murray bekommen habe.
- 242. Celsius hat Barometerstände auf dem Grufrisberge, im Flemmingsschachte, und im Kon. Carl XI; Schachte beobachtet. Er giebt sie in schwedischen Zollen und deren Decimaltheilen an, ber

ber Zoll selbst ist ein Zehntheil des Fusses. Die Unterschiede der Höhen giebt er auch in Fussen an. Das Zehntheil eines Zolls, also das Hunderttheil eines Fusses, nennt er: Linie.

243. Ich will fie so ordnen, bag man ihre Reiben übersehen kann, und einige Betrachtungen barüber anstellen. Folgendes sind Beobachtungen bes ersten Tages

| 244. | Pohen . | Barometer ! |
|------|-------------|-------------|
| 1 | + 312 | 24, 81 |
| II | 0 | 25,09 |
| 111 | 691 | 25,74 |

245. Da ist bie Bobe I auf bem Gipfel bes Grufrisberges; Il Un ber Sangebant bes Flemmingsschachtes, III. Teufe unter biefer Bangebant.

246. Den zwenten Tag sind alle Stellen, unter ber Sangebant des Flemmingsschachtes, genommen worden. Sie geben folgende Reihe; Teufen unter per Sangebank (245) gerechnet. Ich will die Beobachtungen mit den in 244; fortzählen.

| - , • | | | | |
|----------|-------------|--------|--------|--|
| 247. | Schacht | Teufe | Bar. | |
| · Illi · | Flemm. | 0 | 25, 00 | |
| `V . | Я. C. | 45,7 | 25, 04 | |
| VI | R. C. | 265,7 | 25, 27 | |
| VII | . C. | 485, 7 | 25, 51 | |
| VIII | Flemm. | 691,0 | 25, 69 | |

248. Diese Beobachtungen find ohnstreitig mit erforderlicher Einsicht und Sorgfalt gemacht; Ede füß fus hat fich auch versichert, daß das Barometer die Zeit über keinen Schaden gelitten; Er ist am Ende jeder Reihe seiner Beobachtungen wieder an den Ort gefahren, wo er angefangen hatte, und hat den Barometerstand gefunden, wie im Anfange. Die Sohen hat er vermuthlich angenommen, wie sie ihm die Markscheider gegeben.

249. Mir fiel also ein, Paare aus ihnen gusammen zu nehmen, und aus jedem folden Paare nach (39) ben Coefficienten zu bestimmen.

250. 3. E. Aus I; III; welches ber größte. Unterschied ber Hohen ben allen biesen Beobachtungen ist, so: c = 1003; f = 25, 74; g = 24, 81; daraus fand ich log B = 4, 7976698.

251. So liessen sich aus ben Beobachtungen bes ersten Tages für sich bren Paare nehmen, und aus ben fünf Beobachtungen bes zwenten Tages auch für sich zehn Paare; Jedes Paar giebt einen Goefficienten; Wollte man Beobachtungen zweener Tage zusammen nehmen, so müßte man auf die Aendberung bes Barometerstandes acht geben, denn II und 1111 sind Beobachtungen an einer Stelle.

Alle diese Verbindungen habe ich nicht ges macht. Bon denen die ich gemacht habe die Rechnungen herzusehen, ware zu weltlauftig, ich will aber die Resultate nach der Grösse der Coefficiene ten die ich gesunden habe ordnen.

| 252. | В | aus ' |
|------------|---------|------------|
| í. | . 63928 | IIII; VIII |
| 11 | 62758 | I; ·III |
| 111 | 62207 | l u; HI |
| 1111 | 55481 | V; VII |
| y . | 55403 | V; VI |
| VI | 11379 | III; VII. |

253. Ben ben letten bren Werthen ift ber Carlsschacht gebraucht, ben III und V; allein, ben VI mit bem Flemmingsschachte. Celsius bemerkt, im Flemmingsschachte sen warm, und im Carlsschachte starter und falter Wind gewesen.

254. Ein kleinerer Coefficient zeigt bichtere Luft an, wie man aus Vergleichung von 39; 38; und auch daraus so gleich sieht, daß der kleinere Coefficient ben eben den f: y ein kleineres x giebt.

275. In so fern man also blos barauf sehn will, daß kalte kust bichter als warme ist, läßt sich schon einigermaassen begreifen, warum der Carlsschacht keiners Coefficienten gab. Vielleicht hat dieser Unterschied der Wärmen, und der Wind, noch andere Wirkungen auf die Aenderung des Coefficienten. (9; 175;)

1856. Celstus berechnet nur, wie groffer Unterschied der Hohen einer Linie Quecksilber gehore. Ich sehe nicht, daß dieses viel lehret, und der Retur ist es deswegen nicht ganz gemäß, weil man ben

ben einem groffen Unterschiede ber Soben nicht an. nehmen barf, baß eine linie Quedfilber an ber oberften Granze ber Sibe swiel beträgt als an ber unterften. (60)

Celsius rechnet z. E. so: In 244; I; IM beträgt der Unterschied der Höhen 1003 Fuß, die Barometerstände 9, 3 linien, also giedt eine linie 107½ Fuß. Aber eine linie Barometervera änderung auf dem Gipfel des Grufrisberges ers sodert eine längere luftsänse, als 1003 Fuß tiesen; ihre längen verhalten sich wie 25, 74; 24, 81 = 1,037: 1.

257. Celsius Ersahrungen mit andern zu vergleichen, muß man sie in pariser Maasse ausdrukten. Aus Celsius eigner Angabe, in den Abh. für 1739; und 1740, im 1. B. der Uebers. 256. ist der schwedische Fuß zum Pariser = 1: 1,0943.

258 Daraus bie schwedischen Decimalzolle in die pariser zwölstheiliche verwandelt, finde ich ben Barometerstand in 247; 1111; = 27 Zoll 4, 97 ober kurz 5 kinien pariser Maaß.

259. Wollte man Formeln, aus Celfius Beabachtungen hergeleitet, mit andern vergleichen, so nunfte man bende auf einerlen Maaß bringen. Zum Benspielt sese man f: y sen eine gegebene Benhaltniß zweener Barometerstande, ben Mapar und ben Celfius. Ob jener parifer zwalftheiliche D 2 Bolle, dieser schwedische zehntheiliche braucht, barauf kömmt hie nichts an, wenn die Werhaltnis einerlen ist, so bekommen bende einerlen log (f: y)

Diesen logarithmen nun multiplicirt Mayer mit 60000, um die Höhe in pariser Fuß zu bestommen, angenommen wie ich hie thun muß, daß er Fusse berechnen wollte, da er sich nur auf Lois sen einschränkt.

- Also mußte er eben den logarithmen mit 60000. 1, 0943 = 65658 multipliciren, wenn Eschwedische Fuß berechnen wollte.

Das ist etwas grösser als ber I. Coefficient in (a52). Und so wurde man für einerlen Barometerstände, nach Mapers Regel, etwas größere Höhen bekommen, als nach einer Formel, die ermähnten Coefficiente brauchte.

Wallerius Erfahrungen habe ich in ber Vorrebe zu meiner Uebersehung des III. Bandes der Abhandl. der Kon. Schwed. Akad. erzählt.

Schobers Erfahrungen.

260. Im alten Hamb. Magaz. III. B. 250 G. befinden sich barometrische Beobachtungen, in den polnischen Salzgruben Wieliczka und Bochmia, d. 7 u. 22. Nov. 1743 angestellt. Sie sind von Hr. E. G. Schober, der durch seine Schrift von der Ueberwucht bekannt ist, die jesso alle Mathematikverständige als das einzige Werk seiner Art rühmen, mo Poorie mit Ersahrungen verglichen ist.

ift, und zu der ich vordem mit groffer Muße; in Leipzig einen Verleger fand, der zur Erkenntlickfeit dem Verfaffer einige Eremplare gab. Er hatte, unter dem Vergrath Vorlach, Aufsicht über die polnischen Salzgruben gehabt, hielt sich um 1748 als ich mithm Umgang hatte, ben demfelben in Kösen ben Naumburg auf, von da er mir unterschiedene Aufsäse sur das hamburgische Magazin geschieft hat, und ist vor einigen Jahren als churstächs. Vergrath gestorben.

261. Schober hat die Dresdner Elle gebraucht in 24 Zoll, den Zoll in 12 Linien getheilt. Eben solche Zolle auch benm Barometer, dessen Borrichtung er beschreibt. Er hat am Ende jeder Reihe von Versuchen den Barometerstand an dem Orte, wo er angefangen, wieder so gesunden, wie im Unsfange.

Er hat ben seinen Versuchen von oben angefangen und immer bemerkt wie das Barometer in grösserer Teuse gestiegen ist. Ich will die Zahlen davon nach der Ordnung hersehen, die Varomez terstände in Linien ausgedruckt.

| 262. | Den 7. Nov. | • |
|------|-------------|---------|
| • • | Leufe | Bar. |
| I | 0 | 372,5 |
| 11. | 190 | 377 |
| 111 | 310 | 380 |
| HII | 420 | 383 |
| A | 570 | 387 |
| | ., . | (Q) (3) |

262. In

263. In einem andern Schachte als (261) 12c Ellen unter Lage, so tief als 262; III, stund das Quecksiber eben wie borten. Aber im Liefsten des Schachtes 225 Ellen unter Lage, stund es bep 382, 5.

In biesem Schachte waren nach bergmannischen Ausbrucke keine Wetter, so daß das Licht nur mit Muhe schwach brennend konnte erhalten werden.

264. Den 22. Nov.

| | Leufe | Var. |
|-------------|-------|--------|
| 1 | o , | 371 |
| II | 70 | 373 |
| H | 246 | 377,33 |
| I:II | 452 | 382 |
| ·· V | 613 | 386 |

265. Ich habe nur aus 262; I; V; ben Coefficienten nach (39) berechnet, und feinen logarithmen = 4,5361673 gefunden. Ich sehe nähmlich V als die unterste Stelle, 1 als die oberste, an.

Zur Probe habe ich x für y = 380 berechnet, und = 272, 45 gefunden; das ist eine Höse über der Stelle V; und läßt, von 570 abgezogen, die Tiefe unter der Stelle I; Diese Tiefe kömmt also 307, 54. Schober giebt sie 310; Also trifft die Rechnung mit seiner Messung erträglich zusammen.

266. Wenn ich nach diesem Coefficienten berech.
ne, wie hoch über V die Stelle ist wo y = 382, 5, so finde ich 174, 58.

Diese Stelle ware also 395, 41 tieser als I; Und 85 tieser als III. in (262).

267. Meine Absicht ben nachst vorhergehender Rechnung war, etwas von den Folgen des Wetcermangels zu erkennen. In (263) ist die Stelle, wo das Barometer 382, 5 steht, 105 Ellen tiefer, als die, wo es 380 wie in (261; III) stand. Man muß sich also vorstellen, die kust im Schachte wo die Wetter mangelten sen dünner, oder richtiger wohl, weniger elastisch gewesen. So war eine halbe kinke Uenderung benm Quecksilber zu verursachen, eine Saule etwa 20 Ellen länger als in (265) nöthig.

268. Ich habe auch aus 264; I; V; ben Coefficienten berechnet, und seinen Logarithmen = 4,5515938 gesunden.

Nun berechnete ich daraus für y = 377, 33 (264; III; es follte eigentlich 377 linie fenn), x = 351, 35; dieses von 613 labgezogen, giebt die Stelle, für die ich gerechnet habe, 261, 64 uns ter der obersten. Schober aber giebt sie 246, so sehlte die Rechnung um 15 Ellen.

Sege ich aber y = 377; so finde ich x = 364, 87 und bas von 613 abgezogen, giebt biese Stelle 248, 12 Ellen unter der obersten, also nur D 4 um

um ein paar Ellen von Schobers Angabe unter. schieden.

Solchergestalt trifft auch hie die Rechnung ziemlich zu, weil die Schäsung von i linie boch nicht ganz sicher ist.

269. Da also die Coefficienten, welche aus Schobers Angaben folgen, nicht ganz unbrauchbar scheinen, so hielt ich der Muhe werth, aus ihnen die zu berechnen, welche man brauchen mußte, aus den

Barometerständen, Höhen in Toisen zu finden.

Beißt einer ber benden jego berechneten Coeffleienten = C; so ist

x = C log (f: y), Dresbner Ellen.

270. Aus Krusens Contoristen, in ber VI Lafel, die am Ende bes I Theils befindlich ift.

Dresdner Elle = 250, 9 parifer Linien,

. Des Bruchs, welcher in die Toisen multiplicirt ist, logarithme ist 0,4629870 — 1.

271. Also, C.
$$\frac{250,9}{864}$$
 = D. gesest, ist

x = D. log (f: y) Toisen.

 $\mathfrak{B}_0 \log C + \log (250, 9:864) = \log D_0$

272. Da finde ich nun log D | aus

272. Die

272. Diefe benben Coefficienten, bie man brauden mußte für Toifen zu rechnen, find jeber nicht fo gar weit von Mayers feinem unterschieben-

273. Noch kann man Schobers Barometerstänbe in parifer Maasse ju wissen verlangen. Ich will ben hochsten unter allen (261; V) berechnen.

Die Dresbner Elle halt 2. 144 = 288 Dresbner kinien, also ist die Dresbner kinie = $\frac{250, 9}{288}$ pariser kinien.

Der logarithme hievon zum logarithmen von 387 abbirt, giebt ben von 337, 14.

Also ist dieser Barometerstand 28 Zoll 1, 14 Linien pariser Maaß.

274. Das war der Barometerstand, vermuthe lich in der größten Teufe, in welche Schober komemen konnte; 380 Ellen unter Tage, aber 570 Ele len unter dem Gipfel eines Berges, der über den Horizont, von dem jene Teufe gerechnet wird, 190 Ellen hoch war.

275. Dieser Barometerstand ist ohngefahr ber, ben man am Meere annimmt, eher noch etwas bober.

Ob das Barometer zur selben Zeit überhaupt hoch gestanden hat, liesse sich wohl ausmachen, wenn man barometrische Beobachtungen desselben Jahres aufsuchen wollte, wozu ich aber keinen Beruf empfinde.

Ich bathte es ware genug zu bemerken, daß Pohlen ein ziemlich flaches tand ift, wo man, fo tief unter seiner Flache, wohl im Horizonte des Meeres, oder gar noch niedriger, senn könnte.

Verhaltniß der Soben zweenet Gerter über einem Dritten, aus den Barometerständen.

276. I. Man seke, bren Barometerstände, in ber Ordnung, daß der größte zuerst genannt wird, heisien p; q; r; Ueber den Horizont wo derverste statt findet, sen der Horizont des zwenten, um Q, des dritten um R erhoben.

li. Mariotte, Hallen, Scheuchzer, Horrebow, Bouguer, Maper, stimmen darinnen überein, daß Q = k. log (p: q); R = k. log (p: r). Nur nimmt jeder für k was anders an.

III. Also sind sie auch barinnen eins, daß Q: R = log (p: q): log (p: r).

1111, Ober: Wenn man annimmt bie Diche te ber Luft verhalte fich wie die Rraft, mit welcher fie gebruckt wird; fo folgt ber allgemeine Cag:

Die Sohen zweener Horizonte über einen nies brigern, verhalten fich wie die Unterschiede ber togarithmen der Barometerstande jedes Horizonts und des niedrigsten.

V. Weiß man also anders woher, die Höhe eines ber bren Hotigonte über den niedrigsten; so giebt

giebt bie Regel Detri des andern feinen, ohne daß man daben zu entscheiden braucht, welcher von den genannten Gelehrten, in Absicht auf den Coefficienten, mehr Recht hatte.

VI. In ber That batte man sich alsbenn felbst einen Coefficienten bestimmt, wie aus (39) erhellt.

VII. Nach Hrn. Dan. Bernoullis Formel, fande sich die Verhaltniß der benden Höhen über einen Horizont so: Der niedrigste Horizont habe über das Meer die Johe H; so ist (181)

$$H = \frac{22000. c}{p} - 22000$$

$$H + Q = \frac{22000. c}{q} - 22000 Ms$$

$$Q = \frac{22000. c. (p - q)}{p. q} Und eden so$$

$$R = \frac{22000. c. (p - r)}{p. r} Daher$$

$$Q: R = \frac{p - q}{q}: \frac{p - r}{r}$$

VIII. Bollte man also nach Hr. Dan. Bern. Grundsäßen rechnen, ohne seinen Coefficienten 22000. c zu brauchen, so könnte man auch eine Höhe Q, geometrisch messen, und die Barometer-flände

stände an ihren bepben Granzen beobachten. Das gabe wieder jede andere Sohe, für die man ben Barometerstand weiß, durch eine Regel Detri.

Br. de Luc.

277. Eines ber hauptsächlichsten Werke für gegenwärtige Untersuchungen, sührt ben Litel: Recherches sur les modifications de l'Atmosphére... par I. A. de Luc, Citoyen de Geneve; Corresp. des Acad. Roy. des Sc. de Par. et de Montpellier Genf 1772. 4°. I. Th. 416 S. II. Th. 481 S. nebst einigen Rupsertaseln. Es ist eben burch Versuche Höhen mit bem Barometer zu messen, und die Uneinigkeit unter ben hiezu vorgeschriebenen Regeln veranlaßt worden.

278. Den Unfang macht die Geschichte bes Barometers, unterschiedene Vorrichtungen, leuchtenbe Barometer, Beranberungen im Barometer. ftanbe und Sypothefen ber Maturforfcher beswegen. Bemuhungen mit bem Barometer Soben zu mef fen und bie unterschiebenen Regeln aus bent Barometerstande bie Boben zu berechnen. In biefem litterarifchen Theile feines Werks zeigt Br. be & febr viel Belefenheit, in Allem, mas zu feinem Begenstande gehort, und richtige Renntniß, beffen was bavon ist gelehrt worben. Die Regeln mit bem Barometer Sohen ju meffen, tragt er fo vor, wie sie von ihren Erfindern sind gelehrt worden; er erinnert auch richtig, bag bie meiften biefer Res geln.

geln, nur in bem Coefficienten unterschieben find, ber auf die Dichte ankommt (De L. T. I. S. 265.)

279. Hr. de kuc hat sich die Mühe gegeben, nach jeder der unterschiedenen Regeln, eine Tasel zu berechnen, die sich benm 334. I. seines ersten Theils sindet. Sie enthält Barometerstände durch alle Zolle, von 28 die 16; und noch 27 Zoll II kinien, auch 15 Zoll is kinien. Der leste ist vom Hrn. de la Condamine auf einem Berge der Cordelie're, Nahmens Corason beobachtet worden. Der niedrigste den man noch in freyer kust beobachtet hat, (Cond. Voy. à l'équateur. . . p. 58) Die geometrische Messung hat diesen Berg 14820 Fuß hoch gegeben.

Für jeben bieser Barometerstände hat fr. be 4. nach jeber Regel bie Sohe über ben Horizont berechnet, wo bas Barometer 28 Boll steht.

280. Bur Probe will ich feine Zahlen für ben Barometerstand auf bem Coraçon hersegen, und daben bas Facit meiner Rechnung nach ben Grundstägen eben diefer Regeln, nur nach meinen Formeln geführt.

281. Damit man meine Nechnung leichter prüfen kann, erinnere ich, baß ich für sie zuerst ben höchsten und ben niedrigsten Barometerstand burch 336 = f und 190 = y Linien ausgedruckt habe; Ferner ist log (336: 190) = 0, 2475857 = N

= N umb burch Proportionalthelle; log N = 0,3937255 — 1; Alfo, für jede ber Regeln bie nach (39) bewerkstelligt werden x = B. N.

282. Diese Regeln sind vom Mariotte (18), Horrebow (67), Scheuchzer (84; 93). Es gehören barunter auch die vom Bouguer (117) und Mayer (217), ob man wohl der diesen berden, wegen der besondern Beschaffenheit ihres Coefficienten, die Rechnung noch leichter sühren kann. Noch sinden, sich auch Formeln nach Daniel Vernoulli (172) und Cassini (203). Für Maraldis Voraussesung (202; II) habe ich keine Formel berrechnet.

283. Nach, jeber der jest genannten Regeln nun, hat Hr. de & eine Tafel berechnet, Mapers feine, wie leicht zu erachten, ausgenommen. Und zwar nach Mariotten, zwo Tafeln, eine die er: nach Mariottens Grundfäsen, nennt, nähmlich: die Schichten jede einzeln berechnet, und zusammen addirt (59) die zwepte, durch Verwandelung der eigentlichen Progression in eine arithmetische.

Die Höhen sind von Hr. de & in pariser Fussen und zwölftheilichen Bollen ausgedruckt. Diese Genauigkeit ist bie nicht undienlich die Resultate der Rechnungen gegen einander zu halten, obwohl sonst Hrn. de kur nicht unbekannt senn kann, daß keine Regel von ihrem Ersinder nur dis auf einzelne Jusse für zuverlässig angegeben wird.

Maper

184. Aus biefen Tafeln seige ich nun die lesten Glieder her, und schreibe neben jedes, was meine Rechnung mir giebt (282). Beträchtliche Unteraschiede zwischen meiner Rechnung und Hr. de kur seiner, kommen nur da vor, wo Hr. de & nach seinem Versahren Schichten, und also hie, beren viel, hat abdiren muffen, wie benm Mariotte, Horrebow, Cassini, und so bestätigen sie, wie wichtig ben gegenwärtiger Untersuchung, der Gestrauch solcher Formeln ist, die man am bequemsten durch die Integralrechnung sindet (59).

Benm Mariotte, giebt Hr. be i. mehr an, als ich, und follte weniger angeben. Ob ich mich verrechnet habe, wird man leichter prüfen, als ob er sich verrechnet hat. (61)

285. Boben des Coraçon; nach unterschiedenen Berechnungen.

| 1000.000 | ion coordinant | gene |
|--------------------------------|-------------------------------|--------------------|
| Mariotte Grundfäße | Hr. de luc 12087 F. 2 Zoll | Meine Nechu. 12049 |
| Mariotte arith. met. Progr. | 13167 4 | |
| - Hallen | 14486 1 | 14486 - |
| Maraldi | 19941 | |
| Scheuchzer | 12386 5 | 12386 |
| Caffini | 16090 | 16217 |
| Dan. Bernoulli | 16905 3 | 16905, 26 |
| Horrebow | 14334 4 | 14344, 2 |
| Bouguer ! | 14359 11 | 14359, 9 |

Mayers Regel giebt, Decimalbriche zum Ueberflusse mit hingeschrieben, 2475, 857 Toisen = 14855, 142 Fuß.

Ift es ein glucklicher Zufall, daß Mann bie am nachsten zutrifft? (279)

286. Nun tragt Hr. de L. Erfahrungen von der Verfertigung und dem Gebrauche der Varoms ter und Thermometer vor. Als die vornehmste Ursache, warum Varometer nicht miteinander über einstimmen, giebt er wie natürlich die Luft über dem Quecksilber an. Wer die Wirtung dieser Luft allgemein übersehen will, darf sich nur an (7) erinnern; Wenn sich über dem Quecksilber noch n mahl dunnere Luft als die natürliche besindet, so ist (7; X und XIII) die Höhe des Quecksilbers in

der Röhre oder $g - y = \frac{n-1}{n}$ f; Es sieht

nahmlich allemahl um $\frac{1}{n}$ f niedriger, als es in einem vollkommenen Barometer senn wurde. If n = 96; f = 28 Boll, so steht es nur 27 304 8. Linie hoch.

287. Wenn in zwen solchen Röhren gleichviel tuft über dem Quecksilber ist, so with sie in ber dumner senn, in welcher der Raum über dem Quecksilber, y, grösser ist; (7; XIII) Also könnte man darauf fallen, diesen Fehler durch langs Röhren zu vermindern, Daben erinnert Hr. de

daß in diesen leeren Raum über bem Quecksiler, tuft aus dem Quecksilber aussteigen werde. Dieses Quecksilber kann nach Gelegenheit, mehr der weniger tuft enthalten, an den innern Wänden er Röhre hängt tuft, und wenn so der leere Raum ber dem Quecksilber nur dadurch soll erhalten weren, daß man die Röhre ganz mit Quecksilber süllt nd es alsbenn heraussallen läßt, so bleibt immer i diesem Raume eine unbekannte Masse tuft, die och dazu, durch Feuchtigkeit und Wärme, sehr erschiedentliche Feberkraft bekommen kann.

288. Hr. de Lempfiehlt daher, das Queckfilser felbst in der Röhre kochen zu lassen, und zeigt die Borrichtung genauer und übereinstimmender Barometer und Thermometer, auch wie sie eingesichtet werden, auf Bergreisen zu dienen. Dieses die bezzuhringen, müßte ein grosser Theil des Buchs abgeschrieben werden, ich schränke mich also darauf ein, was die Abtheilungen von Irn. de: Werkzeugen betrifft, daraus man seine Beobeichtungen verstehen kann.

289. Zum Barometer braucht er eine durchus gleich weite Robre, also in einen fürzern
Schenkel auswärts gebogen. Die Scale dazu
ichtet er folgendergestalt ein: Man stelle sich diee gebogene Röhre ansangs an benden Enden offenver, und in ihr das Quecksilber, damit sie soll geklit werden. Das sest sich also in bende Schenu in eine Horizontallinie. In diese Stelle schreibt

er an jeden Schenkel o. Mun trägt er parifer Bolle von diesen bepden Gränzen, am langen Schenkel auswärts, am kurzen, welcher offen bleibt, niederwärts. If nun alsdenn das Barometer zugerichtet, so addirt er die Zahlen, ben denen das Quecksiber im langen, und im kurzen Schenkel steht. Stunde es im langen, verschlossenen ben 20, im kurzen offenen, ben 7; so wurde eine Quecksilbersäule, 27 Zoll hoch, durch die Atmosphäre erbalten. §. 485.

Er hat in ber Scale bie Bolle bis auf Biertheillinien mit Strichen getheilt, und traut fich zu, Zwen und brenftigtheile anzugeben. §. 486.

Uebrigens gesteht er, daß solche Varometer zu ben täglichen Witterungsbeobachtungen nicht recht bequem senn wurden. §. 386.

290. Barometer ganz ohne kuft zu haben, erklart Hr. de & für unmöglich. Aber nach seinem Berfahren wurde in jedem Barometer nur wenig kust übrigbleiben, in einem ohngefähr so viel als im andern; Und so glaubt er, wurde sich der Sinfluß der Wärme auf das Barometer bestimmen lassen.

291. In dieser Absicht hat er im Winter, Barometer und Thermometer, in einem kalten Zimmer beobachtet, das Zimmer geheißt, und nun
bemerkt, was für Uenderungen der Varometer und
Thermometer zusammen geschehen. Die Versichtigkeiten

tigkeiten mit denen er diese Versuche angestellt bes schreibt er 362 u. f. S. Das Resultat derselbenisk folgendes:

292. Wenn der Barometerstand 27 Zoll war, und die Warme so geandert ward, daß das Thermometer vom Epspunkte bis zum siedenden Wasserstieg, so wuchs die Höhe des Quecksilbers im Barometer genau um sechs linien.

293. Weil biese sechs Linien 96 Sechszehnstheile betragen, so theilt er an einem Thermometer ben Abstand erwähnter benden Punkte, in 96 Theile; ein solcher Theil Uenderung des Thermometers stimmt also mit to Linie Uenderung des Barometers zusammen.

Nun schien ihm nothig, einen Grad der Wars me für die Gränze an seinem Thermometer zu wähsten, über und unter welcher die Verbesserungen zu machen wären. Hiezu sand er den achten Theil des ganzen Abstandes der benden äusersten Punkte, Von unten herauf gerechnet, am bequemsten, word von er die Ursache S. 372 angiebt. Da sest er also 0 hin, zählte von da; — 12 Grad bis an den Enspunkt herunter und + 84 bis an das sies dende Wasser hinauf.

294. Ben einem andern Barometerstande, als bem nach welchem sein Thermometer abgetheilt war (292), berechnet er die Anderungen nach ber 3 2 Regel,

Regel Detri, und giebt §. 374; folgendes Erempel: Es besinde sich ein Barometer auf einem Berge ben 13½ Boll, das andere am Fusse desselben ben 27 Boll. Ben jedem ist ein Thermometer. Stehn bende Thermometer ben, so ist nichts zu verbessern. Wären sie aber bende ben — 16; so addirt er zum Barometerstande am Fusse des Berges & sir nie — 1 linie. Für das dus dem Berge, macht er die Proportion: Wie 27 Zoll zu 13½ einer linie, sie zu 13½ Zoll müssen addirt werden; diese Menge ist 13½ Zoll müssen abdirt werden; diese Menge ist 13½, und die addirt er zu dem Barometerstande auf dem Berge. Wären die Thermometer bende plus, so müste eben auf diese Art abgezogen werden.

295. Hr. be kuc erinnert felbst S. 370, baß bieses Verfahren sich barauf grunde, baß bie Quecksilbersaule, von gröfferer Warme langer, von geringerer kurzer wird.

Aus feinen Erfahrungen alfo muß man ans nehmen, er habe sie zu einer gewissen Zeit 27 Zoll lang gefunden, und daben sein Thermometer (293) ben 0.

Aenbert sich sonst nichts, als daß die Warme m seiner Theile über sein o steigt, und was daraus erfolgt, so verlängert sich die genannte Quecksilbersäule um soviel Sechszehntheile einer Linie.

Und

Und verfürzt fich um soviel, wenn bas Thermometer m Theile unter o fteht.

Sieht man die Theile über ober untero, wie gewöhnlich, als bejaht ober verneint an, so läßt sich die Bergleichung so abfassen:

296. Man nenne ber Rurge wegen To lin. ==

Barometer Thermom.

27 ± m. e ± m

297. Soviel ist also richtig: Wenn in Hr. be Erempel (294) zu der Zeit da sein Thermometer — 16, das Barometer 27 Zoll — 1 linie beobachtet wurde, so mußte man sagen, es wurde für 0 des Thermometers, ben 27 Zoll stehn.

298. Aber umgekehrt, wenn es für — 16 bes Thermometers ben 27 Zoll steht, läßt sich nicht ein gentlich sagen: Es würde sür o des Thermometers ben 37 Zoll + 1. Linie stehen.

299. Das eigentliche Verfahren wird fich burch folgende Rechnung entbeden:

Ich nehme an, mit Dr. be & S.'370; ben gleicher Aenderung ber Warme andern sich bie Langen von zwo Quecksilbersaulen in ber Verhalbniß ber langen selbst; So:

Saulen 2 b Aenderungen u. e z. e

fo iff $z = \frac{b. u}{2}$

300. Nun also setze man ben —m bes Thermometers werde die Quecksilbersaule 27 beobachtet. Wie viel andert sich diese Quecksilbersaule, indem sich bas Thermometer von — in bis o andert?

Aus (296) ist flar, baß sich ben biefer Aenderung bes Thermometers die Saule 27 — n. e um n. e verlangert.

2016 Schließt man

 $27 - \text{m. e: } 27 = \text{m. e: } \frac{27}{27 - \text{m. e}} \text{.me}$

Das leste Glied diefer Proportion zeigt, um wieviel sich die beobachtete Quecksilbersaule verlängert; over: wieviel man zu den beobachteten 27 Zollen abdiren muß, die länge zu bekommen, welche für bas Thermometer ben o gehört.

Für m = 16 beträgt es 324 linie.

301. Allgemein ware die Rechnung so anzusstellen: Man beobachtet den Barometerstand B Zolf = B. 12. 16. e, da das Thermometer ben m steht. So gehörte zu o des Thermometers ein Barometerstand, der um x. e vom Beobachteten unterschieden ware.

Ist ben in der beobachtete. Baromeeerstand (27. 16. 12 + 111). e, so andert sich verselbe um m. e, wenn fich bas Thermometer von m bis o andert. (296).

Also nach (299)

27. 16. 12 + m: B. 12. 16 = m: x ober $x = \frac{m, B}{27} \cdot \frac{1}{1 + m: 27. 16. 12}$

Mun wird m gewiß nicht ± 84 (293)

Also ist, was in bes zwenten Bruchs Menner zur 1 abbirt, immer viel kloiner als 7: 27. 16 ober als 3. Man kann also biefen zwenten Bruch ohne merklichen Fehler für 1 annehmen.

Und so ist $x = \frac{m \cdot B}{27}$; hrn. de lucs Regel, in völliger Scharfe nicht richtig, aber so weit, sie angewandt wird, ohne merklichen Fehler brauchbar.

Die bisherige Rechnung fest ben Barometerstand in Zollen ausgebruckt. Ich will nun annehmen, er sey in Linien gegeben. Also ber unverbesserte Barometerstand B Linien;

So ist die Verbesserung m. B 27. 12. 16 linien.

Die Zahl im Menner ist 5184; Und

 $\log \frac{1}{5184} = 0,2853349 - 4 \text{ bem bennahe}$ Die Zahl 0, 00019290 gehört.

Alfo ift ber verbefferte Barometerftanb = B.

Bo man des zwenten Factors legtes Glied leicht mit den Logarithmen berechnet.

So wurde ich am liebsten rechnen. Hr. te E. sücht die Verbesserung in Sechszehntheilen einer Linie, und bruckt also auch den Varometerstand so aus:

302. So hat hr. be & ben unterschiedenen seiner barometrischen Beobachtungen die Berbesserungen wegen der Barme berechnet; Wenn aber die Barometerstände sehr unterschieden sind, und man viel Beobachtungen macht, schlägt er vor, die Scale des Thermometers in der verkehrten Verhältniß der Barometerstände zu andern, daß ein Theil der Scale, allezeit unmittelbar, Sechszehntheile von Linien giebt. Wie die hiezu nöthigen Zeichnungen zu machen sind, lehret er h. 490 u. s.

303. Hr. de & sucht hiedurch Rechnungen auszuweichen, ganz leichten, die aber frenlich alle Augenblicke vorkamen. Indessen murbe wohl Mancher lieber diese Rechnungen machen, als so viel eigne Scalen zeichnen. Und wenn man solche Beobachtungen miteinander vergleichen, und allgemeine Sage daraus herleiten wollte, so muß-

ce man doch diese Scalen alle wieder in eine einzige verwandeln. Bu dieser Absicht wäre es selbst dienlicher gewesen, wenn Hr. de L. durchaus eine schon bekannte Abtheilung, etwa die reaumurissche, oder weil diese selbst zwendeutig ist, eine and dere bestimmte, gebraucht hätte, anstatt die Thermometerscalensprachen, deren Menge uns so schon, ohne den geringsten Rusen beschwert, noch mit einer de lucischen zu vermehren, und von dersselben ohngesähr soviel Dialecte zu machen, als Bolle Aenderungen im Barometerstande sind.

304. In die Fahrenheitische, die ein Deutscher immer benbehalten mochte, nicht nur weil sie die beutsche, sondern auch, weil sie zur Ehre unsers Baterlandes, die alteste, richtige Thermometersprache ist, in diese, liesse sich hr. de tuc seine so übersegen:

Zwischen o und Wom Chöpunkte bis an den Siedpunkte sind 180 Fahrenheitische Grad, und 96 de kucische; Also 15 Fahr. = 8 de kuc.

hrn, be lucs 0; ift 12 feiner Grabejuber ben Enfipuntt, ben Fahrenheit mit 32 bezeichnete.

Also ist Hr. de & 0; ben 32 + \frac{15. 12}{8}

eder 54, 5 safr. Srad.

Und ein Grad, ber ben Hr. be wie m beißt, ift ben

... Wenn m = + 16; so ist vieser Grad
54, 5 - 30 oder 24, 5 Fahrenh.

Und, ben'27 Zoll Barometerstande, gehort fr. be i. Erfahrung gemäß, To einer Linie Uenberung im Barometerstande wegen ber Barme, ju 1, 875 Fahrenheitischen Graden Aenberung ber Barme.

Soll ein Grad, ben Br. de L. mit in benennt, benm Fahrenheit M heissen, so ift

M = 54, 5 + m. 1, 875 ober

$$m = \frac{M - 54, 5}{1, 875} = \frac{M}{1, 875} - 29,$$

0666. . . .

Man verwandelt so jeden fahrenheitlschen leicht in den de kucschen; Weil log (M: 1875) = log M — 0, 2730013.

Ober man hat auch
$$m = \frac{8 \text{ M}}{15} \rightarrow \frac{1}{2} \text{ M}$$

 $+\frac{1}{30}$ M - 29, 0666

305. Hr.

305. Hr. be k. hat Höhen, auf benen er Badometerstände beobachten wollte, geometrisch und unch durch nivelliren gemessen. Die grosse Sorgialt, die er hieben angewandt, beschreibt er H. 508 1. f. Auch eine Vorsichtigkeit, wenn man eine Höhe unmittelbar mit einem kothe mist, wo das Gewicht die Schnur ausbehnt, welche Unrichtigkeit auch der Hr. v. Oppel Markscheibek. J. 418. bemerkt, und ihrentwegen Vorschriften gegeben hat, von denen sich die beste frenlich nur in Schachten wo Fahrten sind bewerkstelligen läst.

306 hr. de & stellt sich die kuft in Schichten nach Mariottes Urt getheilt vor, und zeigt S. 549; weitläuftig, wie man die Summen dieser Schichten findet, nachgehends bemerkt er, aus Bouguers Unterrichte, daß diese Summirung sich durch Abzug der Logarithmen bewerkstelligen lasse. §. 555.

307. Durch die Ersahrung hat er gefunden s. 561; daß ben einer gewissen Temperatur der Luft, wenn das Barometer ben 29 Zoll oder 348 Linien steht, die unterste Schicht 12497 Tausendtheile einer Toise ist.

308. Diese Temperatur muß 163 eines Thermometers gewesen senn, das zwischen ben festen. Granzen (termes fixes) in 80 Theile getheilt ift. 6. 588.

Da diese festen Granzen, Enspunkt und Sies depunkt sind, so sind diese 80 Theile = 180 fabrenbeit.

renheit. Graben ober ein folcher Theil = 2 Zahr. Graben;

Das Thermometer, das vom Enspunkte zum Siedepunkte 30 Grade zählt, wird wie Hr. de Lemelbet oft das reaumurische genannt; (denn man nennt auch wohl das reaumurische, wo dieser Grade 30 sind, dessen Vergleichung mit dem fahrenheitischen ich im II. Th. meiner Unfangsgr. der Mathematik gezeigt habe.)

Der Grad, welcher die erwähnte Temperatur anzeigt, ist $\frac{16, 75 \cdot 9}{4} = 37, 6875$ Fahren- heitische Grade über den Enspunkte.

Abdirt man dazu 32; die Zahl der Fahren heitischen Grade benm Enspunkte, so steht diese Temperatur benm 69, 6875 Fahrenheitisch. Grade.

Zählt man, über die Stelle dieser Temperatur bejahte Grade, unter sie verneinte, von der Grösse wie ihrer so zwischen Enspunkt und S. 2B. enthalten sind, so sind n solcher Grade ben 69, 6875 + n. 2, 25 Fahrenh. Grad.

Diese Scale, wo o ben 163 Graden über bem Enspunkte steht, so baß zwischen Enspunkt und S. 2B. 80 Grade sind, nun aber Grade dieser Broffe, über oder unter o gezählt werden, will ich D nennen.

309, Beil log (348: 347) = 0, 0012497; So giebt die Erfahrung (307) in (39) gebraucht = 12,497 und den Coefficienten = 10000.

310. Also, ist nach Hrn. de lucs Erfahrungen über den Horizont, wo der Varometerstand 29 Zoll ist, die Höhe 10000. log (348: y) und über einnem andern, wo er h linien ist, die Höhe 10000. log (348: h) und folglich zwischen den benden Stellen, wo die Varometerstände h und y linien sind, die Höhe 10000. log. (h1 y)

311. Das ist also völlig die Regel nach ber Maper seine Tafel gemacht hat (219).

Ich zweisele, daß in dem Jahre, da Mayer seine Tasel Hrn. Prof. Hollmann muß mitgetheilt haben, (233) überhaupt etwas umständliches von diesen Bemühungen des Hrn. de L. bekannt gewesen. Und so hatte Mayer seine Tasel auf Vorschriften gegründet, die Hr. de L. ohne was von M. Taseln zu wissen, auch durch seine Ersahrungen herausgebracht hat.

312. Anstatt aber, eine so leichte Regel, aus seiner Erfahrung herzuleiten, handelt nun Hr. de L. S. 562 u. f. sehr weitläuftig von Abtheilung der Atmosphäre in Schichten, deren jede einer linie Quecksiberfall gehört. Solcher Schichten macht er 348; und betrachtet sie auf zweiterley Art, einmahl; als wenn in jeder die kust durch

aus fo bicht mare als an ber oberften Granze , bars nach. als wenn jede burchaus fo bichte Luft hatte als an ihrer unterften Grange. Das erfte giebt offenbahr die Schicht zu groß, bas andere zu flein (Man f. 60). Für jede biefer Voraussekungen nun lehrt Br. de &. eine Regel die Groffe jebn Schicht anzugeben. Es ift flar, daß fur bie lette die Formel bie fenn muß bie ich 60; V; gige ben babe. Fur die erfte, wenn die Groffe det Schicht V beißt, und die Barometerftande in & nien ausgedruckt werden fommt V = c. (f - 1): (y — 1) worauf auch Hr. de Lucs Regel § 562. hinauskommt. Diese Schichten nach jeber Bore aussehung berechnet, mußte man nun gufammen abbiren, Die Sobe fur einen gegebenen Barometer. stand zu finden, und fande solche Sobe einmabl zu groß, bas anderemahl zu flein.

Nun, durch diese Berechnungen der Schichten, die Art wie sie mussen addirt werden, und das zu groffe und zu kleine, windet sich Hr. de kfunf Blatter groß Quart durch, kömmt dahin, daß dieß auf eine unermeßliche Arbeit führte, die man gewiß wurde liegen lassen. Wenn nicht zu allem Glücke Neper die Logarithmen erfunden hätte.

Diese Witlauftigkeit entschuldigt er f. 577 pamit, daß die, wilche die Eigenschaft der Sop rebel kennen, gleich vom Anfange wurden gesehm haben, worauf es ankomme, für Andere aber wurde wurde fein Beweis, ber mehr mit ben phofifden Urfachen verbunden mare, verftanblicher fenn.

Hr. be luc fommt boch wieder zu seinen Schichten, und zeigt § 582 u. f., wie man ihre Summen berechnen, diese weitlauftige Arbeit abstürzen, und boch was der Wahrheit ziemlich nabes herausbringen könnte, . in dem Falle brauchsbar, wenn man etwa keine logarithmischen Tafeln hatte.

313. Run zeigt Hr. be L. wieviel die Barme ben Barometerstand andert; S. 587. u f. Er maaß Hohen geometrisch, und mit dem Barometer; sah, wo die Rechnung aus den Barometerstanden, durch die logarithmen geführt, mit der Messung überein traf; und fand ben diesen Beobachtungen daß die mittlere Barme, die (308) ans

gezeigte mar.

314. Nun ordnete er seine Beobachtungen von neuen so, daß er die, wo grössere Barme, und die wo geringere gewesen war absonderte, ben jeder Beobachtung merkte er sich die Warme an, und was die logarithmen gaben, in Jussen ausgedruckt. Ben jeder Station berechnete er die Summe aller Grade der Warme, über den vorhin angezeigten, und aller Höhen welche ihm die Rechnung gaben. Eben das that er für die Grade der Warme unter dem angezeigten; Uus jeder dieser benden Rechnungen nahm er das Mittel, verglich solches mit dem, was die logarithmen ben den Höhen zu viel oder zu wenig gaben, und so sand er, sür jeden Grad.

Grab ber Warme über ober unter bem angezeigten wie viel Fuß man zu ber berechneten Höhe abbi. ren ober bavon abziehen muffe.

Hiervon giebt er folgendes Erempel: Eine seiner Stationen ist 2582 Fuß über die gemeinschaftliche Grundlinie erhoben. Ben ihr hat er zu unterschiedenen Zeiten 17 Beobachtungen angestellt. Darunter war den achten das Thermometer niedriger, als der angezeigte Grad; Diese acht Thermometerstände unter angezeigten Grade als verneint angesehen, haben zur Summe — 33%.

Ben ben neun übrigen Beobachtungen gaben bie bejahten Thermometerstanbe jur Summe +

31 %.

Jede Summe mit der Zahl ihrer Beobachtungen dividirt, giebt Mittel; Die Hr. de & (ber Wahrheit so nahe als hie nothig ist) — $\mathbf{4}^{\frac{1}{\sigma}}$; + $\mathbf{3}^{\frac{1}{2}}$; sest.

Die Sohe ward durch die Logarithmen aus jeder der ersten acht Beobachtungen berechnet. Die Zahlen dieser Rechnungen machten zusammen

21037 Fuß.

Diefe Summe auch mit 8 bivibirt, giebt

bas Mittel biefer berechneten Soben 2630.

Die Höhen aus ben letten neun Beobachtungen berechnet, gaben jur Gumme 22875; Das Mittel aus ihnen 2542.

Wenn man jedes dieser Mittel aus berechneten Höhen mit der geometrisch gemessenen ver-

gleicht, so findet fich folgendes :

— 41 Grad

4 grad geben 48 Juß zu viel 40 zu wenig

7 3 Gr. U. ber 2B. geb. 88 Fuß U. b. Soben.

Folglich giebt i Grab Unterschieb ber Barme ohngefahr 114 Sug Unterschied ber Sobe.

315. So berechnet Hr. de & alle seine Beobachtungen, ben allen seinen Stationen, fand aber nicht überall Einsörmigkeit zwischen Vermindez rung der Wärme und Vermehrung. Weil er aber weder diesen Irrthum noch desselben Ursache kannte, machte er sich eine Tasel, wieviel Juß für jeden Grad der Wärme mußten geändert werden, und verbesserte darnach seine berechneten Höhen.

316. Nun ordnete er sich seine Beobachtungen bon neuem, mit Umständen der Witterung und der Zeit. Und da fand sich, daß alle, die um die Zeit des Aufganges der Sonne gemacht waren, abgleich wie die übrigen berechnet, allemahl dem Orte der Beobachtung weniger Sohe gaben. §, 593.

317. Er versicherte sich durch Vergleichung seiner Erfahrungen, die Warme sen am kleinsten venm Aufgange der Sonne, am größten, wenn der Zeit vorden sind, da die Sonne über dem Jorizonte ist, und ihre mittlere Grösse falle in den unften Theil dieser Zeit, oder kurz vor Unternang der Sonne, S. 595.

318. Die Ursache ber Ersahrung (316) scheint ihm §. 597. der Ostwind zu senn, der sich oft furz vor Aufgang der Sonne erhebt, wenn zuvor die Luft ganz still war. Er glaubt wenn so, bewegte Luft, an ruhende stosse, so werde die Luft der Shene auf die Berge gehoben, dergesteit, daß daselbst das Barometer höher stehe, als es der Warme gemäß stehen sollte; So werde sein Unterschied vom Barometerstande in der Sbene kleiner, als er sem sollte, und die Rechnung giebt dergestalt die Höhe zu klein.

319. Uebrigens halt er nicht für unmöglich, daß bie ermahnte Ausnahme, wegen ber Beobachtungen ben Aufgange ber Sonne, manchmahl wegfallen könnte, wovon vielleicht bie Urfache in der befondern lage ber Derter zu suchen ware.

320. Weil Hr. de & fein Gefes, nach dem die se Ausnahme sich richtete, entdeden konnte, so feste er diese Beobachtungen alle benseite. Sie fanden sich alle ben verneinten Graden der Warme. Und so mußte er, nach ihrer Weglassung, auch die Rechnungen (314) andern.

Von den acht Beobachtungen des dortigen Exempels, war eine den Aufgang der Some gemacht, die Wärme — 5 &; die Höhe die sie gob 2600. Er ließ sie weg, so kam, für die übrigen sieben, mittlere Wärme — 4; mittlere Höhe 2634;

Und num folgte aus diesen sieben, mit ben übrigen neunen zusammen, daß ein Grad Warme weniger, brepzehn Fuß Sobe nuhr giebt.

321. Durch biese Weglassung nun, erhielt er so viel Einformigfeit, daß die Verbesserungen der Höhen, für Grade über dem bestimmten Punkte, gröffer waren, als für Grade barunter S. 602.

332. Run suchte er (f. 607) für jebe feiner Stationen ble Berhaltniß, zwischen ber Sobe des Ortes, und der mittlern Zahl von Guffen, Die man, für einen Grad bes Thermometers, um ben bestimmten Punkt herum, abbiren, ober abziehen mußte; Imgleichen nach was fur einem Gefebe fich biefe Berhaltniffe anderten, wenn man fich auf eine ober bie andere Geite von biefem bestimmten Punkte entfernte. Dach Vollenbung biefer Arbeiten fand er, foviel Uebereinftimmung gwis ichen ben Verhaltniffen, bie er ben jeber Station gefunden hatte, und fo wenig Ordnung ber ihren fleinen Unterschieden, daß ihm einfiel, alle bie Bruche, welche biefe Berhaltniffe ausbrucken, ju combiniren. Das zeigte ihm: Um ben beftimm. ten Punft berum, verhalte fich bie Berbefferung, ber Hohe, für einen Grad bes Thermometers, wie 1 : 215; Und allgemein fagt er: Die Berbefferung für einen Grad des Thermometers plus ober mis nus, fen ju ber bobe welche bie logarithmen geben. wie 1: 215.

323, Diefen, mir etwas bunteln Ausbruck, babe ich mir burch ben Gebrauch erlautert; ben Hr. 21 a 2 be &. de L. in der Folge davon macht, und den ich bald erklären will. Er bedeutet also so viel: Das Thermometer (308) stehe n seiner Grade über seinemo; Die Höhe, welche man aus den Logarithmen sindet,

fen b; So ist die Verbesserung = $\frac{n}{215}$. b; und

die verbesserte Höhe = b. $(1 + \frac{1}{215}, n) =$

10000. (4 + $\frac{1}{915}$ n). log (f: y)

324. Fr. de L. aber fürchtet fich vor ben Bablen 215 und 163, die er ben feinem Thermometer brauchen mußte. (§. 608) Daber macht er eine neue Scale folgendergestalt.

Er macht bie Proportion 215: 500 = 80: 186. Diese vierte Proportionalzahl (sie sollte eigentlich 186 Fenn) giebt ihm, wieviel Theile zwischen bem Enspunkte und siebenden Wafer gemacht werben.

Nun wieder die Proportion 80: 186 = 163: 39 wieviel Theile vom o dieser Scale bis an den Enfipuntt herunter find. (Eigentlich waren ihrer 2036)

18 글을).

Auf bieser. Scale heißt das siebende Baster + 147; der Enspunkt — 39.

Wenn nun das Thermometer ben + c Graben biefer Scale steht, so ift die verbesserte Sobe

325. Aus biefer Formel, die Hr. be L. giebt, (§. 611) habe ich mich erst versichert, daß sein vor riger mir bunkler Ausbruck die Bedeutung habe, die ich ihm (323) bengelegt.

Diese neue Scale, die Hr. de kuc macht, heise se E. So sind (308) 80. Theise von D = 500. 80

Theise von E; oder 43 von D = 100 von E.

E; 16, 75. 100 Theile von E ober 38 44 folches

Theile.

Diefes 0 und das von D find an einer Stelle.

Auch find c Grade von $E = \frac{43 \cdot c}{100}$ Graden

on D.

Man setze biese Bahl = n; also c = $\frac{100. \text{ n}}{43}$

So wird $\frac{c}{500} = \frac{n}{215}$ and Hrn. de {. Forestel (324) verwandest sich in meine (323).

Ein Grad von E ist 0, 43. 9: 4 = 0,9675 threnh. Grad.

326. Benn man in (308) 0, 43. c statt n ft , fo erhellt folgendes; (weil 0, 43. 2, 25 = , 9675).

c Grade der Scale E find ben (69, 6875 + c. 0, 9675) Fahrenheitischen.

Sest man diese Zahl Fahrenheitischer Grade

m; so hat man $\frac{m-69,6875}{0,9675}$ Grade der

Scale E ben m Fahrenheitischen Graden, wo man zur Bequemlichkeit die beständige immer abzuzier hende Zahl berechnen kann.

Diese Zahl ist = $\frac{278,75}{3,87}$ = 72, 028, we ich aus ihrem togarithmen finde.

Und so sind ben m Sahrenheitischen ______ mo, 9675 _____ 72, 028 Grabe von E, welche Zahl nun cheißt. Der erste Theil läßt sich leicht burch die togarich men berechnen, ba man zu log m nur den bestän-

digen log $\frac{10000}{9675}$ addiren darf.

Es sey in = 212; so ist log m = 2, 3263359 best log = 0, 0143489

> Cumme = 2, 3406848 gehört zu 219, 62

abgez. 72, 028 Rest 147, 59

ener 147, 59

foviel Grade der Scale E stehen benm Siedpunkte.
327. hr.

327. Hr. de & hat § 611; der 100 Seite des II. Th. einen Kupferstich bengefügt, wo die Fahrenheitische Scale, die sogenannte reaumurische, (308) die (293) und die, welche ich E nenne, (325) miteinander können verglichen werden. Die dritte der erzählten, heißt da: Scale des Thermometers, um die Wirkung der Wärme auf das Barometer, um 27 Zoll herum, zu verbessern; die Temperatur der Lust anzuzeigen.

Auf biesem Aupferstiche sind vom Fahrenheis tischen o bis 212; sechs pariser Zoll, und so liefsen sich die andern Scalen kenntlich genug ab-, theilen.

Indessen erhellt aus Borigem, daß seiten ganze Theile einer dieser Scalen, an ganze einer andern, passen. Wer also eine genaue Vergleischung verlangt, muß sich boch ber Formeln bediesnen, die ich gegeben habe.

328. Es ist schlimm, daß nach allen diesen Bemühungen doch besondere Umstände eines Dretes die aus ihnen hergeleiteten Säße andern. Hr. de L. giebt & 618. einen Berg ben Genkzum Bepspiel, den die Sonne vom Mittage bist zum Untergange bescheint, und so start erhist, daß man noch früh vor Aufgange der Sonne Wärmed daran bemerkt. Dieser erhiste Berg theilt also Aa 4

seine Warme der benachharten luft mit, sie breitet sich dadurch aus, und wird specifisch leichter als sie andersmo in eben der horizontalen Schicht ist; so sieht das Varometer am Jusse des Verges, niedriger, als andersmo in eben dem Horizonte. Diesen Gedanken hat sich Ar. de L. dadurch bestätiget: Wenn er Höhen an diesem Verge mit dem Varometer Nachmittage maaß, so sand er sie allemahl zu groß; Hatte aber Regen oder Wind den Verg abgekühlt, so sanden sich die Höhen eichtig. S. 621.

329. Hr. be & erzählt 6. 624 u.f. umftandlich eine Menge Beobachtungen, die er angestellt, und mit seinen Vorschriften, die größtentheils baraus hergeleitet und badurch berichtigt find, vergleicht.

330. Folgendes wird alfo bes hin. be & etwes zusammengefetites Verfahren, im Zusammenhanse vorstellen:

Mebft bem Barometer, bas nach feiner Art vorgerichtet ift, braucht er wenigstens zwen Ther-

Das eine ist am Barometer, die Scale (293) es dient zu zeigen, wieviel zu dem Stande den das Queeksiber im Barometer hat, muß abdirt, oder davon abgezogen werden, den Stand zu bekommen, den dieses Queeksilber haben wurde, wenn dieses Thermometer ben o stunde.

Braucht

Braucht Hr. be L zweh Barometer, eins an einer Granze ber Sobe bie er messen will, bas andere an der andern, so ist ben jedem ein solches Thermometer.

Das zwente Thermometer ist vom Barometer abgesondert, giebt die Temperatur der Lust an, und hat die Scale (324).

Auch bergleichen Thermometer braucht Br. be & gern zwen, eins an jeder Granze ber Johe.

Nun beobachtet er jeden Borometerstand; verbessert ihn nach dem ersten Thermometer; Aus den so verbesserten Barometerstanden berechtet er die Hohe. (310) Diese Hohe verbessert er nach dem zwenten Thermometer.

Zum Erempel will ich die erste seiner Beobachtungen, 112 Seite seines II. Th., erläutert hersetzen. Die Barometerstände sind in Sechszehntheilen einer linie ausgedruckt.

- 331. 1) Oben war ber Barometerstand 51713 bas erste Thermometer (293) ben 15; Sow wiel Sechszehntheile abbirt er (294) weil ber Barometerstand unten nahe ben 27 Zoll ist. Giebt ben verbesserten Barometerstand 5186.
- II) Unten 5222; Therm. 11; verbeffert 5233.

III) log (5233: 5186) = 0, 0039182; Alfo, die Decimalbruche jum Ueberflusse mitgenommen, ware die Hohe 39, 182 Toisen = 235, 092 Fuß.

Aa 5 IIII) Run

: IIII) Run war ein zwentes Thermometer oben — 45; ein anderes folches, unten — 47; Ein Mittel aus benden zu haben, mußte die Summe — 92 halbirt werden, diese Halfte ware c; weil aber Hr. de L. nach seiner Formel dieses c wieder verdoppeln mußte, läßt er sie ganz.

V) Die Sibbe (III) soll nun nach (324) verbeffert werden; Sie ist das borrige b; Also die Verbesserung — 0, 092. 235 = 21, 62.

VI) Folglich die verbesferte Sobe 213, 472; Dr. be & giebt nur die ganzen an.

VII) Die geometrisch gemessene Hohe war 216 Fuß 2 Zoll.

VIII) Das erste Thermometer (1) zeigt die Warme am Barometer an, das zwente (IIII) die in frener kuft, aber in der Gegend des Barometers; z. E. bende oben. Ob diese Warmen sehr unterschieden sind oder nicht, läßt sich aus den Graden, die Hr. de & angiebt, nicht sehen, weil jedes eine andere Scale hat. Ich will also die benden oben auf die Fahrenheitische bringen.

IX) Für das erste oben ift n = -15 (304) also stünd es denm Fahrenh. Grade 54, 5 - 15.

1, 875 = +26, 375.

Fur das zwente oben, ist c = — 45; (325) also stund es benm Jahrenheitischen Grade + 69, 6875 — 45. 0, 9675 = + 26, 1400.

332. Diese Beobachtung ist um ben Aufgang ber Sonne gemacht, welches die Höhen zu, klein geben sollte, (315) aber an dem Orte (328) wo die Höhen zu groß kamen. Vielleicht mennt Hr. de Licht bendes einander aufgehoben, daß die Höhe so ziemlich der Wahrheit nahe kömmt. Ben andern seiner Beobachtungen, treffen Messung und Benrechnung noch viel näher zusammen.

333. Besonders merkwürdig sind die, welche er am keuchtthurme (Fanal) zu Genua d. 22. Jun. 1757 angestellt, und sein Hr. Bruder den 26. Jul. wiederhohlt. §. 642. Er maaß mit der Schnur daran eine Höhe von 222 Fuß II Zoll. Die unterste Gränze war etwa 20 Toisen über dem Meere. Un jedem Ende wurden sechs Barometerstände bedobachtet, wie leicht zu erachten, nur wenig unterschieden; jeder ward (wie 331; 1) verbessert, und so aus den verbesserten ein Mittel genommen. Oben ward der Stand des Thermometers beobachtet, der die Höhe (wie in 331; IIII) zu verbessern dient. Ein Auszug aus allen diesen ist solgendes.

Barom. unten 337 & lin. oben 334 & Thermom. + 13

Pleraus berechnet Hr. de & die Höhe nach seinen Regeln 221 Fuß I Zoll nur I F. 10 Z. kleiner als die gemessen. Und einen Theil dieses Unterschiesbes schiebt er noch darauf, daß er die Temperatur der Lust in der Höhe untersucht, wo sie gewiß wer niger

niger erwarmt gewesen als langft bem Thurme binauf.

Wer hie nach hrn. be lucs Regel rechnen will, bem tann bienen, baß bie Barometerftanbe in Bierundsechzigtheilen von Linien ausgedruckt, 21615; und 21437 sind. Mun ist log (21615: \$1437) == 0, 0031912, alfo bie unverbefferte Bobe b = 35, 912 Loifen = 215,472 guf. Ferner c = + 13; und die Berbefferung + 0, -002. c. b = 5, 602... also die verbesserte So. he = .221, 074 Jug, wo die Decimalbruche o, 87 Boll betragen.

334. Es ift ber Mube werth zu untersuchen, was fur eine Dichte ber luft aus biefen Beobacheungen hrn. de &, folgt. In (37) niuß c bie mit ber Schnur gemeffene Sobe bedeuten, alfo ben Fuß zur Einheit genommen, $c = \frac{2675}{10}$; Und

weil die bortige Formel fo eingerichtet ift, baß f eine Zahl von Zollen bedeutet, so ist $f = \frac{21615}{12.64}$

Daher m = 12.64. 2675 • k. log (21615: 21437); wo 12. 64 = 768. Ich finde log m

= 0, 9395254 - 5 ober bie Dichte biefer Luft = 0,000c87 ber Dichte bes Quedfilbers. Quedfilber 14 mahl so schwer als Wasser geset,

Der

ift diese Luft 821 mabl leichter als Waffer.

Der ihr zugehörige Barometerstand ift 28 . Boll 13% lin. also ohngefahr ber, ben man am Meere annimmt, aber die Stelle war schon ziemlich hoch über bem Meere.

334. Noch kann man nach (39) ben Coefficien, ten suchen. Er ist $\frac{2675}{12.0,0035912}$; und ich sin be seinen Logarithmen 4, 7929031 ihn selbst 62073.

Das ware ber Coefficient, wenn man x in Fussen sucht. Sucht man es in Tolsen, so wird er sechsmahl kleiner = 10345.

Dieser ist boch ziemlich viel gröffer, als er nach (310) senn sollte. Weil er auch = $\frac{f. k}{12. m}$ senn muß (39; 38; 22;) so suchte ich baraus von neuem seinen Logarithmen, und sand solchen volläg wie vorhin. Also stimmen wenigstens meine Rechnungen mit einander überein.

335. Dieß wiederspricht Hrn. be luc, nicht benn (310) gilt nur ben ber (308) angezeigten Lemperatur. Die jesige, welche Hr. be L. mit + 13 bezeichnet, ist um 13. 0, 9675 == 18, 57.

336 Im S. 650 u. f. zieht Hr. de L. allgemeine Folgerungen aus den Beobachtungen, die an der Fläche des Meeres angestellt worden. Er meldet: Cassini, Mariotte, Scheuchzer, und viel viel andere, hatten entschieden, man musse am Ufer des Meeres um 60 bis 64 Fuß steigen, wenn das Quecksilber eine Linie fallen solle; aber seine Erfahrungen (die zu Genua), für deren Genauigteit er stehen könne, zeigten daß solches 80 Juß betrage.

Diese Grösse aber sen nach ber Barme ber buft, und bem veränderlichen Gewichte der obern Säule, veränderlich, sowohl am Mere, als and berswo.

Um Ufer des nordischen Meeres, wo die fram zösischen Mathematiker beobachteten, die den Grad des Meridians in Lappland maassen, ben einer Ralte von — 37 der Eintheilung in 80; und 29 Zoll Barometerstande, gehörten 56 Fuß hoch Lust, zu einer Linie Quecksiber.

In Senegal, ben + 39 Graben bes reaumurischen Thermometers, die etwa + 36 der Eintheilung in 80 machen, und 28 Zoll, waren von dieser so verdünnten Lust, 84 Fuß mit einer Linie Quecksilber im Gleichgewichte.

337. So sagt Hr. de & haben Mariotte und Scheuchzer ber Erfahrung nicht genug gethan, weil sie biese Sohe zu gering annahmen; Maraldi, Cassini, Bernoulli, sesten keinen Verbacht in die Beobachtungen am Ufer des Meeres, und well sie doch fanden, daß andere Erfahrungen damit nicht recht übereinstimmten, glaubten sie, man muffe das Geses der Dichte der Luft etwas andern.

Bas

Was Hr. de & vom Mariette und Scheuchzer sagt, stimmt sehr wohl mit demjenigen zusammen, was ich (61; u. 91;) erinnert habe. Auf
diese Berechnungen der Dichte der Luft, die jede Res
gel annimmt, führte mich die Integralformel, von
ber ich anfing.

338. Da Hr. de & seine Formeln, am Meere, und auf ben Alpen bis 1560 Toisen über dem Meere mit der Ersahrung übereinstimmend gefunden, so glaubt er, könne man ein Vertrauen in sie seine, und sie wenigstens kunftig durch genauere Beobachtungen berichtigen.

339. Schwürigkeiten, die Meffung ber Soben mit dem Barometer gur Richtigkeit zu bringen, ergabit Dr. be & folgende; §. 656. u. f.

Aller Verbesserungen, die er benm Varometer gemacht hat, ohngeachtet, findet sich doch, zwischen welchen die sonst übereinstimmen, zuweilen
to ober gar z einer Linie Unterschied. Er glaubt,
dieses rühre großentheils von Unvollkommenheitest
ber Röhren her, auch wohl von unterschiedlicher
Beschaffenheit des Quecksibers.

Zwentens der Einfluß der Warme auf die Dichte der Luft. Hr. de 1. hat diese Warme oft unten und oben beobachtet; Aber wie nimmt fie nun zwischen benden Stellen ab? Hr. de 1. sest, feichterer Rechnung wegen zum voraus, es geschebe in einer arithmetischen Progression.

Drittens:

Drittens; wenn die Warme zumimmt, und die Luft an selbigem Orte strebet sich auszubreiten, so kann sie nicht fogleich die benachbarte Luft fortereiben; Während der dazu nöthligen Zeit, ist sie dichter, als sie der Wärme gemäß senn sollte. Das Gegentheil, geschicht auch in etwas, wenn die Wärme abnimmt; Und so nimmt die Luft selten den Raum ein, den sie nach den allgemeinen Regeln einnehmen sollte, die aus den Beobachtungen zusammengenommen gezogen sind.

Bis ohngefähr 200 Fuß über bem Boden, (terrein) wie groß auch besselben Erhöhung senn mag, sind die Wirkungen der Wärme auf die lust gewöhnlich viel gröffer als seine Regel sie angiebt. Er schreibt dieses den Dunsten zu, auf welche die Wärme stärker wirkt, als auf reine Luft, kann aber davon keine Regeln geben.

Endlich, weiß man noch nicht recht, wie sich ben einerlen Uenderung der Warme, die Aenderungen der Dichten der kuft und des Quecksilbers verhalten. Und daher ist Hr. de luc §. 663; selbst von der Vorschrift, die er zu Verbesserung der Höhen gegeben hat, (324) nicht ganz versichert.

340. Daß das Barometer seinen Stand an einem und bemselben Orte andert, ist ohnstreitig auch eine der beträchtlichsten Schwierigkeiten. Ir. de L handelt von diesen Aenderungen, ihren Ursachen und ihrem Einflusse auf das Höhenmessen S. 665. . 739.

341, Borfchriften die er f. 740 u. f. glebe, Fehier zu vermeiben , bie aus angezeigten Urfachen entstehen können, sind:

An jede Granze ber Hohe die man messen will ein Barometer zu stellen, jedes einige Stunden lang jede Biertheilstunde einmahl zu beobachaten, und aus allen das Mittel zu nehmen. Diese Boschrift, die sehr oft schon allein zulänglich ist, grundet sich darauf, daß die meisten Urfachen der Ausnahmen von den allgemeinen Regeln, sich in kurzen Zeiten immer andern.

Kann man sich nicht so lange aufhalten, so soll man in ber mittlern Warme bes Morgens bes bachten, welche in die Zeit fällt, ba von bem Ausenthalte ber Sonne, über bem Horizonte, ohngen fahr ber fünfte Theil vorbep ift.

Bemerkungen ber Umstände des Orts, ber Dunfte u. f. w. konnen bienen, Beobachtungent abereinstimmend zu machen, die etwa fireitendscheinen, auch wohl eine allgemeine Regel zu Bew besserung dieser kleinen Fehler zu finden.

342. Was Br. de & G. 744 . . 763 darüber fugt, und mit mahren Benfpielen erlautert: wie das Steigen und Fallen eines beträchtlichen Stuffes ber Erbflache mit dem Barometer abzunehmen ift, verstattet der Raum bie nicht benzubringen.

343. Ueber Arn. Bouguers Borschriften stellt Hr. be & S. 764. . . Untersuchungen an. Desselben Mennung, daß manche kuft andere Classicität habe als andere, (150) ist nach Hrn. de kucs Gedanken wider die Erfahrung, man mußte alsbann nichts von der wurklichen und localen Dichte der Luft.

Hrn. B. Barometer war nicht burchs Feuer von ber kuft gereinigt worden, und es bestund aus einem Rohre in einem Gefässe mit Quecksiber. Aus benden Ursachen mußte es, unter einerlen Umständen, niedriger stehen als Hrn. de L. seines. Wenn also ein paar Barometerstände Hrn. Beben soviel unterschieden waren, als ein paar Hrn. de L. so gehörten die ersten zu fürzern Quecksibersäulen, der Unterschied der kogarithmen dieser Säulen mußte größer senn, ats der Unterschied der Logarithmen, der längern Quecksilbersäulen die Hrn. de L. Barometer gehabt hätte.

Nahmlich wenn a-b=A-B, und die ersten benden Zahlen kleimer sind als die letzten benden; so ist $\frac{a}{b} > \frac{A}{B}$

Den Einfluß ber Warme hat hr. B. nicht in Betrachtung gezogen.

Sr. be & sucht aber zu zeigen, bag ben ben besondern Umständen, unter benen B. beobachtet, bie

bie Fehler, bie er eigentlich begangen, einander aufbeben, und seine Vorschriften boch mit seiner Ers fahrung übereintreffen toune.

Wenn hen, de luc Thermometer — 163 ift, zieht er von der Hohe die ihm der Unterschied der Logarithmen giebt 30 ab. (324) Das ist soviel, als berechnete er die Hohe nach B. Regel. Und manitann sehr wahrscheinlich annehmen; daß seh die mittlere Temperatur der luft gewesen in der B. beobastet. Seine und anderer Reisenden Nachrichten stimmen überein, in der mittlern Höhe der Cordeliere sep immerwährender Frühling.

Diefe Temperatur ift 53,'57 fahrenh. Gr.

Auch wie Hr. be la Condamine und Gobin Erfahrungen mit Hrn. B. Regel übereinstimmen tonnen, sucht Hr. be & zu erkfaren.

Noch stellt er Betrachtungen über bes Irn. be la Caille barometrische Abmessungen auf bem Worgeburge ber G. H. and

344. Wie man die eigne Schwere der Luft zu einer gemissen Zeit sicher finden könne, lehret Hr. de L. 786 u. f. s. Er hat im vorhergehenden, da er sich mit seinen Schichten beschäftigte, gefunden, ben einer gewissen Temperatur der Lust musse man 26094 durch die Zahl der Linien des Barometerstandes dividiren, so komme heraus, miesiel Just 28 b 2 bie

bie luftschie boch fen, bie an selbigem Orte, zur selbigen Beit, mit dieser Warme, mit einer linie Quedfilber im Gleichgewichte sep.

Alfo, foll man einen Barometerstand beobachten, nach seinem ersten Thermometer verbessen; und nun, dividiren. Ist die Temperatur die gestärige, so giebt der Quotient das Gesuchte; Ist sie and ders somuß man wieder diesen Quotienten verbessen.

Als ein Erempel sest er: Man finde einen Barometerstand 324 15 lin. Das erste Thermometer am Barometer sen + 5; das zweyte das im frenen die Temperatur der kuft anzeigt — 153.

Wegen des ersten Thermometers zieht er is Linie ab., so ist der Barometerstand eigentlich 324 kin. = 27 Boll.

Und nun 26094 = 80 Fuß 6 Zoll 5 lin.

= 11547 lin.

Wegen des zwenten Thermometers zieht er hievon 1, 1597. 2. (15. + 2) ab3 So bekommt er für die Hohe ber Luftsaule die einer Linie Quedste ber zugehort, 11232 Linien.

Und so sest er, wurden sich die Dichten bat luft und bes Queckfilbers verhalten wie 1: "11232

Das gibe luft: Waffer = 1: 802.

345. Wenn man auch alle die Zahlen und Be zichtigungen die Hr. de & braucht annimmt, h giebt doch dieses Verfahren die Dichte ber luft nicht gang theoretisch richtig. Denn die Luftsause besteht aus Lust, die oben hinauf immer dunner und dunner wird, die Dichten der Lust an der obersten und der untersten Granze verhalten sich wie 323: 324.

Das eigentliche Verfahren ist aus (37) ober gleich vom Ansange aus (21); $m = \frac{f. k. \log (f: y)}{x}$ wo hie f = 324; y = 323; $\log (f: y) = 0$, 001342; x = 11232; da sinde ich $\log m = 4$, 0497821 Das giebt kuft: Quecksiber = I: 11214 11214 oder auch m = 0, 00008169 und kuft: Wasser = 1: 801.

346. Hr. de kuc erinnert S. 793; sein Verfahren gebe die eigne Schwere der kuft ein wenig zu klein, und thut Vorschläge diesen geringen Fehler zu verbessern. Die eigentliche, jeso von mir gebrauchte Regel, scheint er nicht zu kennen.

347. Hr. be & schließt diese Untersuchungen mit einer Betrachtung über die Hohe der Atmosphäre; §. 794. u. f. Nimmt man an, die Luft verdunne sich immer in der Verhältniß wie der Druck abnimmt, so geht sie frenlich die ins Unendliche. Sest man aber die Gränze dahin, wo die Luft nur wenig Quecksiber, z. E. nur eine Linie, erhalten könnte, so erhellt aus vorhergehenden, wie sich diese Gränze angeben liese, selbst in Wb 3

meiner allgemeinen Formel (39) ware biese Hise B. log f wenn man f in Linien ausbruckt.

Wenn man die Temperatur der Luft annimmt, ben der Hrn. de Luc, oder Maners Coefficient statt sindet, (310) und f = 27 Zoll = 324 Linien sett, woden der Logarithme 2, 5105450 ist, so er streckt sich die Atmosphäre von diesem Barometerstande, bis an die Stelle, wo sie nur 1 Linie Quedisiber hält 25105, 450 Toisen.

Dieß giebt Hr. de & an S. 800; und erimert, so start verdünnten ohngefähr unfre guten Lustpumpen die Lust.

Smeatons seine verdunnt sie noch vielmehr Berom. §. 38.

In ben Phil. Trans. Vol. 64. P. I. (2016). 1774) p. 95 erinnert Priestley, Smeatons tuste pumpe musse in sehr elenden Zustande senn, wenn sie nicht die kuft 200 bis 300 mahl verdunne; als so ohngefähr soviel als hr. de & von den guten sodere.

Ich besisse selbst eine smeatonische, vom hiefigen Bauherrn Kampe versertigt. Da ich woh eine andere, mit zween Cylindern, und Bentiku, auf die gewöhnliche Urt in Engelland versertigte, welche der Universität gehört, zum Gebrauche habe, so habe ich jene, mir eigne, wohl einige Jahre lang wenig gebrauche, und doch daben aus Nachlässigkeit lich Ventilen, Lebern, u. f. w. nicht zum Vorteile, und daß diese in ginem elenden Zustande waren, zeigte sich ben ihrer Zerlegung. Indessen that diese so vernachlässigte Lustpumpe, immer noch bessere Dienste als die andere, wenn der albern Ausbesserung nur etwa ein Jahr war verabsfäumet worden.

Prieftlen a. a. D. wundert fich barüber, baß feiner von den englischen Runftlern, Smeatons fo vorzügliche Luftpumpe zu verfertigen unternimmt.

hr. Kampe ist vermuthlich zu berfelben Verfertigung burch ben hrn. Geh. Rath v. Segner,
als berfelbe hiesiger lehrer war, veranlaßt worden. Er hat auch ausser ber meinigen noch mehr verfertigt.

Wie man in meiner Formel (39) x berechenet, wenn y ein noch so kleiner Bruch einer Linie ware, brauche ich wohl meinen lesern nicht zu sagen. Hr. de L. belehrt die seinigen hierüber auf eine Art die zeigt, daß er die Nechnung mit den logarithmen für was sehr wenig bekanntes halt.

Allemahl sest biese Rechnung zum voraus, ehr dunne kuft breite sich nach eben bem Besete us, wie die in welcher wir leben. Worinnen nan allenfalls Bouguern glauben mußte. (141)

348. Was in Hr. de luc Werke ferner enthale en ist; von den Refractionen, von der Hiße kochen-Bb 4 den ben Baffers u. b. g. gehort nicht in ben Auszug, ben ich zu gegenwärtiger Absicht schon so weitlauftig gemacht habe.

349. Das eigne von hrn. de & Bemühungen besteht also in vollkomnerer Borrichtung der Barrometer, und in Untersuchung des Einflusses der Wärme, den er durch seine bepben Thermometer bestimmt.

Die Regeln, die er wegen ber Barme vor, schreibt, beruhen nur auf seinen Erfahrungen, die allerdings mit vieler Sorsalt angestellt, und mit vieler Scharffinnigkeit gebraucht scheinen.

Wollig sicher werden boch wohl diese Regeln erst alsdenn senn, wenn man zeigen kann, daß sie aus sonst bekannten physischen tehren solgen; Ober wenn man sie durch wiederhohlte vielsältige Beobachtungen bestätiget; welches Hr. de Luc selbst wünschet.

Soll das leste Mittel Zuverlässigkeit geben, so mussen, Weobachter und Werkzeuge, so volle kommen senn, wie bendes ben dem Hrn. de kuc war. An einem von benden wurde vielleicht jemand, der nur mäßig für den Hrn. de L. eingenommen ware, nicht ganz mit Unrechte zweiseln, wenn andere Beobachtungen mit den seinigen nicht übereinssimmten.

350. Der vor furzem verftorbene Proviantcommissarius Strohmener zu Hannover hat, in seiner Anleb Anleitung übereinstimmende Thermometer zu ver-, fertigen (Gott. 1775) unterschiedene Bersuche des Hr. de L. nur aber die Thermometer betreffende geprüft.

351. I. Barometrische Beobachtungen mit Unwendungen von Hrn. de kuch Regeln sind von Hrn. Prof. Zimmermann in Braunschweig angestellt, und in den gelehrten Beyträgen zu den Braunschweigischen Anzeigen 1775; 45 u. 46 St. erzählt worden. Ich will einiges daraus beydringen.

Die Beobachtungen sind auf bem Andreasthurme in Braunschweig angestellt worden, an dem zuvor der Br. Hauptmann Rauch unterschiedene Höhen trigonometrisch gemessen hatte, der auch ben diesen barometrischen Beobachtungen gegenwärtig war.

Das Barometer war nach be kucs Angabe mit boppelten Schenkel, genau nach pariser Maafe getheilt, bas Thermometer, reaumurische Grasbe (ohne Zweisel obgleich Hr. Zimmermann solches nicht anzeigt, 80 vom Enspunkte zum Siedpunkse) vom jüngern Belienno zu Br. verfertigt.

Hr. Pr. Z. ermähnt nicht ob bas Thermomeiter am Barometer, ober bavon abgesondert gewesen.

Die Versuche sind b. 21. May zwischen 2 w. 4 Uhr angestellt.

265

II, Unter

II. Unten an ber Kirchebure ftand bas Bo cometer ben 28 Boll 7 kinien = 343.

III. Beym dritten Absaße 28 B. 57 Lin. = 341, 66.

Das Thermometer 131 Grab.

III. Aus log (343: 341, 66) findet Hr. Pr. 3. die unverbesserte Höhe 17 Toisen = 102 pariser Fuß.

Die verbessert er nach einem Verfahren, wie bas, das ich (323) gezeigt habe, so:

Was ich borten n heisse ist $13\frac{1}{2}$ — $16\frac{2}{4}$ = 3, 25. Also die Verbesserung = $-\frac{102.3,25}{215}$

= -1, 54.

Folglich die verbesserte Höhe = 100, 46 par. Fuß.

Der pariser Fuß ist zum Braunschweiger = 1440; 1260 = 8: 7.

Ulsa die verbesserte Hohe 114, 91 Br. Fuß.

Die trigonometrische Rechnung gab biefe Hohe 115 Fuß.

V. Die treffen bende Meffungen am genaussten zusammen, ben etlichen andern Beobachtungen ist der Unterschied etwas gröffer.

VI. Am Dachfenster (höher ließ sich bas Barometer nicht wohl bringen gab bas Barometer den 3. Jun. des Thurms Höhe bis ans Dach 256 Kuß Fuß 8: buobec. Linien Br. die Trigonometrie 257.

Hr. Z. erinnert hieben, be luc felbst habe ben 221 Fuß manchmahl um 22 Zoll gefehlt.

VII. Hr. Pr. Z. hat solche Beobachtungen b. 5. Jun. mit einem sehr schönen, theuren und fürtrestich getheilten englischen Barometer, mit eis ner Kapsel und weiten Röhre wiederhohlt, und darüber eben wie vorhin gerechnet. Die geben ihm die Hohe am Dachsenster 214 Fuß 5 Zoll 2 Linien Br. Also unt 42 F. 6 Z. 2 L. von der trigonometrischen Angabe unterschieden.

VIII. Das sest er wie er sagt, für lehrer der Physik und Mathematik auf nicht weit von Brauns schweig entfernten ansehnlichen Akademien, hinzu, welche die gewöhnlichen Barometer des de kuc seinen vorziehen, ja wohl gar auf de kuc schimpfen. Er befürchtet, es werde dieses so unglaublich scheinen, als daß andere auf die Uttraction und auf Newton lästern.

Vielleicht sind diese andern auch eben dieselben. Uebrigens ist es seltsam, daß Hr. Pr. Z.
so was für unglaublich halt. Denn Cicero hat ja
schon gesagt: Nihil tam absurdum esse quod non
dictum sit ab aliquo philosophorum. Das Wort
Lehrer bedeutet ben Hr. Pr. Z. wohl nicht Prosessoren. Prosessoren der Wissenschaften von denen ich hier Prosessor bin, die solche Idioten wä-

ren, kenne ich auf keiner ansehnlichen Akademie, selbst nicht auf solchen Akademien, die der berühmte Raisonneur, kleine nennt. Es mussen etwa Pfuscher senn, die sich zu Lehrern auswerfen.

VIII. Es scheint, Hr. Pr. 3. habe be luck Werk nicht selbst bekommen können; nach der Art wie es ausgegeben ward, konnte es nicht sogleich in den gewöhnlichen Buchhandel kommen. Er hat sich also mit Nachrichten und Vorschriften befriedigen mussen, die nicht so vollskändig sind, als was Hr. de L. im Werke selbst lehret. Daher sehlt ben ihm, Hrn. de L. Verbesserung jedes Bar rometerstandes, durch das Thermometer am Barometer (330).

Wenn diese Verbesserung jedes Varometersfandes bender geometrische Verhältniß nicht beträchtlich andert, so hat es eben nicht viel zu bedeuten ob man sie wegläßt oder nicht; Und das wird wohl hie der Fall senn.

Ich habe als ein Erempel der Verechnung angenommen, das Thermometer, nach welchem der Barometerstand zu verbessern wäre, habe unten an der Kirchthure auch den 13, 5 gestanden wie oben bezm dritten Absase. Da sinde ich die Verbesserung des untern Barometerstandes — 0, 2778; und so auch des obern — 0, 2779. Die benden Varometerstände darnach verbessert, kömmt der logarithme ihre Verhältniß log (342, 72: 341,

19) = 0, 0016887 also die Hohe auch sehr nai 1e ben 17 Toisen, wie Hr. Pr. Z. sie berechnet.

Eigentlich wurde bas Thermometer unten nehr Warme angezeigt haben. Benm zwentem thate war es 14 Grab, er ift nach ber trigonometrischen Bestimmung 82 Br. F. hoch.

XI. Hr. Pr. Zimmermanns Beobachtungen eigen also, daß eine so sorgältige und geschickte Besolgung von Hrn. be & Regeln wenigstens etwas er Bahrheit ziemlich nabes giebt.

352. Eine fehr watürliche Frage ware mohl? Bie nothwendig zur Richtigkeit der Messung hra! e. t. Verbesserungen wegen der Warme sind? Bieviel jemand sehlen könnte, der übrigens mic inem guten Barometer, aber ohne hierauf acht zu eben, beobachtete? Ich will Einiges benbringen, as zu Beantwortung dieser Frage dient.

Ich nehme an, bende Thermometer des Hru. et. werden, wie wenigstens manchmal statt sine et, ohngefähr einerlen Wärme anzeigen, (3313/111) Ich will also Wärme und Kälte aufsichen, die vermuthlith am meisten von denen, wo der be & Scalen o haben, abweichen möchten, die in Hrn. de & Scalen ausdrucken, so wird mand hngefähr übersehen können, wie beträchtlich seine Zerbesserungen werden können.

353. Ein Berzeichniß merkwurdiger Grabe on Barme und Raice, von Beinfrus gesammlet, befindet

2:3: 3

besindet sich im Winklers Physik (Leipz. 1754.) H. 126. und Hrn. Prof. Errlebens Physik S., 737. Da ist eine Wärme in Senegal angegeben 864 und kine Kälte in Sibirien 275, de l'Islische Grade.

Das sind, sahrenheitische 107, 5 und — 18.

354. Sest man für die africanische Wärme, in
(304) M = 107, 5; so gehört sie in Hru. de lersten Thermometer zu

Der Barometerstand wirb nicht viel über 27 Boll werden; hochstens etwa ein wenig über 28.

Und so wird seine Verbesserung wegen der africanischen Wärme, wohl nicht viel über 28 einer linie 2 1 1 Linie betragent.

m = 28, 277.

Eben ben Fahrenheitischen Grad brauche man In (326) so findet sich c = 39, 08, und nach

(324) muß man zu der Höhe, welche der Unters fchied der logarithmen giebt, noch 0,078:16 von The addiren.

Für die sibirische Kälte, das fahrenheitische M = — 18 geset, finde ich Hrn. de lucs m = — 38, 666, c = — 90, 633 . . . welches als noch stärkere Verbesserungen giebt.

355. Ist eine Warme oder Kälte, nicht so weit als die angezeigten, von 54 Fahr. Gr. entfernt so. ist m kleiner; (304) Und ist sie naber ben 69 fahr. Graden, so ist ckleiner. (326)

356. Jn

356. In ben Philosophical Transactions Vol. 64. Part. I. (Lond. 1774.) n. 20. ist ein Aufsaß von bem Kön. Astronomen Hrn. Nevil Maskelle ne, wo Hrn. de kuc Formeln, für englisches Maaß und in fahrenheitischen Graben ausgebruckt, auch sonst in einigen Stücken begnemer gemacht werben. Ich bringe baraus hie nur ben; daß der französische Fuß zum englischen = 1, 06575: 1 geseht wird, bessentwegen Hr. M. sich auf Trans. Vol. 58. sür 1768; p. 326 berust. (*)

grabe macht Hr. M. die Erinnerung: Hrn. de kucs Sieb-

(*) Sr. Prof. Diebl in Gieffen, hat ben feinem letten hiefigen Aufenthalte, in das 5. u. 6 Gint ber hiefigen gemeinnütigen Abhandlungen eine Untersuchung über bie richtigfte Bestimmung der Berhaltnif bes rheinlandifchen Suffes jum Condner einrucken laffen. In berfelben findet er auch aus Grabams und le Monniers Angaben , Phil. Trans. Vol. 42; p. 541 u. Vol. 51; p. 778 bie Berbaltniffe Des Parifer und Londner Buffes; 1, 065416: 1 nach S. u. 1, 065351: 1 nach M. welches boch also ziemlich mit obigen zusantmentrifft. Die Berbaltnis bes Rheinlanbischen aum Londner findet er hieraus = 13913: 13516. 3ch bube in meinen Unfangegr. ber Geometrie 32. S. 3. Anm. eine Berhaltnif gwifchen Parifer und Englischen aus Delshams Physit angegeben , ber ich naturlich ba fie aus einem font angefehenen englischen Schriftsteller genonnnen war, etwas trauen mußte. Gie erforbert aber nach angezeigten einige Berichtigung.

Siedpunct 80 (308) ward so bezeichnet, als das Barometer ben 27 Boll stand. Die vornehmsten englischen Künstler aber, bezeichnen den Siedpunkt, oder 212 fahr. Gr., wenn das Barometer ben 30 engl. Boll steht; die betragen 28 Boll 1, 8 Linien standssissisches Maaß, oder 13, 8 Linien sieder, als Hr. de E. Barometer.

Aus Hrn. de L. Ersahrungen (292) solgt, wenn der Barometerstand um eine Linke wachst, so seine das Queckfilder im Thermometer um 1 134 des Abstandes zwischen dem Enspunkte und Sied punkte; In der That berichtet er, in dem Estai sur les variat. de la chal. de l'eau douillante, so sich den seinem Buche desindet, diese Regel tresse nicht mehr den so großen Aenderungen des Barometers zu, als sich ereignen, wenn man hoch steinget, ader sur kleine Aenderungen um den mittlen Stand herum, ist dieses doch richtig genug.

Also gehören zusammen: Eine Linie Aenber rung im Barometerstande, und 180 = 0, 16 fahrenh. Gr. Solchergestalt geben 13, 8 Linien Aenderung des Bacometerstandes, 0, 16. 13, 8 = 2, 2 fahr. Gr. Und ein Thermometer, dessen Siedpunkt 212 bezeichnet war, als das Barometer 30 engl. Zoll stand, wird, wenn das Barometer bis 27 französische Zost fällt, in siedenden Wasser um 2, 2 Grad, oder bis 209, 8 bas ist in runben Zahlen bis 210 Grad, sinke, welche nur 178 Grad vom Enspunkte entfernt sind. So betragen bie 80 Grad, von Hrn. de & Thermometer, nur 178 des fahrenheitischen der englischen Künstler. Und diesem gemäß stellt Hr. M. seine Verwandlungen an.

357. Noch beträchtlicher ist in eben bem Banbe, n. 30. ein Aufsaß Hrn. Sam. Horsley L. L. D. ber Hr. be Lucs Negeln mit der Theorie vergleicht, und Vorschriften zu ihrer bequemen Anwendung giebt.

Dieser Auffaß hat sechs Ubschnitte. Der ersste fangt auch mit der Bemerkung an, Hr. de i. habe sich ben Versertigung seines Thermometers, nach 27 Zoll als mittlerer Barometerhöhe zu Genf gerichtet. Aufdem ebenen kande um kondon sen sie nur wenig kleiner als 30 engl. Zoll. Den Barometerstand habe ben Versertigung der Thermometer unter den englischen Künstlern zuerst Bird beschachtet. Daher Hr. H. Thermometer, wo der Siedpunkt ben 30 engl. Zoll Barometerstande ansiegeben ist, Virds sahrenheitische nennt. Hr. H. erechnet auch, daß ben einem solchen Thermometer der Siedpunkt 209, 989 ist, wenn er ben eisem sür 27 pariser Zoll Barometerstand gemacht, 12 ist.

Also steht Br. be 1. 80 benm 210 Birdfahr. Frade; bis an diesen, sind vom Enfipuntee 210 — 32 = 178 Grabe, und die sind 80 des Hrn. de £. gleich. Folglich ist 1 Gr. de £. = $\frac{178}{80}$ = 2, 225 Birdsahr.

Br. be & 16 4 ist 63, 5 unter feinem 80; pber unter bem Siedpunkte.

Mso 63, 25. 2, 225 = 140, 73125 Bird-fahr. unter 210 Birdfahr.

Also ben 69, 26875 Birdfahr.

"Hr. H. sest, im Anfange des fünften Ab-schnitts dieses 69, 25.

So begreift man, wie Grn. be luc Grade in Birdfahrenheitische verwandelt werben.

Ein Grad der ben Hr. de !. n heißt, ist bem 69, 26875 + n. 2, 225 Birdfahrenheitischen.

358. Im zwepten Abschnitte sind die allgemeinen Gründe, Höhen und Varometerstände mit
einander zu vergleichen, angegeben, Hr. H. bedienet sich der logarithmischen Linie auf die Art wie
Cotes; (213 VIII) auch ist zu dieser Absicht eine grosse logarithmische Linie in Rupfer gestochen.
Dieses nach dem englischen Geschmacke; disseits
des Canals psiegt man jeso lieber, Säse die doch
zur Rechnung sollen gebraucht werden, gleich in
Formeln zur Rechnung bequem auszudrücken.

379. Der britte Abschnitt rebet von bem Unterschiede, ben die unterschiedene Temperatur bes Quedib

Queckfilbers im Barometerstande macht. Wenn man zwo Queckfilberfaulen, die nicht einerlen Barme haben, mit einander vergleicht, fo vergleicht man eigentlich zwo Materien, Die nicht einerlen specifische Schwere baben, und fo fann man nicht fagen, baß fich ber Drud biefer Gaulen wie. ihre Boben verhalte. Sind aber die Warmen einerlen, fo verhalt fich allerdings ber Druck wie die Boben, die Barme mag fenn wie fie will. In biefem Stude bat Br. be i. nach Brn. S. Bemertung einen fleinen Fehler begangen. glaubt, es fen eine gemiffe Temperatur Des Qued. filbers nothig, wenn man die langen ber Quecfilberfaulen ohne Berbefferung miteinander verglei. chen foll (293). Diefes fleine Berfeben bat inbeffen teine andere schlimme Folgen, als daß es bie Rechnung unnothiger weise verlangert. Br. S. hat auch, aus Unterrebungen mit Br. be & erfahren , mas benfelben biegu veranlaßt. Er hatte fich als den letten Zweck seiner Untersuchungen vorgefest, in der lange ber Queckfilberfaule, bas Maaf ber Dichte, und bes Drucks ber Luft zu finben. Dazu mar Queckfilber von bestimmter Temperatur nothig, und fo gerieth er auf die Bedanten, es fen nothig, alle Barometerbeobachtungen auf eine gemiffe bestimmte Temperatur ju bringen.

360. Boerhave El. Chem. Vol. I. p. 174 (So allegirt Hr. Horsten. Es ist in der Abhandl. de Igne; Experim. VIII. p. 156. der leipziger Ausg. von 1732) giebt eine Ausbreitung des Quecksilbers

bere vom Sahrenheitischen o bis jum Siedpunkte bes Waffers an, welche wenig mehr beträgt, als was fr. be i. vom Enfipunfte bis jum Ciedpunf. te fand. Diefen scheinbaren Wieberspruch sucht Dr. S. fo zu heben : B. Berfahren habe ihm nur gegeben, wieviel etwa bie Ausbehnung feines Quecksibers, gröffer war, als die Ausdehnung bes glafernen Behaltniffes, barinnen er es ber Sige ausseste: Br. be & Berfahren gab ihm ben Ueberfchuß ber Musbehnung bes Quedfilbers, über tie Ausbehnung bes Bolges, auf bem bie Scale gezeich net war. Diese Ausbehnung bes Holges, ber lange nach, beträgt febr wenig; Br. de &. fonnte fie also benseite feten, und boch bes Queckfilbers feine ziemlich richtig angeben. B. fehlte mehr. Hr. H. giebt auch an, was ihm von ber Mus-Dehnung bes Glases berichtet worden, erinnert übrigens, daß B. noch eine andere Ausbehnung des Quecksilbers p. 165 angiebt. (exp. 5. cor. 4. p. 148. b. l. 21.)

361. Hrn. Horsten vierter Abschnitt, betrachtet die Verbesserung, wegen der Temperatur der lust. Sie beruft in seinen Ausbrückungen darauf, daß sich durch die Wärme die Subtangente der atmosphärischen logarithmischen linie andert, daßer muß er hie zuerst erklären, was diese Subtangente ist, und von was sur physischen Umständen ihre länge bestimmt wird.

Diese Subtangente ist, wie er fagt, die Sohe einer Saule flussiger Materie, die durchaus fo bicht als die unterfte Luft mare, und fo ftart bruckte als die Atmosphare druckt.

Belches, wie Hr. H. fagt, niemand sonst, ben er fennt, so einfach bewiesen hat als Cotes Harmon. mens. p. 18.

Der Beweis kömmt boch jedem viel einfacher heraus, der nur die leichte Integration macht, denn diese Subtangente ist in (22) f: m, wels ches ich nur beydringe, zu zeigen, daß ich da völlig die Grunde gegeben habe, deren sich Hr. H. be- dient, und daß die Integralrechnung der fürzeste und bequemste Weg ben solchen Untersuchungen ist.

Und nun wird man leicht feben, was fur physische Umftande biese Subtangente andern.

Der vorhin von mir angezeigte Quotient f: m ift: ber Druck ber Utmosphäre mit ber Dichte ber Luft bivibirt, also mit einem Worte: Die Claflicitat ber Luft.

Und da sich diese mit der Wärme ändert, so heißt Hr. de L. Werbesserung (322) soviel: Wenn die Wärme anders ist, als in (308) angenommen worden, so hat die Lust eine andere Clasticität, als die, ben welcher die Regel (310) zutrifft, und die Clasticität ändert sich so, daß die angezeigte Verbesserung nöthig ist. Das nun drückt Hr. Herrch Uenderung der Subtangente aus.

362. Im funften Abschnitte bringt Br. H. Srn. be E. Regeln auf englisches Maaß.

Im fechsten zeigt er noch Einiges an, bas fernerer Untersuchung werth ift. Nahmlich:

I. Wahrscheinlich andert sich die absolute Clasticität der Luft noch durch andere Ursachen, als Hiße; z. E. Feuchtigkeit, Elektricität.

11. Nimmt man Hr. be & Formeln als allgemein wahr an, so giebt es eine Temperatur, inwelt cher die Federfraft der Luft = 0 ist, und ben niedrigern Temperaturen wurde sie verneint, oder das Zuruckftossen der Lufttheilchen verwandelte sich in Anziehen.

Für diese Temperatur ware n = — 215 (323); Und so gehörte siezum — 409, 10625 Birds fahrenheitischen Grade (357). Hr. H. hat — 409, 13.

Wem diese Folgerung anstößig ware, der durfte nur annehmen, Hrn. de & Formeln sind nicht in geometrischer Schärfe richtig, sie können doch allemahl der Wahrheit nahe genug senn. Seht man, sagt Hr. H., die Subtangente andert sich in geometrischer Verhältniß, indem sich die Wärne nach Hrn. de & Formeln arithmetisch anderte, sie bleibt sie immer noch von endlicher Grösse, auch in dem Falle da sie nach Hrn. de & Formel verschwing den sollte, und doch sehlten ben einem Wachstehund

thume ober Abnahme der Temperatur bis 40 Grad, Hr. de & Formeln nicht mehr als um 4 Kaben in 1000.

III. Die Abnahme ber Dichte ber luft, inbem man über die Oberfläche ber Erde steigt, hat
gewisse Gränzen, und auch in unendlicher Sohe
ist die Dichte nicht unendlich klein. Hr. H. giebt
eine Tafel, für grosse Höhen berechneter Dichten,
von der er selbst keinen praktischen Nußen verspricht.

III. Wachsthum ber Warme verbunnt bie fuft in ben untern Gegenden nach Proportion mehr als in ben obern, und bringt so das Ganze bem Zustande einer burchaus gleichsormigen Dichte

nåber.

V. Wenn in irgend einer Hohe über der Obere flache der Erde eine gegebene Uenderung der Barme, die Dichte der Luft, in eben der Verhältnis vermindert oder vermehrt, in welcher sie die absolute Elasticität, vermehrt oder vermindert, so bleibt der Druck der ausliegenden Utmosphare in dieser Hohe ungeandert. In allen geringern Hohen wird der Druck schwächer, und in grössern starter senn, als ben einem kaltern Zustande der Utmosphare; aber in geringern Sohen starter, und in grössern schwächer, als ben einem warmern Zustande.

VI. Es glebt eine Bobe in ber Atmosphare, wo die Dichte, burch eine gegebene Aenderung

Der Barme ungeandert bleibt.

Cc 4

VII. Heben

VII. Ueber biefer Sobe werden bie Dichten vermindert, unter ihr vergröffert, ober umgekehrt.

363. Die Beweise bieser Sase leitet Hr. H. aus Betrachtung logarithmischer kinien, derselben Durchschnitte u. s. w. her. Die Sase selbst, denen noch ein paar ben Hr. H. folgen, sind zu weit von meiner jesigen Absicht entfernt, deswegen begnüge ich mich, sie dem Liedhabern physischmathematischer Untersuchungen anzuzeigen. Nun sügt Hr. H. noch vier Taseln ben; zur Verbesserung wegen des Siedpunkts; zur Vergleichung Hr. de L. Thermometers mit Virdsahrenheitischen, zur Verbesserung wegen der Temperatur des Quecksibers, und zur Verbesserung wegen der Temperatur der Luft. Endlich, Vorschriften zum Gebrauche der Taseln.

364. Diese benden Aussätze in den Transactionen, haben also weiter keine Absicht, als Hr. de L. Vorschriften zum Gebrauche für Engelländer bequem zu machen. Wiederhohlung solcher Versstuche, wie Hr. de L. angestellt hatte, Verichtigungen deren die Größen die Hr. de L. angiebt, vielseicht noch fähig wären, Untersuchungen wie sich diese Größen ändern, wenn man sich in andern Umsständen besindet als Hr. de L. Aussuchung allgemeinerer physischer Säse besonders über die Wirkung der Wärme auf Quecksilber und Luft, wodurch sich Hr. de L. Vorschriften etwa anders als nur aus seinm Erfahrungen beweisen und berichtigen liesen. So

was könnte man wohl wünschen, und Hrn. de & vortrestiches Benspiel könnte Naturforscher aufsmuntern, solche Bemühungen ben seinigen benzus fügen.

Brn. Lamberts Untersuchungen.

- 365. Im dritten Bande der Abhandlungen der Churfürstl. Bairischen Ufad der Wiss. (München 1765. 4°) befindet sich im philosophischen Theile 75 . . . 182 S. Hrn. J. H. Lamberts (Königl. preusf. Bauraths und Mitglieds der Kön. preusf. Afad. d. Wiss.) Abhandlung von den Barometer-höhen und ihren Veränderungen. Hr. L. hat unterschiedenes, das zur Geschichte der hiemit beschässtigten Bemühungen gehört, nach seiner weitlaustigen und mit Beurtheilung verbundenen Belesen-heit bengebracht. Mariottes Regel sagt er, S. 9. sep zu früh verworfen werden; Man hätte sie nur verbessern und vollständiger machen sollen.
- 366. Es erhellt hieraus, daß Ir. !. jum Grunde fest, wie Undere, die Dichten verhalten sich wie der Druck. Ben den Erfahrungen aber, nach denen man diesen Saß jum Gebrauche anwenden wollen, findet er viel zu erinnern. Die geomes trifch gemessenen Höhen der Berge sind unsicher, besonders weil die Strahlenbrechung daben nicht gehörig ist in Betrachtung gezogen worden.
- 367. Ferner ist daben die Warme in Betrachtung zu ziehen. Scharfsinnig druckt Hr. 1. §. 35; Cc 5 die

bie Sache fo aus: Die Feberfraft ber luft werbe burch die Barme verftartt burch ben Druck, verproffert. . Jenes will fagen: burch bie Barme werde jedes kufttheilden elastischer, biefes: es kommen in eben ben vorigen Raum mehr elastifche Theilchen gufammen. Warme macht bie Luft bunner, und Dunfte bie fich in ihr enthalten mathen sie bichter. Mariotte fest bie Warme in allen Soben bestanbig; Aber fie ift unten groffer als vben, boch giebt es noch in ber Oberflache ber luft eine gewisse Warme. So ift die untere luft megen bes Ueberschuffes ber Warme bunner, als fie fenn murbe menn burchaus einerlen Barme mare: Gegentheils, wird sie burch Dunfte bichter, Die in der untern luft nach Proportion haufiger find als in ber obern. Sube eines bas andere auf, murbe biefe luft durch den Ueberfchuß ber Barme, gleich um fo viel bunner, als fie burch ben Ueberfchuß ber Barme bunner wird, so konnte Mariottens Regel vollkoms men richtig bleiben. Daß nun biefes Aufheben ftatt findet, lagt fich frenlichenicht beweisen, indef. fen ift gewiß, bag aus biefen benben Urfachen gufammen, Die Regel von ber Bahrheit weniger abmeicht, als sie abweichen wurde, wenn eine von benben allein fatt fanbe.

368. Was die Warme betrifft, so sest Hr. &. S. 40. ben ihr zum voraus, ben gleicher Masse ber luft, und ben gleichen Drucke wachse die Wars me, ordentlich in Verhältniß des Raums burch welchen

welchen sie bie luft ausdehnt, oder in verkehrter Berhaltniß der Dichte.

Das ist eigentlich, das soviel ich weiß zuerft von Boerhaven, deutlich auseinander gesetzte Rennzeichen der Wärme: Materien ausdehnen.

369. Dunfte, so zugleich mit der Luft zusammens gepreßt werden, vermehren dieser Lust Federkraft, einmahl dadurch, daß sie einen Raum einnehmen, und so die Lusttheilchen noch enger zusammenpressen, darnach, daß sie als eine todte Last das Gewicht der ganzen Lust vermehren, und so die untere noch enger zusammendrucken helsen, ohne daß sie selbst etwas hatten das sich ihm wiederssehte.

370. Hr. E. bestätiget und erläutert diese Sage durch Untersuchung und Vergleichung vieler barometrischer Beobachtungen. Er findet daraus, Mariottes Geses der Dichten treffe eigentlich nur in sehr grossen Höhen zu . . . zur Unbequemslichkeit für uns, nur in solchen, wo der Varometerstand etwa 14 Joll und geringer ist. Näher ben der Erdstäche machen besonders Dünste, und Wärme, Unordnungen darimen.

Wie Hr. & Dieses zeigt und anwendet, das muß man, mit soviel andern tehrreichen, in seinem Aufsage selbst nachlesen. hie bringe ich nur ben, daß er zur Berechnung anfangs den Sag annimmt, die Dichte verhalte sich wie der Druck, nach

nach foldem bie Höhe berechnet, und die alsbann verbessert.

Mun hat er f. 221. Berge genommen, beren Soben geometrifin gemeffen, auch bas Barometer auf ihnen beobachtet worden. Die geometrifchen Meffungen hatte er fcon, in feinem Buche: Les proprietés de la route de la Lumiére par les airs burch bie Strahlenbrechung verbef fert. Wenn er nun bie Barometerftanbe in &inien ausbruckte, und von jedes logarithmen, ben pon 336, bes mittlern Barometerstanbes am Meere abzog, fo fant er, baf ber jedesmahlige Unterschied ber logarithmen mit 10000 multiplie cirt, und bie bren niedrigsten Bifern weggelaffen, ziemlich genau bie Boben in Toifen vorstellte, aber Doch ben groffern Soben, merfliche Fehler gab, benm Canigou, wo ber Barometerffand 20 3oll I linie, bie geometrifche Sobe 1424, 5 Toifen ift, betrug ber Fehler 28 Toifen. Er fuchte alfo bie fleine nothige Berbefferung, und giebt folgenbe Formel. S: 223.

371. Die Barometerstände, in Linien ausgebruckt, sepen a; am Meere, y in einer Hohe von x Toisen so ist

10000,
$$\log (a: y) - \frac{43. (336 - y)}{43 + (336 - y)} = x$$

Als ein Erempel giebt er y = 300 = 25Boll; da ist 10000. log (336: 300) = 492, 181; Und die Verbesserung

$$= -\frac{43.36}{43+36} = 19, 6; \text{ also } x = 472, 6$$

Loisen.

Er findet daß diese Formel zwischen unterschies benen Beobachtungen das Mittel halt, schränkt sie aber boch auf die Berge ein, für welche sie gentlich gemacht ift.

Er giebt eine nach ihr berechnete Tafel burch alle Linien von 27 Zoll 11 Linien bis 19 Zoll, und bann noch durch alle halbe Zoll bis 14. Sie steht schon in route d. l. l. p. 114.

Diese Tafel ist auf die mittlere Winterhohe bes Barometers gerichtet, nicht auf den mittlern Stand aus vielen Jahren. Er giebt bavon Rechenschaft, und zeigt was alsbenn nothig ware.

Uebrigens erinnert Hr. &, daß noch vieles bieben zu untersuchen ift.

372. Die Verbefferung in Hrn. kamberts Fore mel (371) ist ein Bruch beffen Zahler 43; ber

Menner $\frac{43}{336-y}$ + 1. Dieser Renner nimmt ab, wenn y abnimmt, folglich nimmt die Verbesserung, zu wenn y abnimmt, und ist also allemabl für den geringsten Barometerstand am

größten.

Wenn y = 14 Zoll = 168 kinien, ist die Verbesserung - $\frac{43 \cdot 168}{43 + 168}$ = 34, 2; Aber a: y = 2 daher x = 3010, 300 — 34, 2 = 2976, 1.

373. In den Nouveaux Memoires de l'Acad. Roy. de Prusse für 1772; besindet sich 103 S. eine Abhandlung Hen. kambert, über die Dichte der Lust, die aber ihre Absicht vornähmlich auf die Restractionen hat. Indessen zeigt He. L. daseihst 13. h.: Es sehle gar viel, daß die Dichte der Lust, so wie die Restractionen sie ersodern, sich wie die Barometerstände verhalte, giebt davon die bekannte Ursache, daß die Dichte mit auf die Wärme ankomme, gesteht aber doch h. 15 zu, Mariottes und Hallens Geses, daß sich die Logarithmen der Barometerstände wie die Höhen der Oerter verhalten (ein abgekürzter Ausdruck, statt Unterschiede der Logarithmen), sen der Währbeit sehr nahe.

Man kann annehmen, die Sobe zwischen zween Barometerständen lasse sich ohngesähr nach Mayers Regel (227) berechnen.

374. I. Dieses scheint mir die wichtigste allgemeine Folge aus allen bisherigen Untersuchungen ju senn.

11. Hr be kuc (311) und Hr. kambert, (370) rechnen zuerst nach bieser Regel, jeder verbessert nur alsbenn die Rechnung auf seine eigne Urt. Offenbahr bahr ift jeber, burch eine anbere Reihe von Erfah. rungen und Schluffen, auf diese Regel gekommen; Hr. de kuc durch Betrachtung feinen eignen Erfahe rungen, Hrn. Lambert durch Bergleichung anderer bekanntgemachten.

III. Auch Celfius (257) Schober (272) Hore rebow (62) Hallen (69; VI) gehen nicht gar zu weit tavon ab. Scheuchzer (84) entfernt sich mehr, aber ber Ausdruck seiner Erfahrung in parifer Maasse scheint wenigstens sehlerhaft (101), wenn man auch sonst nichts baran aussehen will. Mariottes Coefficient (56) kame 8111; aber sein Fehler ist schon (337) angezeigt worden.

III. Mayer befriedigte sich ofne Zweisel, wie Bouguer und andre, die Hohe nur mit Ungewissbeit einiger Fuß, vielleicht Toisen, anzugeben. Freylich sind nun nach Hrn. de zuc ober Hr. Lambert beträchtliche Verbesserungen zu machen. Indessen werden diese Verbesserungen selbst von ihren Ersindern sernerer Untersuchung und Verichtigung empfohlen, und es sind ben ihnen so viel Unstalten und Vorsichtigkeiten nothig, daß es oft nüslich senn kann, in ihrer Ermangelung doch etwas von der Wahrheit nicht allzuentserntes anzugeben zu wissen.

Machrichten von einigen Vorrichtungen von Barometern.

276. Die Wertzeuge, beren man fich ben Sobenmeffungen mit dem Barometer bedienet, zu beschreiben ben, verstattet bie ber Raum nicht; und es ift auch bestoweniger nothig, weil ich dieserwegen auf bekannte Schriften verweisen kann.

Die vollkommenste Einrichtung biefer Werkgeuge möchte frenlich wohl die sen, die Br. de & in seinem vorbin angeführten Buche umständlich beschrieben hat.

hr. Sulzer hat in ber (180) angeführten Schrift auch von Verfertigung ber hiezu brauchbaren Barometer und Thermometer gehandelt.

Schobers seins (259) ist im hamburgischen Magazine a. a. D. beschrieben und abgebilbet.

Michael du Crest kleine Schriften von Thermometern und Barometern; a. b. franz. übersest und mit einigen Anmerkungen begleitet von M. Joh. Christoph Thenn, Augsp. 1770, enthalten unterschiedenes hieher gehöriges.

Kurze Beschreibung zwener besonderer und neuer Barometer, welche sich nicht nur verschließen und sicher von einem Orte zum andern bringen lassen, sondern auch zu Höhenbeobachtungen vorzüglich zu gebrauchen sind, als ein Zusaß zu bes Herrn du Erest Sammlung kleiner Schriften ... von Georg Friedrich Brander, Mechan. in Augsb. der Churf. Bair. Akad. der Wiss. Mitgliede. Augsb. 1772.

Ber bas Drebbelifche Thermometer fennt, wird bavon gleich folgendes übersehn:

In einem folchen Thermometer, ift bie eingeschloffene Luft im Gleichgewichte, mit einer Caule Waffer, Spiritus, ober Queckfilber im offenen Schenkel, und bem Drucke ber Atmosphare auf Diefe Saule. In biefer Bebeutung ift befanntermaffen das brebbelische Thermometer jugleich Ba. rometer.

Man stelle sich also ein solches Thermometer mit Baffer vor, und bemerte, wenn man es an einen gewiffen Ort fest, wo bas Baffer im offenen Schenkel fteht. Ich nehme an, Diefer offene Schenkel gebe vertical aufwarts, benn es giebt, wie man unter andern in Boerhavens Chymie de igne exp. III. feben fann, allerlen Beftalten bes brebbelifchen Thermometers. Sieber ichicft fich eine, bie bort nicht abgebilbet ift, ein paar verticale Schenkel, beren einer oben imeiner Rugel fich mbigt, ber andere offen ift. In ber Rugel ift m oberft die eingeschlossene auft.

Wenn man also bas Thermometer an eine twas hobere Stelle bringt, so bruckt ba in ben iffenen Schenkel feine folche lange Saule ber Utnofphare, fondern eine, bie um foviel furger ift, fo viel diese Stelle bober ift. Go wird fich die eine jeschlossene Luft ausbreiten, und bas Baffer im iffenen Schenkel bober binauf treiben. Lind

Und bas wird schon ben einer geringen Aem berung ber Hohe ziemlich merklich fenn.

Auf Diefen Begriffen beruht ein Bertzeug, bas Desaguliers angegeben hat, Sohen bamit zu Er hat nur moch ben biefem Thermometer Ginrichtungen angebracht, Die Abmeffungen mit einiger Bequemlichfeit und Sicherheit anzustellen; besonders auch, was von der Warme baben fonnte geandert werden, in Betrachtung zu fiehen. Man findet die Befchreibung in den Philos. Trans. n. 385. p. 165; nach Br. Prof. Bohms Berichte, ber fie in feiner grundlichen Unleitung gur Deffunft auf bem Gelbe S. 125 mitgetheilt und erimert bat, baß feine Quelle bie philos. transactions abridged Vol. VI. find, eine Bewissenhaftigleit, bie manchem Schriftfieller ju empfehlen mare, ber Bucher allegirt, bie er nie gesehn hat. Ben hen. Prof. B. ift fie eine natürliche Folge feiner philofophischen Denkungsart. Er bemerkt mit Rechte, baß biefes Wedieng ben groffen Gefällen nicht brauchbar ift, und es scheint mir auch bie nicht gar zu schwere Mufe einer vollkommenern Theorie bavon, nicht zu verdienen.

Erwas von der Anwendung solcher Messengen auf die physische Geographie

376. Bekanntermassen urtheilt man so: Der Ort liege hoher, wo ber mittlere Barometerstand, aus vielen Jahren genommen, geringer ist.

Das ift überhaupt wohl richtig, ziemlich zweiselhaft aber mochte es senn, ob sich des Ortes eigentliche Dobe mit grosser Genauigkeit so beftimmen läßt.

Genug Barometerbeobachter gestehen, baß es ziemlich schwer ift, Barometer zu haben, die neben einander gehenkt übereinstimmen; Hr. de luc sest in der Erreichung dieser Bolltommenheit ein nen Borzug seiner Kunftgriffe.

Würden also, von den vielfältigen Barometern, beren mittlere Stande man in unterschiedes nen Orten beobachter, jedes am Meere zum mittelern Stande 28 Zoll haben? Ist dieses nicht, so fonnte eine Theorie von Höhenmessungen durchs Barometer geometrisch richtig senn, und wurde dech in der Anwendung zutreffen, wie die Sase des Euflides bey einem Feldmesser der verbogene, der sehlerhaft getheilte, Werkzeuge brauchte.

Sat ferner bie Barme einen Einfluß in bieie Messungen, so mußte man Werbesserungen, ohngefähr wie Hr. be tuc thut, anbringen, weil bie nittlern Barometerstände zweener Derter, immer nicht, mit einerlen Barme, ober mit Barme, baben nach Hrn. be tuc keine Verbesserungen nothig waen, zusammentreffen werben.

Bon ben vielen Beobachtungen mittlerer Baemseterstände, und ben bavon gemachten Unwens ...
bungen, will ich nur ein Benfpiel bepbringen.

Db 2 Mittlere

Mittlerer Barometerstand 311 Clausthal.

377. Hr. Prof. Hollmann, in den alten Comm. Soc. R. Sc. Gott. ad ann. 1754. p. 92. giebt ihn 26, 2 ped. Paris.

Wenn man dieses liest wie man sonst Angaben von Maassen zu lesen gewohnt ist, so heißt es: Sechs und zwanzig und zwen Zehntheile Pariset Fuß.

Es ist indessen leicht zu sehen, daß die 26 nicht Fuß sondern Zoll bedeuten.

Auch kann man sich durch Rechnung versichern, daß die 2 rechter Hand ber 6, nicht ib sondern 2 Linien, Zwolftheile des Jolls bedeutet.

Also heißt die Angabe 26 parifer Zoll und 2 linien.

Gegentheils helft eben baselbst p. 93; 26, 50 ped. Lond. soviel als 26 50 tondner Zolle.

Man braucht kein Mathematicus zu fenn, um einzusehen, daß: Gröffen mit Zahlen auszubrucken, die eingeführte Bezeichnung muß benbei halten werden, wenn nicht Migverstand entstehen soll, und daß es sich nicht schieft, die Zifern nach einem Comma, ohne einige Erinnerung, einmahl Zwölftheile, darnach Zehntheile bedeuten zu lassen.

Des ift freplich eine Rleinigfeit, wie es eie ne Rleinigkeit ift, b ober d fatt p ober t zu fchreiben. Da aber Hr. Prof. Hollmann bie Bemu. hungen ber Mathematikverständigen immer für fehr unnug ertlart, fo thut biefe Rleinigfeit bie fo eine Wirkung, als wenn jemand bas lefen ber rdmischen Schriftsteller fur unnug erklarte, und wieder die lateinische Orthographie ichlägelte. Bon einem folchen wurde man wohl urtheilen, er tenne die Sache nicht, die er für unnug erflart. Und baben mußte einem bas befannte Spruchwort einfallen: Ars non habet osorem nisi ignorantem. Daß sonst bieser Schriftsteller bas Allergemeinfle ber mathematischen Sprache nicht recht ober gar nicht fennt , zeigen viel Stellen feiner Physit, ob er gleich ba einen Jargon immer getroft wegparlirt, ben seine Schuler für mothematische Sprache halten mogen.

378. Hr. Prof. H. schreibt die Hohe über das Meer, welche diesem Barometerstande gehört, aus zwo Taseln ab; Aus Hr. Sulzers seiner (180) und aus einer die ihm Mayer schon vor einigen Jahren netgetheilt; Jener Tasel Zahl ist 1868 pariser Buß, dieser 2076; Hr. Pr. H. hat nahm-lich die 346 Toisen, die in Mayers erster Tasel bep 26 Zoll 2 linien stehen, zu Fussen gemacht.

279. Da M. erste Taset für ben Horizont gerechnet ist wo das Varometer ben 28 Zoll 4 Linien

340 Linien steht, und 26 Z 2 Lin. = 214 Lin.
Db 3

fo ist log (340: 314) = 0, 0345493 woraus die Höhe 345, 493 Toisen folgt, statt der M. in die Tasel 346 gesetzt hat.

380. Hr. S. Tafel ift nicht völlig für einerlen Horizont mit Mayers seiner berechnet, fondem für einen etwas niedrigern. (180) Weil eine linie Queckfilber in dieser Gegend etwa 60 Fuß beträgt, so würde Hr. Sulzer sede Höhe etwa 40 Fuß gröffer angeben, wenn beyde völlig nach einer Regtl gerechnet hatten, welches sie freylich nicht gethan haben.

381. Diese Bemerkung erinnere die, welche nur aus berechneten Tafeln abschreiben, mas gewissen Barometerständen für Höhen zugehören, daß se auch auf ben Horizont der Tafeln acht geben.

Die wäre die Höhe aus Dr. Sulzers Tafel über Maners Horizont noch kleiner als über Sulzers seinen, folglich noch mehr von Maners Höhe unterschieden als (378; 379) weil nähmtich bende Lafeln nach unterschiedenen Regeln berechnet sind.

382. Da Mayers Regel zwerläffiger scheint (374) so kann man, vorausgesest die mittlere Barometerhöhe am Meere sen wie M. erste Tasel sie annimmt, mit der (378) gegebenen Zahl noch seindes vornehmen:

Man sese (völlig mahr wird es frenlich nicht fenn) die Stelle, für welche der clausthalische mitte

lere Barometerstand angegeben ist, sen in einem Horizonte mit demjenigen, unter welchem die Teufe der Dorothee ist berechnet worden (2. Aumerk. über die Markscheidek. 36.) So ist das dortige Tiesste der Dorothee, noch 1868 — 960 = 908 Fuß über dem Horizonte des Meeres.

383. Auffer ber Unsicherheit ber Regel, möcheten auch wohl bie hieben gebrauchten Werkzeuge; nicht so beschaffen senn, daß sie die größte Schärse versprächen. Ich muß ben dieser Gelegenheit ein paar Worte bavon sagen:

Das Barometer ist eine gerade Röhre, umten in eine hölzerne Buchse gesteckt. In diese Buchse sinkt das Quecksilber aus der Röhre, und
tritt wieder aus der Buchse in die Röhre. Ich lasse jeso unentschieden, ob der Druck der lust döllig so frey durch die Zwischenräume des Holzes wirkt, als durch eine größere, sichtbare Dessmung, Man dürste wenigstens deswegen etwas daran zweiseln, weil diesem gemäß, keine hölzerne Pumpenröhren brauchdar senn sollten. Es müste denn das Wasser in den Plumpen auch steigen, wie in dem Heber auf der hollmannischen lustvampe, durch die Cohäsion. Aber das benseite gesest, so ist der Hauptumstand, das man nicht sehen kann, wo das Quecksisder in der Buchse sehe, also die Oberstäche nicht sieht, von der man den Baromes terftand rechnen muß; Das ist zumahl ben Höhenmessungen mit dem Barometer doch wesentlich, de.
stomehr, da ben diesen Barometern die Röhren wicht gar zu enge sind, und man gar nicht annehr men darf, die Oberstäche des Quecksilbers in der Buchse andere sich benm Steigen und Fallen nicht merklich.

Das Thermometer bat wie billig bie fahrenbeitische Scale. Derfelben o aber burch Salmiat gu bestimmen, ift wegen ber Berschiebenheit bes Salmiats unficher. Es follte ber Engpunkt unmittelbar bestimmt, und o barunter in gehöriger Entfernung gesetzt werden. Diese Erinnerung hat auch fr. Prof. Titius gemacht, Wittenbergisches Wochenblatt 1772. 1. Stud, und berichtet Daß manche Physiter ben Engpunkt für ungewiß halten, anstatt baß fie einsehen follten ihr Salmiat. punkt fen ungewiß. Das find nun frenlich folche Physiter, bie haben wollen, die Natur foll sich nach ihrer Ignorang richten, weil fie febn, baß Dum-Fopfe Diese Ignorang für Beisheit halten. Quedfilberbehaltniß biefes Thermometers ift nicht ringsberum fren, fonbern liegt hinten am Brete an in einer Vertiefung bes Bretes.

Dieses Thermometer zeigt also nicht die Barime ber umliegenden luft an, sondern groffentheils mit, die Barme des anliegenden Bretes. Bende sind nicht völlig einerlen, weil sich einmahl erlangte Barme im Brete langsamer aubert als in der luft. Gerade

Berade hinter bem Quecksilberbehaltniffe ist ein Petschaft aufgebruckt; Das soll versichern bas Thermometer sen aus der gehörigen Fabrik. Weil man aber das Thermometer vom Brete nehmen, und ein anderes daran bringen, selbst die Scale and bern kann, ohne das Petschaft zu berühren, so versichert die Versiegelung nur; Es sen von hintenzu dat egte opregte Berdeken.

Quacksalber brucken wohl ihr. Petkhaft auf ihre Buchsen, ber Philosoph aber, ber ihnen hier-innen nachahmt, hat nicht einmahl soviel Nachbenken, daß sich sein Nachrum nicht wohl verssiegeln läßt.

Uebrigens erinnert mich dieses hinten besiegelte Bret an ein Stücken aus der Chronika der Schildburger. Ben Gefahr eines seindlichen Einfalls versenkten sie ihre Glocke ins Wasser. Damit sie nun solche wieder zu sinden wüßten, schnitten sie an dem Orte, wo sie die Glocke hinabgelassen hatten, eine sehr kenntliche Kerbe ins Schiff, und suhren mit dem Schiffe wieder davon.

Daß meine bisherigen Erinnerungen keine ungegrundete Spihfundigkeiten find, kann fich jeder leicht durch die Erfahrung versichern, der sonft gute Barometer und Thermometer, ansehen, oder die Borschriften zu ihrer Verfertigung lesen will. Er wird finden, daß sie gerade in den angesuhrten Umständen anders sind, als die göttingischen.

Die Schuld hievon ist nicht dem Kunftler, Oliver, zuzuschreiben. Der besist alle ersoderliche Geschicklichkeit. Ein unglückliches Schickaal aber hat ihn genothiget, sich nach einem Manne zu richten, dem es nicht nur an mathematischen Kenntnissen, sondern auch an der natürlichen Mathematik, die ein beträchtlicher Theil des gesunden Menschenverstandes ist, und ost den Mangel gelernter Mathematik ersest, fehlet, der alsodavon gar keinen Begriff zu haben sähig ist, was zu richtigen Versuchen und Beobachtungen gehört, gleichwohl solche Dinge anordnen will, und den Sigensinn hat, bessere Nathschläge nicht, anzunehmen.

Wenn der Kunstler sonst nicht weiß, wie er seine Werkzeuge richtig machen soll, so wird er es von einem solchen Manne nicht lernen, der eher das Gute, das der Kunstler aus eignem Nachdenfen andringen wollte, hindert, als was taugliches anzugeben versteht.

Man kann benken was bas für Röpfe fenn muffen, die, wenn sie ein Thermometer kaufen wollen, erst einen folchen Physikus um Rath fragen und nicht eher glauben, daß ein Ding vorne was taugt, bis ein ganz ander Ding hinten zuge-

flegelt ift.

384. Weil ich geneigt bin, das Bose immer so gering als möglich zu denken, so will ich doch hoffen, der sich so dunkende Physikus werde durch seine Vorschriften des Kunftlers Werk nicht so ger sehr

febr verhungt haben, bag fie nicht noch zu groben Bemerkungen brauchbar maren.

Alfo glaube ich, ungeachtet ber Unvollkommenheit ber Werkzeuge, ber Fehler ber Beobachter, und ber Unsicherheit ber Regel, kann man boch annehmen, bas (382) angezeigte Tieffte fen noch über bem Horizonte bes Meeres.

Das wird zugleich erläutern, in welcher Bebeutung man sagen kann: Bergwerke lehren uns das Innere der Erde kennen. Die Erde, als Rugel betrachtet, hat einerlen halbmesser mit der Rugelstäche die das Meer begränzt... und so mutatis mutandis, das Sphäroid das eigentlich die Erde ist. In das Innere dieses Körpers ist vielleicht noch kein Bergmann gekommen, wo nicht etwa in Polen. (274)

Mathesius, Sarepta II. Predigt fol. XXII b der Ausg. 1562 führt als die damaligen tiefsten Schächte die zum Kuttenberge an, wo man über 500 lachter gesunken; Daher der Bergschwank gestommen: Die von Hungern haben den von Kuttenberg Wassergeld geben mussen, welches nahmlich in Bergwerken ein Gebäude dem andern giebt, das ihm das der Grubenarbeit hinderliche Wasser ab ninmt.

Also sest dieser Bergschwank zum voraus: bas tieffte ber Ruttenberger Gruben, sen naber benm Mittelpunkte ber Erbe als bas Liefste ber ungarischen.

Die

Die Borausfehung tonnte boch unrichtig fenn, wenn die bortigen Geburge etwa viel hober maren als die ungarischen.

Aber wieviel Schwänke wurden eine folche geometrische Prufung aushalten?

dr. Prof. Hollmanns Regel zu Vergleichung der Hohen, und Unterschiede der Barometerstände.

385. Der Gebrauch, ben ich nur nachst zuvor von einigen Aussähen Hr. Prof. Hollmanns gemacht habe, veranlaßte mich nachzusehen, ob er in seiner Physis was von diesem Gegenstande vortrage (Philosophiae naturalis primae lineae auch Sam. Christian. Hollmanno . Gotting. 1753)

Ich fand baselbst folgendes S. 251; Die respectiven Erhöhungen unterschiedener Derter über einen und benfilben Horizont zu bestimmen.

"Diese Zöben verhalten sich bennahe, wie die Unterschiede der Zaromererstände, unter einerlen Umständen. So verhält sich z. E. ber Unterschied des Barometerstandes auf dem Hainberge, zu dem auf dem Berge den Dransseld, ohngefährwie 7: 10 und zuder, welche ich den 10. Jul. 1741 auf dem höchsten Gipsel des Blocksbergs beobachtet habe, wie 7: 35. Also verhalten sich die Höhen dieser Berge über den Horizont unserer Stadt

Stadt ohngefähr wie 7; 10, wie 7: 35; wie 10: 35."

Die lateinischen Worte sind: Sunt . . altitudines fere inter se a data superficie vt disserntiae altitudinum barometricar. sub iisdem circumstantiis. Ita v. c. disserntia altitudinis barometricae in summo, montis vrbi nostrae prexime adiacentis vertice, dem Haynberg ad eam,
quae in summo montis non procul Dransfelda,
oppido propinquo siti sugo observatur, ceteris
omnibus paribus est vt 7: 10 circiter, et ad eam
quae in summo apice montis Bructerorum, dem
Brocks- vvet Blocksberg, d. 10. sul. 1741 a nobis observata est, vt 7: 35. Sunt ergo montium illorum altitudines supra horizontem
huius civitatis circiter inter se, vt 7: 10 item vt
7: 35, et vt 10: 35.

386. Diefe Borfdrift nimmt offenbahr an, wenn bas Barometer gleichviel fallen foll, muffe man allemahl gleichviel steigen, von welcher Stelle man auch zu steigen anfange.

Man theile den Unterschied zwischen den Barometerständen zu Göttingen und auf dem Blocksberge in 35 gleiche Theile ein. Wenn man so weit gestiegen ist, daß es um die ersten 7 gefallen ist, besindet man sich im Horizonee des Hanne berges; Das soll nach Hrn. Prof. H. den such welche man don

von Gottingen fleigen muß auf ben Blocksberg zu tommen.

387. Die Luftsause von Göttingen bis an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge, druckt fünfinabl so stark, als die von Göttingen bis an den Horizont durch den Gipfel des Hainberges; Das folgt aus Hrn, Prof. Hollmanns Zahlen 7:3.

Ist aber beswegen jene auch sümsmahl so lang als diese?

Wenn man von Göttingen auf den Hain berg steigt, so erhebt man sich, aus Luft so dicht als die görtingische ist, in dunnere. Steigt man vom Hainderge dis dahin, wo das Barometer um die zweyten sieden Theile der genannten 35 fällt, so fängt man an aus Lust nur so dicht als sie auf dem Saynderge ist, zu steigen, wieder durch immer dunnere Lust. Diese zweyte Lustsaule aus dunnerer Lust ist also länger, als die erste aus dichterer Lust, wenn sie eden so start druckt. Und so kann man sich sür jeden Fall um 7 Theile der 35; eine Lustsäule vorstellen, da die solgende immer länger als die vorhergehende, die letzte dis an den Horizont des Gipfels vom Blocksberge am längsten ist.

Wenn die zwehte dieser fünf Säulen länger ist als die erste, die dritte länger als die zwehte u. s. s. so sind alle fünf zusammen, mehr als fünfmahl

mahl fo lang als die erste; Ober die Sohe des Blocksbergs über Göttingen ist gröffer als fünf-'
mahl die Höhe des Hainbergs über Göttingen.

388. Eben so kam man sich für die 35 gepannten Theile, soviel kuftsaulen vorstellen, immer die folgende langer als die vorhergehende, die Sumsme der kangen aller 35 zusammen verhält sich also gewiß nicht zur Summe der kangen der ersten 10wie 35: 10, sondern wie was gröfferes als 35; zu 10.

389. Solche Betrachtungen find fcon langst bekamt. Mariottens (59) und Horrebows (62) Schichten beruhen barauf, hollmannische Lustsschichten, gleich bick wenn sie gleich stark brucken, sind niemanden eingefallen, ber gewußt hat daß die Lust elastisch ift.

390. Folglich ist Hrn. Prof. Hollmanns Vorschrift (385) nur in dem Maasse circiter wahr, in dem es circiter wahr ist, daß die tust nicht elastisch ist.

391. Ob ber Erfinder dieses Sages an die Elaflicität der Luft nicht gedacht hat? ob Er geglaube hat: Was wahr ware wenn die Luft nicht elastisch ware, könnte wohl circiter wahr senn, wenn sie gleich elastisch ist, ob Er etwa gelesen hat, daß. sich die Höhen über einen Horizont, wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten, ten, und nun Unterschiebe ber Logarichmen mit Unterschieben ber Jahlen verwechselt hat, vielleicht gar gewußt hat, daß man oft annimmt: Unterschiebe ber Logarithmen verhalten sich wie Unterschiebe ihrer Zahlen, nur nicht gewußt hat unter was für Umständen man das annimmt, diese Hopothesen, und andere die man zu Erklärung der Begebenheit erdenken könnte, untersuche jemand, der untersuchen will, wie sich Igsoranz und Dunkel begatten, und Irrthumer zeugen.

392. Die Barometerstände zu Göttingen und auf dem Blocksberge sind 331 und 297, 25 parifer kinien, nach Hrn. Pr. Hollmanns Angabe. Comm. Soc. Sc. Gott. Tom. III. p. 92; 93.

Ihr Unterschied ift 33, 75 linien.

Der funfte Theil bavon ist ber Unterschied zwischen ben Barometerständen auf dem Sainberge und zu Göttingen (385).

Also der Barometerstand auf dem Sainberge 324, 25 linien.

393. Nach 276; IIII; verhalte sich also die Höhre des Hackbergs und des Blocksbergs über Göttingen, wie log (331: 324, 25): log (331: 297, 25) == 0, 0089481: 0, 0467062 == 1: 5, 219.

Nach Hr. Prof. Hollmanns Sage mare die Verhältniß biefer Höhen circiter 1: 5;

Schwerlich wird jemand, ber 52 Thaler bestommen foll, fich mit einem circiter befriedigen laffen, ftatt berfelben 50 zu nehmen.

394. Es ist inbessen sonderbar baß am (392) angesubrten Orte Zahlen stehen, ben benen Drn. Prof. Hollmanns Vorschrift so ziemlich genau zustreffen wurde. Er giebt nahmlich bie Barometerstände

zu Göttingen 331 lin. Clausthal 314 auf dem Blocksd. 297, 25

Der ersten benben Unterschied ist 17; des ers sten und des legten 33,75 beynahe das Doppelte jes nes Unterschiedes.

Auch ist log (331: 314) = 0, 6228944 und log (331: 297, 25) = 0, 0467062, bep.

nabe bas Doppelte des erften logarithmen.

Das beruht auf einem besondern Verhalten dieser dem Barometerstände. Die britte geometrische Proportionalzahl zu den ersten benden ist 297, 87; und die mittlere Arithmetische zwischen dem ersten und lesten ist 314, 125. Also sind die se bren Barometerstände bennahe zugleich in einer zusammenhangenden geometrischen, und int einer zusammenhangenden arithmetischen, Proportion, solglich ist der Unterschied beim ersten und britten bennahe noch einmahl so groß als behm ersten und zweiten, man mag die Barometerstände selbst, oder ihre logarithmen, von einander äbziehn.

Ich mußte dieses hie auseinander segen, damit nicht etwa jemand, dem die falsche Regel in diesem Erempel zuträse, sich auf eine solche Ers fahrung berufte. Es wurde ihm alsdenn gehen wie manchem Naturforscher, der sich auch auf Erfahrung beruft, aber aus Unwissenheit der Mathematit nicht versteht, daß seine Erfahrung nur unter besondern Umständen zutrifft und allgemeine Schlusse nicht verstattet.

395. Daß sich die Sohen wie die Unterschiede der Logarithmen der Barometerstände verhalten, gründet sich auf die allgemeinen Eigenschaften der Luft; Wenn es also auch wegen Warme und anderer Ursachen Berichtigungen bedürfte, so ware es doch noch was ganz anders, als eine circiter Vor-

fcbrift bie ber Ratur wiederspricht.

Der Markscheiber vermahrt fich ben feinen Angaben mit ber Clausel: Wenn ber Gang sein Streichen und Fallen behalt; Das sest ihn aber nicht zum Authenganger herab, auf besten hande leichtglaubige Einfalt gafft.

Barometrische Beobachtungen auf dem Brocken, und in Gruben des Sarzes von Irn. Prof. Jimmermann.

396. Ich hatte Alles, was zu gegenwärtiger Abhandlung bestimmt war, schon bem Drucker überliesert, als ich noth Beobachtungen von Hrn. Pr. Zimmermann erhielt, die ich hie benzufügen für nothwendig achte.

397. Er

397. Er hat zwen de kuesche Thermometer wie er vorerzählter maassen zu Braumschweig auf dem And dreasthurme gebraucht, an die Derter, welche die Ueberschrift gegenwärtigen Absasses nenne, gebracht. Jedes war mit einem Vernier oben und unten versssehen, so daß er Zwölstheile einer Linie angeben konnte. Es versteht sich also wohl, ob er mir diesses gleich nicht ausdrücklich gemeldet hat, daß er eines dieser Barometer an einer Gränze der Höhe gelassen hat, wo es ist beobachtet worden, das andere hat er mit sich genommen.

Der Erfolg der braunschweigischen Beobachtungen, hatte bes herzogs von Braunschweig Durchl. veranlaßt, gegenwärtige zu verordnen-

398. Auf bem Brocken sind von ihm acht Beobachtungen angestellt worden, jeder eine zugehörige zu Issenburg. Aus jedem Paare dieser Beobs
achtungen hat er die Höhe des Brocken über Issenburg berechnet, wie er zuvor benm Andreasthurme
versahren. Ich will zur Probe das erste Paar
hersesen. Es war den 11. Jul.

Barom. Eherm. reaum.

Ilfend. 47 3oll 8 12 1. 17

Brocken 35 0 18 11,5

10000. log (338, 92: 200, 42) = 446, L. Soviel Toifen ist die unverbessert Höhe.

Also 2676, 6 parifer Fuß.

Die halbe Summe ber Thermometerstände ist. 14, 27.

Und 16, 75 — 14, 25 = 2, 5.

2016

Miso die Berbefferung ber Sobs

2676, 6. 2, 5 = 31, 12; abzuziehen.

Alfo die verbesserte Höhe 2647, 48 parifer Fuß.

Diese mit & multipliciet geben in Braunfehweiger Maasse bie Hohe 3023 Buß 4 Zoll 10 Linien.

399. Go berechnet Gr. Pr. 3. jedes Panr feiner Beobachtungen. Ich will von bem mas es findet bas größte und fleinfte berfegen.

III. Beob. 3043 F. 8 J. 5 1. 234. V.

2973

Unterfchied 69 11

Das Mittel aus allen achten ift 3011 8, 8 3. 9 & Br.

. 400. Des Brockens bochfter Gipfel ift ohnge fahrenoch 10 bis 11 Fuß höher als ber Das wo

bas Barometer bing.

401. Br. Dr. 3. melbet, Mitter (Relatio hiflorico curiola de iterato itinere in hercyniae montem famolist. Brucherum Helinst. 1740: 401 gebe bie Sobe bes Broden über 2933 guß an, babe aber nur/mit einem Uftrolabio gemeffen, bas wahrscheinlicher Weise nicht bis auf Minuten getheilt gewesen.

403. Barometerftanbe auf bem Broden finb ohne Zweifel noch allgemeiner lehrreich, als bes Brockens Hohe über Issenburg. Ich sese also Drn.

hrn. Prof. 3. acht Beobachtungen auf bem Brot- . fen hieber.

| • | • | | Baro | meter. | Reaum. | The | rm, |
|-------|----|---------------|--------------|--------|-------------|-----|-----|
| i | II | Jul. | 125 300 | 5 3m | ölsth. Lin. | 111 | 5 |
| 11 | 12 | 19 Uhr | _ | 9 | | 12, | 5 |
| III . | 12 | 12 Uhr | | 6 | | 13 | - |
| IIII | 12 | 3 Nachm. | _ | 4 | | 12 | |
| V | 12 | 6 216. | | 9 | | 12, | 4 |
| VĮ | 13 | 9 😽 | - | 3 | , | 9, | 5 |
| VIĮ | 13 | | - | 7 | | II, | 75 |
| VIII | 13 | 3 Nachm. | - | 4 | ` | 13 | , |

403. Heinrichshöhe ist ein Torfwerk auf bem feinen Brocken. Das Barometer stand da ben 2. Jul. 26 Zoll 3½ kin. Thermometer 15½; In Issenburg Bar. 27 Zoll 9 in. Therm. 16½. Wormus Heinrichshöhe über Issenburg 2374, 66 parier Fuß folgt.

404. Zu Causthal, auf ber Anna Cleonora, 1, 22. Jul. 1775, um 4½ Uhr Nachm. stand das Barometer im Einfahrtshaufe 27 Zoll; Das reaus nurische Therm. 16 Gr. Um 6½ Uhr kam hr. dr. 3. in das Gesens. Da, Bar. 28 Zoll 4½

in. Therm. 13 Gr.

Daraus berechnete Teufe unter dem erften Scande 1258, 69 parifer Buß = 1438, 5 Braun-

hweigische.

Der Gr. Markscheiber Rausch gab diese Leu-216 Lachter an = 1440 braunschweiger Buß. Ine nicht zu erwartende Uebereinstimmung!. Die Verwandlung der lachter in Suß sehe man 2. Anm, über die Marksch. 10.

405. Zu Zellerfeld, auf bem Saus Zelle, ben 24. Jul. Morgens zwischen 6 u. 7 Uhr,

Im Einf. H. B. 26 H. 11 L. Therm. 20 \frac{1}{2}
Unten . . . 27 4 \frac{10}{2} . . . 10 \frac{1}{2}

Teufe 464, 09 P. F. = 530, 389 Br. F.

Der Abstand dieser Stellen, ward Hr. Pr. Zimmermann 80 lachter = 533 \frac{1}{3} \mathbb{Br}. F. Donlege angegeben. Aber daben nicht das Fallen. Also läßt sich aus der Donlege allein, nichts von der Seigerteuso bestimmen. Wäre das Fallen 80 Grad, so gabe diese Donlege etwa 525 Juß Seigerteuse.

406. Auf der englischen Treue in Clausthal, ben 22. Jul. 4 & Uhr Rachmitt.

Im Einf. H. B. 27 Boll Th. 16 In der Grube 27 7½ & Th. 10.

Teufe 586 Par. F. = 669 ; Br.

Die Markscheider gaben sie 200 Lachter ? = 668 F. 4 B. Br.

407. Rammelsberg ben Goslar; b. 26. Jul. Morgens um 9 Uhr.

Ben ber Einfahrt B. 27 3. 8 1/2 &. Th. 161/2.

Im Gefente B. 28 3. 219 4. 15 1 Therm.

Teufe 489, 69 P. F. = 559, 646 Br. Man gab sie 90 lachter = 600 Fuß.

408. Im Breitlingen, im Rammelsberge; in einer Stelle, wo erst vor zween Lagen, bas bebirge burch Feuersegen losgebrannt war.

Ben ber Einfahrt B. 27 3. 8 1/2 l. Th. 16 1/2

Ceufe 200, 44 P. F. = 229 €, 0 J. 11 &. Braunschw.

Sie ward angegeben 38 lachter = 253\frac{1}{3} Br.

409. In (407; 408;) weicht also die Messing mit dem Barometer sehr von den Ungaben ab; ind verhältnismässig in (408) am meisten. Nämd in (407) gab das B. ben 600 Jussen; 40 zu enig, aber in (408), ben noch nicht der Hälfte om vorigen, 229 Fuß, mehr als die Hälfte vom rigen 40 zu wenig.

410. Hr. Prof. Z. erinnert, das B. habe in in kalten Gruben, wo kein Bitriol und Kupferauch war (404 · · · 406), so vorzäglich richtig gesessen. Es müßten also die besondern Dünste, w den lesten Messungen, den Druck der luft gesidert haben; Hierüber wünscht er mit Rechte per Besbachtungen.

411. Ues

411. Uebrigens ift im Breitlingen die higele groß, daß ein ganz nackender Menfch nur eine Stunde in einem fortarbeiten fann; die Beobach ter hielten es in ihren Rleibern dem Bardmein zu Gefallen doch eine halbe Stunde aus. Uchen haupt kam ihm die Luft im Rammelsberge viel um angenehmer vor, als in allem vorhin befahren Gruben, ob er gleich sonft leichter zu befahren ift

412. Nach hat Br. Pr. Z. auf dem Nammels berge beobachtet. Den 27. Jul.

In Goslar 9 Uhr B. 27 3, 8 ½ 1, \$\\ 17\\ 12 \quad 27 \quad 8 \\\ \frac{1}{2} \quad \text{3. 17}\\ \text{Auf ber Spike bes N. B. 26 \quad 6 \\\\ \frac{1}{2} \quad \text{3. 10}\\

Bon ben behden Standen zu Goelar, ist der Lerste bevbachtet worden, ehe man auf den Berg gestiegen, der leste nach der Zurücklunst. De. Dr. Z. nimmt aus benden das Mittel 27 30ll 8 % sin. und berechnet daraus die Hohe des Nammelsberges über Goslar 1122, 14 Pariser Juß= 182 F. 5 Zoll 4 & Braunschw.



